



Universidad del País Vasco

Euskal Herriko Unibertsitatea

Manuscript Copyright

LIUBACHKO VITALII

Thermal transport and phase transitions in MM'P₂(S,Se)₆ (M, M' = Cu, Ag, In, Bi, Sn, Pb) phosphorus chalcogenides

Presented for obtaining the degree of PhD in Physics

Tutors:

Dr. Yulian Vysochanskii Uzhhorod National University Department of Semiconductor Physics Dr. Alberto Oleaga University of the Basque Country UPV/EHU Department of Applied Physics

Ukraine, Uzhhorod - 2020

Acknowledgements

First and foremost I would like to take this opportunity to thank to my dear scientific supervisors Dr. Alberto Oleaga and Dr. Yulian Vysochanskii. It has been an honor to be your PhD-student. I appreciate all your efforts to make my PhD experience very productive and spectacular. All the time you spent helping me on this work is invaluable.

It was very pleasant to have the opportunity to work on my research at the Department of Applied Physics at the UPV/EHU and have access to the laboratory and research facilities. Without this possibility none of this work would have been realized. I would also pay my sincere gratitude to Dr. Agustin Salazar, Dr. Arantza Mendioroz and other members from the Department for their helpful suggestions and moral support to me.

A very special gratitude goes out to all research funds especially Erasmus Mundus ACTIVE program for providing the funding of my work in Bilbao.

Index

Introduction	6
Chapter 1. The phenomenon of heat transfer and thermal properties of solids	6
1.1. Mechanisms of heat transfer: conduction, convection and radiation 1	6
1.2. Determination of the thermal properties of materials 1	9
1.3. Electrons and phonons as heat carriers in semiconductor materials	22
1.4. Heat propagation in isotropic and anisotropic materials	26
1.4.1. Conductivity matrix for crystal systems	27
1.5. Temperature field in a medium. Thermal wave physics	28
1.5.1. Parabolic and hyperbolic heat diffusion equation	29
1.5.2. Reflection and refraction of thermal waves	31
Chapter 2. Photopyroelectric calorimetry in solids	5
2.1. Basic theory of pyroelectricity	35
2.2. Photopyroelectric calorimetry. Back-detection configuration BPPE	38
2.2.1. Experimental conditions for experimental setups	12
2.3. Description of experimental setups4	16
2.3.1. At room temperature as a function of frequency	16
2.3.2. Temperature measurements between 18K and 325K	18
2.3.3. Temperature measurements between 80 K and 350 K 5	50
Chapter 3. Phase transitions and critical phenomena in ferroelectrics	53
3.1. Landau's classical theory of phase transitions for ferroelectric transitions. 5	53
3.2. Modern Theory of critical behavior. Fluctuations effects	57
3.3. Critical behavior studies of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ uniaxial ferroelectrics	-
prior to this work	52

3.3.1. $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$	
3.3.2. $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{1-y}S_y)_6$	64
Chapter 4. Structure and physical properties of CuInP ₂ S ₆ fa 2D layered crystals	mily of 66
4.1. CuInP ₂ (S,Se) ₆ compounds	
4.1.1 Substituting the cation sublattice	75
4.2. Physical properties of $M^{1+}M^{3+}[P_2X_6]^{4-}$ multiferroics	
4.2.1. Dielectric measurements	
4.2.2. Piezoelectric and ultrasonic measurements	
4.2.3. Thermal properties	91
Chapter 5. Structure and physical properties of $(Pb_xSn_1 x)_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ chalcogenide crystals	93
5.1. Crystalline structure of (Pb,Sn) ₂ P ₂ (Se,S) ₆ compounds	94
5.1.1. $Sn_2P_2S(Se)_6$ compounds	94
5.1.2. $Pb_2P_2S(Se)_6$ compounds	97
5.2. Compositional phase diagram study of the $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ system	stem 100
5.2.1. General shape of the phase diagram of $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ com	pounds
	100
5.2.2. Phase diagram of the $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ crystals. Lifshitz point of	on the
state diagram	102
5.2.3. Phase diagram of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ crystals	107
5.2.4. Phase diagram of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ crystals	110
5.2.5. TCP and TCLP in $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ mixed compounds	111
5.3. Thermal properties	114
5.3.1. Influence of Ge on the thermal properties in SPS chalcogenia	des 119
Chapter 6. Experimental results and discussion on layered	
terroelectric compounds	122
6.1. Introduction	

6.2. Samples and experimental techniques122
6.3. Experimental results and discussion
6.3.1. Thermal Diffusivity125
6.3.2. Heat Capacity131
6.3.3. Thermal Conductivity134
6.4. Conclusions
Chapter 7. Experimental results and discussion on (Pb _x Sn ₁₋
$x_{x}^{2}P_{2}(Se_{y}S_{1-y})_{6}$ ferroelectrics
7.1. Introduction
7.2. Samples, experimental techniques and fitting methods
7.3. Experimental results and discussion156
7.4. Conclusions
Chapter 8. Phase diagram of (Pb,Sn) ₂ P ₂ (Se,S) ₆ ferroelectrics with
multicritical points at coupling between polar and antipolar
fluctuations166
8.1. Introduction
8.2. Phase diagram with tricritical Lifshitz point
8.3. Polar and antipolar fluctuations coupling
8.4. Conclusions 176
Chapter 9. Ferroelectricity induced by germanium dopants in
quantum paraelectrics Sn(Pb) ₂ P ₂ S(Se) ₆ 178
9.1. Introduction
9.2. Samples and experimental techniques178
9.3. Thermal diffusivity anomalies in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ chalcogenides with Ge impurity 179
0.4 Quantum paraelectric state and critical behavior in Sn(Ph), P.S(Se).
ferroelectrics
9.5. Conclusions
Conclusions195
Bibliography197

5

Introduction

Interest of the study

Experimental and theoretical studies of different physical properties of chalchogenide crystals which have bulk and layered structure and present spontaneous polarization, are important for the study of physical principles and for the creation of a technology for manufacturing low-dimensional ferroics for integration into heterostructures with graphene-like materials that can be applied in essentially new bistable functional elements for electronics with ultra-high density and high-speed.

In $Sn_2P_2S_6$ ferroelectric semiconductor, the structural phase transition (PT) is accompanied by a restructure of the chemical bonds. For chalcogenide materials which belongs to the group of $(Pb,Sn)_2P_2(Se,S)_6$ crystals, the substitution of atoms in cation and anion sublaticces can significantly change the nature of chemical bonds and determine the presence and features of the structural PT [1, 2]. The established changes in chemical bonds in ferroelectric crystals $(Pb,Sn)_2P_2(Se,S)_6$ as well as in solid solutions with germanium dopant allow possible modifications of ferroelectric and semiconducting properties for these phosphorus chalcogenides.

Over the past years, there was a special interest among different scientific groups in layered two-dimensional materials of the CuInP₂S₆ family of crystals which are narrow-band semiconductors with ionic conductivity and numerous ferroic properties [3]. In such materials, the phenomena of superconductivity, magnetism and ferroelectricity may be manifested [4, 5, 6]. These properties greatly enrich the number of functional 2D materials, especially when the phase transition occurs at temperatures close to room temperature. Also, such two-dimensional layered materials combined with their van der Waals heterostructures may be promising for advanced highly-integrated low-power-consumption logic devices [7]. The current interest of the topic of the dissertation is determined by the need to obtain new knowledge about physical and thermodynamic properties, which in turn have a fundamental value, allowing to obtain information on internal electron-phonon and phonon-phonon processes to describe the phenomenon of heat propagation in these ferroelectric crystals.

Relationship with academic programs, plans, themes

This PhD thesis has been performed within the frame of a special cotutelle PhD agreement between Spain (The University of the Basque Country, Bilbao) and Ukraine (Uzhhorod National University, Uzhhorod). The financial support for the research in Bilbao has been provided by a grant provided by the European Union, through the ERASMUS MUNDUS ACTIVE programme (September 2016 - July 2017) as well as a grant provided by The University of the Basque Country (January – October 2018). The research study has also been supported by the Spanish funding programme UPV/EHU (GIU16/93).

Purpose and objectives of the study

Object: The family of two dimensional layered $M^{1+}M^{3+}[P_2X_6]^{4-}$ multiferroics and three dimensional $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ chalchogenides.

Subject: A study on the thermal properties and ultralow thermal conductivity in layered phosphorus compounds, as well as the critical behavior of anomalies of thermal diffusivity in the vicinity of the structural phase transitions for solid solutions of $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$.

Purpose: To study the temperature evolution of the thermal properties of $M^{1+}M^{3+}[P_2X_6]^{4-}$ and $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ chalchogenides, covering a wide temperature range and study the critical behavior of the second order phase transitions in the phase diagram, mainly focusing on the study of the influence of Sn by Pb substitution in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ solid solutions. To investigate the influence of

germanium doping on the ferroelectric and thermal properties of the uniaxial $Sn_2P_2S_6$ crystal, studying possible changes in the critical behavior.

Methods: In order to study the thermodynamic properties of crystals, high resolution *ac* photopyroelectric calorimetry (PPE) has been used. The analysis of the critical anomalies has been carried out by means of the theoretical predictions of the Landau classical theory and the Modern theory, which takes into account the influence of the order parameter fluctuations in the close vicinity of phase transitions (PT).

Scientific novelty of the results

- 1. It is shown that the thermal conductivity of the layered Cu,Ag ¹⁺In,Bi³⁺P₂(S,Se)₆ compounds strongly depends on the cation sublattice. Significant anisotropy of thermal diffusivity and thermal conductivity in these crystals is found, where heat flows more efficiently along the layers than perpendicular to them. Different mechanisms of the anharmonicity of the crystalline lattice (strong phonon-phonon interaction, relaxation of the lone electron pair, the second order Jahn-Teller effect) and their influence on the thermodynamical properties are described. It was found that the studied crystals have very low thermal conductivity in comparison with other ferroelectric crystals, the lowest value is about 0.2 W m⁻¹ K⁻¹ in disordered high-temperature phase obtained for a CuBiP₂Se₆ crystal.
- 2. The phase transition crossover for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ crystals with a concentration of lead in cation sublattice at concentration of lead higher than $x \approx 0.2$ was experimentally confirmed. The results of the critical behavior studies in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ crystals have confirmed the predictions for the Blume-Emery-Griffith model, taking into account the random field defects. It is shown that the critical behavior for $Sn_2P_2S_6$ can be described as a crossover between Ising and 3D-XY universality classes.

- 3. Based on the results of thermal diffusivty studies and on available data of the thermodynamic and dynamic properties of ferroelectric crystals $(Pb,Sn)_2P_2(Se,S)_6$ the T x y phase diagram was built. Such diagram contains tricritical points and Lifshitz points lines which meet at tricritical Lifshitz point. The topology of this diagram is compared with the calculated phase diagram within the combined BEG-ANNNI model: Ising model with spin S = 1, taking into account the interaction between the first and second nearest neighbors.
- 4. The introduction of germanium in the cation sublattice induces the dipole glass state in $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ and $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ mixed crystals in the region of quantum fluctuations (at T < 50 K).

Practical interest of the study

- 1. The obtained ultra-low thermal conductivity in (Cu,Ag)(In,Bi)P₂(S,Se)₆ layered crystals and the established mechanisms of lattice anharmonicity can be important for the design and production of promising thermoelectric materials.
- 2. The results on thermal diffusivity in $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ solid solutions can be used in different phenomenological and microscopic models in order to describe the structural phase transitions in the vicinity of polycritical points.

Contribution of the PhD candidate

All thermal measurements have been performed by the PhD student personally at the laboratories of the Department of Applied Physics at the University of Basque Country, UPV/EHU (Bilbao, Spain), as well as completed the analysis of the research results. The author was directly involved in the preparation of samples for research, interpretation and discussion of all the results of experimental studies, has performed a complete theoretical analysis of the critical anomalies, has formulated the conclusions of the work and scientific novelty of the thesis.

Publications and contribution to the conferences Publications in scientific journals:

- Anisotropic thermal properties and ferroelectric phase transitions in layered CuInP₂S₆ and CuInP₂Se₆ crystals / V. Liubachko, V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, A. Pogodin and Yu. M. Vysochanskii // Journal of Physics and Chemistry of Solids – 2017. – V. 111. – P. 324–327.
- Thermal diffusivity and thermal conductivity in layered ferrielectric materials M¹⁺M³⁺P₂(S,Se)₆ (M¹⁺ = Cu, Ag; M³⁺ = In, Bi) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin and Yu. Vysochanskii // Phase Transitions – 2019. – V.92, No.5. – P. 494–499.
- Inducing a Tricritical point in Sn₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ ferroelectrics by Pb addition / A. Oleaga, V. Liubachko, A. Salazar, Yu. Vysochanskii // Thermochimica Acta 2019. V. 675. P. 38–43.
- Cation role in the thermal and electric properties of layered ferroelectric materials M¹⁺M³⁺P₂(S,Se)₆ (M¹⁺ = Cu, Ag; M³⁺ = In, Bi) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin and Yu. Vysochanskii // Physical Review Materials – 2019. – V. 3. – P. 104415(1-9).
- Phase diagram of ferroelectrics with tricritical and Lifshitz points at coupling between polar and antipolar fluctuations / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, R. Yevych, A. Kohutych, Yu. Vysochanskii // Physical Review B. – 2020. – V. 101. – P. 224110(1-10).
- Quantum paraelectric state and critical behavior in Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ ferroelectrics / I. Zamaraite, V. Liubachko, R. Yevych, A. Oleaga, A. Salazar, A. Dziaugys, J. Banys, Yu. Vysochanskii // Under review at Journal of Applied Physics. – 2020. [https://arxiv.org/abs/2003.09966].

Contribution to the conferences and seminares:

- Influence of dopants and vacancies of chalcogenide atoms on possible deviation from Lifshitz behavior of Sn₂P₂(S_{0.72}Se_{0.28})₆ crystal. / A. Oleaga, V. Shvalya, A. Salazar, V. Liubacko, A. Kohutych, I. Stoika, M. Danko, Yu. Vysochanskii. // 7th Seminar "Properties of ferroelectric and superionic systems". Uzhhorod (Ukraine), April 24 2017.
- Anisotropic thermal properties and ferrielectric phase transitions in layered CuI nP₂S₆ and CuInP₂Se₆ crystals. / V. Liubachko, V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, A. Pogodin, Yu. M. Vysochanskii. // 19th International Conference on Photoacoustic and Photothermal Phenomena in Bilbao (Spain), 16-20 July 2017.
- 3. Ferroelectric phase transitions and anisotropic thermal properties in layered CuInP₂(S,Se)₆ crystals. / V. Liubachko, A. Oleaga, V. Shvalya, A. Kohutych, A. Pogodin, A. Salazar, Yu. M. Vysochanskii // Seminar "New multiferroics and superionic conductors for acustoelectronics and solid state ionics", Vilnius, (Lithuania), 10 October 2017.
- 4. Thermal diffusivity and thermal conductivity in layered ferroelectric materials M¹⁺M³⁺P₂(S,Se)₆ (M¹⁺= Cu, Ag; M³⁺= In, Bi) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // V Ukrainian-Polish-Lithuanian Meeting on Physics of Ferroelectrics in Uzhhorod (Ukraine), 18-20 September 2018.
- 5. Cation role in the thermal and electric properties of layered ferrielectric materials M¹⁺M³⁺P₂(S,Se)₆ (M¹⁺= Cu, Ag; M³⁺= In, Bi) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // International Meeting on Clusters and Nanomaterials (CNM'5-2018) in Uzhhorod (Ukraine), 22-26 October 2018.
- 6. Ultralow thermal conductivity in layered phosphorus chalcogenides M¹⁺M³⁺P₂(S, Se)₆ (M¹⁺ = Cu, Ag; M³⁺ = In, Bi) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // The conference of

young scientist "Lashkaryov's readings – 2019" in Kyiv (Ukraine), 3-5 April 2019.

- The effect of Pb doping on the critical behavior in (Pb_xSn_{1-x})₂P₂(Se_{0.2}S_{0.8})₆ ferroelectrics / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, Yu. Vysochanskii // Conference of Young Scientists and Post-graduate Students IEP-2019 in Uzhhorod (Ukraine), 21-24 May 2019.
- Thermal diffusivity and phase transitions in (Pb_xSn_{1-x})₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ crystal / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, Yu. Vysochanskii // School-conference of young scientists «Modern material science: physics, chemistry, technology» (MMSPCT-2019), in Uzhhorod (Ukraine), 27 31 May 2019.
- Phonon spectrum and heat transport of [Cu,Ag]¹⁺[In,Bi]³⁺P₂(Se,S)₆ metal thioand senenophosphates / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // XXIV Galyna Puchkovska International School-Seminar "Spectroscopy of Molecules and Crystals" (XXIV ISSSMC), in Odesa (Ukraine), 25 - 30 August 2019.
- Investigation of thermal transport in 2D layered [Cu, Ag]¹⁺[In, Bi]³⁺P₂[(Se, S)₆]⁴⁻ crystals / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, K. Glukhov, A. Kohutych, Yu, Vysochanskii, A. Pogodin // VIII International seminar "Properties of ferroelectric and superionic systems", in Uzhhorod (Ukraine), 29-30 October 2019.
- Phase diagram of ferroelectrics with tricritical Lifshitz point: paraelectric modulated critical line end point and chaotic behavior / V. Liubachko, R. Yevych, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, Yu. Vysochanskii // VIII International seminar "Properties of ferroelectric and superionic systems, in Uzhhorod (Ukraine), 29-30 October 2019.

Structure of the thesis

The PhD thesis includes an introduction, nine chapters, general conclusions, bibliography, where 251 references are listed and a summary is written in Spanish. The total volume is 230 pages; the thesis contains 126 figures and 9 tables.

In the **first chapter**, the phenomenon of heat transfer and thermal properties of solids have been considered, in particular the main mechanisms of heat transfer: conduction, convection and radiation. Also, a brief description of four essential thermophysical properties which characterize the material: heat capacity, thermal diffusivity, thermal conductivity and thermal effusivity is given. After that the description of heat transfer by different carriers in semiconductor materials is considered. It has been explained how heat is transmitted in homogeneous, isotropic and anisotropic materials. Finally, the mathematical description of the heat propagation is shown through the parabolic and hyperbolic heat diffusion equations.

The **second chapter** contains a detailed description of the technique which was directly used in order to study the thermal properties of solids (*ac* photopyroelectric calorimetry (PPE) in the back-detection configuration). In order to better understand the nature of the phenomena which are the basis of this technique, the basic theory of pyroelectricity is considered. In the second part of the chapter the experimental techniques were considered, which allowed us to perform the thermal diffusivity measurements of the investigated ferroelectric crystals. Descriptions of the cryostats used are also presented in this chapter.

In the **third chapter**, the critical behavior and phase transition (PT) theory applied to the particular case of ferroelectrics, namely the classical Landau theory for ferroelectrics as well as the modern theory in the framework of the renormalization group theory is presented. Different mechanisms which can provoke a deviation from the mean-field behavior were considered in detail. For the ferroelectrics and magnets for which the classical Landau theory does not work properly we have presented a renormalization group theory development and have given information about the different universality classes which can appear while studying $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ crystals. The second part of this chapter is devoted to the critical behavior studies of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ uniaxial ferroelectrics prior to this work.

The peculiarities of the crystalline structure, the influence on the physical properties on the substitution of atoms in the cation and anion sublattices in 2D thioand selenophosphates were considered in **chapter four**. The second part of this chapter is devoted to the description on the physical properties in two-dimensional layered crystals, namely dielectric, piezoelectric and ultrasonic as well as thermal properties.

In the **fifth chapter** a brief review of the literature on physical properties (thermal, optical, elastic, acoustic and dielectric) of solid solutions of the family of $(Pb,Sn)_2P_2(Se,S)_6$, crystals has been made, which allows us to describe their complex temperature-concentration phase diagram. For a better understanding of the evolution of the nature of the PT at the substitution of chemical elements in the cation and anion sublattices, we have considered separately three diagrams $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$, $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ and $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$. Special attention was paid to the multicritical points that appear on the phase diagram, depending on the change in the chemical composition or on compression. Here we consider the influence of lead atoms on the phase transition temperature position and on the critical anomalies shape in the $Sn_2P_2S_6$ and $Sn_2P_2Se_6$ crystals. Lastly, we present the physical properties studies of $Sn_2P_2S_6$ compounds doped with Ge.

The next four chapters are fully devoted to the interpretation of the data obtained in this work. Thus, in **chapter six** the effect on physical properties of the substitution of atoms in the cation and anion sublattices has been studied, and a significant anisotropy of the thermal properties in these layered crystals has been distinguished. Also, the phase transitions (PT) in detail in crystals where they took place were considered. In this chapter we have presented the results of theoretical calculations of phonon spectra for each investigated crystal, a method for calculating the phonon spectrum using the theory of functional density is described, whose analysis allows us to completely understand the nature of low thermal conductivity. Also, the Debye temperatures, mean free paths and the average phonons group velocity have been calculated. Finally, the data obtained on the basis of experimental studies and theoretical calculations allow us to explain how the substitution of chemical elements in cation and anion sublattices affects the thermophysical properties.

In **chapter seven**, experimentally, the thermal diffusivity for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ with x = 0.1, 0.2, 0.3 and for $(Pb_{0.05}Sn_{0.95})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ with y = 0.4,

0.5 crystals have been studied. In order to obtain a tricritical point on the phase diagram the effect of lead by tin substitution is considered. The obtained critical exponents were compared with the theoretically predicted ones for this class of ferroelectrics. The approaching of the value of the critical exponent to the Mean Field model instead of the tricritical universality class has been explained on the basis of the Blume-Emery-Griffiths model (BEG model) with the influence of random field defects.

Chapter eight is devoted to the critical behavior study in $Sn_2P_2S_6$ which can be described as a crossover between Ising and XY universality classes, what is expected near bicritical points with coupled polar and antipolar order parameters and competing instabilities in q – space. An enhanced, T - x - y phase diagram for $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ ferroelectrics is proposed, which combines a Lifshitz point line, tricritical point line as well as a tricritical Lifshitz point. Such complex phase diagram can be described in a combined BEG – ANNNI model. Here the "chaotic" state accompanied by the coexistence of ferroelectric, metastable paraelectric and modulated phases can be expected.

Finally, **chapter nine** is devoted to the comparison of thermal and dielectric properties of $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se,S)_6$ crystals with germanium impurity. Here the temperature dependences of thermal diffusivity for $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$, $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$, $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.5}S_{0.5})_6$, $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ and $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ crystals are presented. The analysis of temperature dependences of the dielectric susceptibility, together with calorimetric data have shown the presence of a quantum paraelectric state in $Pb_2P_2S_6$ type crystals. The temperature dependences of thermal conductivity for the crystals which contain germanium was also studied and compared with the pure crystals.

Key words: ferroics, ferroelectric crystals, phase transitions, photopyroelectric calorimetry, thermal diffusivity, thermal conductivity, critical behavior, anharmonicity.

Chapter 1. The phenomenon of heat transfer and thermal properties of solids

All matter consists of molecules and atoms. These atoms are always in different types of motion (vibrational, rotational or translational). The motion of atoms and molecules creates thermal energy (heat). All matter has this thermal energy. The more motion the atoms or molecules have, the more heat or thermal energy they will have.

Thermodynamics is the study of the relationship between heat and other forms of energy. Thermodynamics is applicable to systems that are in thermal equilibrium. The phenomenon of heat transfer deals with systems that are not in thermal equilibrium.

Heat transfer is based on the following fundamental laws:

- Law of conservation of mass-energy;
- Newton's laws of motion;
- Laws of Thermodynamics.

In this chapter we will focus on the heat transfer mechanisms in solids. Special attention will be paid to the main thermophysical properties (heat capacity, thermal conductivity, thermal diffusivity and thermal effusivity).

1.1. Mechanisms of heat transfer: conduction, convection and radiation

In a medium or between bodies heat can transferred from one place to another in three ways: *conduction* is the transfer of heat between substances that are in direct contact with each other, *convection* is the transfer of heat from hot places to cold places by means of an intermediate fluid and *radiation* is a heat transfer that does not rely upon any contact between the heat source and the heated object. Both conduction and convection are significantly different from radiation transfer at macroscales and require matter to transfer heat. At atomic levels they have similar equations based on statistical thermodynamics. In all cases there is a quantitative relation between the heat flow \vec{q} and the temperature gradient $\vec{\nabla}T$.

For heat conduction in an isotropic and homogeneous material with temperature distribution T and constant thermal conductivity κ , the energy equation is derived by applying the macroscopic empirical Fourier's conduction law in any direction

$$q_{cond} = -\kappa \frac{dT}{da},\tag{1.1}$$

where a is the direction of the heat flow.

If heat is produced within the solid, equation (1.1) must be modified. For an elementary cube within a solid as depicted in figure 1.1, the time-dependent energy change in cubical element dV due to a volumetric heat source term A is

$$\rho c \frac{\partial T}{\partial t} \partial V + \nabla (\kappa \nabla T) dV = A dV, \qquad (1.2)$$



Fig. 1.1. Energy conduction for a volume element in a solid

where ∂ is partial differentiation. For a homogenous stationary system, only the heat conduction in and out of all the faces of the cubic element needs to be considered, which yields Laplace's equation governing the heat conduction within the material:

$$\frac{A}{\kappa} = \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial z^2}.$$
(1.3)

Equation 1.3 is written for a medium with uniform thermal conductivity [8].

Convection is the form of heat transfer, by real movement of matter, which mainly takes place in fluids whose molecules move freely from one place to another, such as liquids and gases.

The heat flow between a body surface $T_{surface}$ and a fluid T_{fluid} with a boundary layer of thickness δ (fig.1.2) has the next form

$$q = -\kappa \frac{T_{fluid} - T_{surface}}{\delta} = -\kappa \frac{\Delta T}{\delta}.$$
(1.4)

As δ cannot be estimated independently we combine it with κ to give

$$q = -\frac{\kappa}{\delta} * \Delta T = -h * \Delta T , \qquad (1.5)$$

where h is the heat transfer coefficient [9].



Fig. 1.2. Heat transfer by convection

Radiation occurs from all objects, at temperature higher than 0 K. In radiation, energy is transmitted between separated bodies without the need of a medium between the bodies. Radiation energy exchange between two surfaces depends on the geometry, shape, area, orientation, and effusivity of the two surfaces. In addition, it depends on the absorptivity α of each surface. Absorptivity is a surface property defined as the fraction of radiation energy incident on a surface which is absorbed by the surface. Although the determination of the net heat exchange rate by radiation between two surfaces, Q_{12} , can be complex, the analysis is simplified for an ideal model for which the absorptivity α is equal to the effusivity ε . Such an ideal surface is called a gray surface. For the special case of a gray surface which is completely enclosed by a much larger surface, Q_{12} is given by Stefan-Boltzmann radiation law

$$Q_{12} = \varepsilon_1 \sigma A_1 (T_1^4 - T_2^4), \tag{1.6}$$

where ε_1 is the emissivity of the small surface, A_1 its area, T_1 its absolute temperature, and T_2 is the absolute temperature of the surrounding surface, $\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8} Wm^{-2} K^{-4}$ is the Stefan-Boltzmann's constant. It is worth noting that for this special case neither the area of the large surface nor its emissivity ε_2 affects the result [9]. The mechanism of heat transfer by radiation is depicted in fig. 1.3.



Fig. 1.3. Heat transfer by radiation

1.2. Determination of the thermal properties of materials

There are four essential thermal properties to characterize a material: heat capacity, thermal diffusivity, thermal conductivity and thermal effusivity.

Heat capacity (J K⁻¹ mol⁻¹) as a basic thermal property is one of the main parameters for evaluation, calculation and design of thermal system. Heat capacity expresses the ability of a material to store heat. In its equation form, heat capacity *C* is

$$C = mc_{p}, \tag{1.7}$$

where *m* is mass and c_p is specific heat. Heat capacity is closely related to the concept of *specific heat*. The specific heat is the amount of heat per unit mass required to raise the temperature by one degree Celsius. At constant pressure the specific heat can be higher than at constant volume, because additional energy is required to bring about a volume change against external pressure. The equation for heat transfer *Q* is

$$Q = mc_{p}\Delta T. \tag{1.8}$$

20

Thermal conductivity (W m⁻¹ K⁻¹) is one of the most important intrinsic parameters to exhibit the potential of heat transfer in materials. Thermal conductivity is the property which indicates the capacity of a material to conduct heat. Different materials conduct heat at different rates. The general conduction equation for thermal conductivity for an isotropic and homogeneous material has the next form

$$\vec{q} = -\kappa \vec{\nabla} T, \tag{1.9}$$

where \vec{q} is the heat flow takin place in the material. Thermal conductivity measures the heat that flows in unit time through a unit area of a layer of the material of unit thickness with unit temperature difference between its faces.

Thermal diffusivity D (m² s⁻¹) is the property that determines how fast heat is propagated through the medium. It measures the temperature change created in the unit volume of a material produced by a heat flow transported through a unit area per unit time, in a material with unit thickness, whose opposite surfaces have the temperature gradient equal to 1 K. Thermal diffusivity is an important parameter to be taken into account; a high value does not necessarily mean that heat is better dissipated, since it is the ratio between the thermal conductivity and the volumetric heat capacity at constant pressure. It provides information about the competition between heat conduction and storing, and both can be useful to keep temperature as low as possible:

$$D = \frac{\kappa}{\rho c_p},\tag{1.10}$$

Where D is the thermal diffusivity, κ is the thermal conductivity, ρ is density, and c_p is the heat capacity.

For a homogenous and isotropic medium with temperature-independent thermal properties and no heat generation inside it, the differential equation of heat conduction is [10]

$$\nabla^2 T(\vec{r},t) - \frac{1}{D} \frac{\partial T(\vec{r},t)}{\partial t} = 0.$$
(1.11)

The relationship between thermal conductivities and thermal diffusivities in condensed matters and gases is depicted in fig. 1.4.



Fig. 1.4. Thermal conductivity compared with thermal diffusivity in solids and gases. Closed circles represent metals, squares - ceramics, triangles - glasses, open squares - polymers and open circles - liquids [11]

Thermal effusivity (W $s^{1/2} m^{-2} K^{-1}$) tells us about the behavior of the heat storing or dissipating capability of materials. Thermal effusivity can be found as

$$e = \sqrt{\rho c_p \kappa} = \frac{\kappa}{\sqrt{D}} = \rho c_p \sqrt{D}.$$
(1.12)

Thermal effusivity is used to outline heat transfer behavior between two bodies (solids or fluids), when the two bodies are in contact with each other. When the two materials have the same thermal effusivity, the heat transfer behavior will equal to a unique object as if there were no junction between the two objects.

Table 1.1 contains the measured values of the specific heat, thermal conductivity, thermal diffusivity and thermal effusivity for some selected materials [11].

22

Material	$\rho c_p,$	к,	D,	е,
	(×10 ⁻⁶ Jm ⁻³ K ⁻¹)	$(Wm^{-1}K^{-1})$	$(\times 10^{-6} \mathrm{m^2 s^{-1}})$	(Jm ⁻² K ⁻¹ s ^{-1/2})
Diamond	1.78	2300	1290	64040
Glass	1.98	1.11	0.56	1480
Air	0.0012	0.026	22	5.5
Не	0.0011	0.15	137	12.8
Water	4.16	0.6	0.144	1580
AISI 304	3.62	14.5	4	7250
PC	1.33	0.2	0,15	515
Cu	3.45	400	116	37140
Ni	3.95	91	23	19400
K	0.65	102	158	8150
Pb	1.52	35	23	7300
Со	4.05	102	24.6	20150

Thermophysical properties of some materials [11]

1.3. Electrons and phonons as heat carriers in semiconductor materials

Heat energy is the result of the microscopic motions of the various electronic carriers (electrons and holes, lattice waves, heat transport due to excitons, electromagnetic waves, spin waves, or other excitations) at finite temperature, which induces a thermal distribution of the energies of the particles [12]. The motion of atoms in the sites in the solid bodies forms lattice oscillations - *phonons*, which transfer heat. Electron energies are also broadened by heat and give an electronic thermal conductivity. In metals, the thermal conductivity is mainly governed by the electrons, while in semiconductors and insulators it is mainly due to the phonons.

Lattice thermal conductivity is dominant for semiconductors. There are acoustic phonons and optical phonons in a crystal. The acoustic phonons are low frequency acoustic branches in which atoms are in phase. Unlike the acoustic phonons the optical phonons are high frequency branches with atoms out of phase. Nevertheless, the optical phonons turn out to be ineffective as heat carriers due to their low group velocities. But, they interact with the acoustic phonons which are the main contributors to the thermal conductivity.

The thermal conductivity is expressed as

$$\kappa = \frac{1}{3}c_p v\Lambda, \qquad (1.13)$$

where c_p is the specific heat per volume, *v* is the phonons velocity in the crystal, Λ is the phonon mean free path.

As the phonon mean free path depends strongly on temperature, let's consider the dependence of thermal conductivity on temperature. The phonon mean free path is the average distance travelled by the phonons between two sequential clashes. Hence Λ depends on the next significant mechanisms:

- 1. Phonon phonon interaction;
- 2. Phonon impurity interaction;
- 3. Phonon external boundaries of the sample.

Foremost phonon – phonon interaction is dominant at high temperatures, at which the atomic displacements are large. Therefore at high temperature, Λ is inversely proportional to temperature and more phonons take part in the interaction at high temperatures reducing mean free path and hence conductivity. When there is a greater number of impurities, the phonon scattering increases and, therefore, the phonon mean free path is shorter. At low temperatures, phonon – phonon and phonon – impurity interactions become ineffective. On the contrary, the primary scattering mechanism is the external boundary of the crystal due to the comparable size of the crystal and the wavelength of the excited phonon. Therefore, Λ is nearly equal to the diameter of the crystal and is independent of temperature. According to the above the dependence of mean free path with temperature is as follows:

1. At low temperatures, the optical branch phonons have energies higher than k_BT , as consequence, optical branch waves are not excited. At temperatures close to 0 K the phonon mean free path is a constant (equal to the size of the crystal) and does not depend on temperature. Here the thermal conductivity is determined by specific heat as ~ T^3 .

2. At low temperatures $(T < \theta_{Debay})$ the Debye approximation is best suited because almost all excited phonons belong to the long-wavelength waves in the acoustic branches and the crystal behaves like a continuum.

3. In the high temperature region, the phonon mean free path decreases with the inverse of temperature as 1/T.

Figure 1.5 represents the temperature dependence of the phonon thermal conduction.



Fig. 1.5. Dependence of the phonon thermal conductivity on temperature

Let's consider the mechanism of the phonon-phonon interactions. In quantum mechanics perturbation theory, the crystal potential is expanded as a power of displacement and the Hamiltonian can be written as:

$$\hat{H} = H_0 + \alpha H_3 + \alpha^2 H_4 + \alpha^3 H_5 + \dots = \sum_{n=0}^{\infty} H_0 + \alpha^n H_{n+2} , \qquad (1.14)$$

where H_0 is the harmonic Hamiltonian and H_3 , H_4 , H_5 ,..., H_n are the perturbation terms involving three, four, five ..., *n* interacting phonons, α is a dimensionless parameter [13].

Figure 1.6 represents the interactions of four phonons in solid materials. In such interactions, one phonon splits into three; or two phonons form two new phonons; or three phonons combine into one. These quantum-mechanical phenomena are related to the effects of heat conduction in solid materials [14].



Fig. 1.6. The diagrams of four-phonon interactions in condensed matters [14]

Considering the *electrons* as the heat carriers, in semiconductors the electronic contribution to the thermal conductivity is much smaller than the contribution of phonons. Nevertheless heat transport in semiconductors is more complex than in dielectrics or metals and the electron component is quite important for them. In cases when the number of the free electrons or holes is quite large (~ 10^{20} cm⁻³), $\kappa_{electrons}$ could be as important as $\kappa_{phonons}$.

Accordingly, the thermal conduction caused by the free electrons and holes can be found as a function of the temperature of a material and its electronic conductivity [15]:

$$\frac{\kappa}{\sigma T} = \frac{k^2}{e^2} \left[\left(\frac{5}{2} + \alpha\right) + \left(5 + 2\alpha + \frac{\zeta_G}{kT}\right)^2 \frac{n_e \mu_e * n_h \mu_h}{\left(n_e \mu_e + n_h \mu_h\right)^2} \right], \quad (1.15)$$

where σ is an electric conductivity, ζ_{G} is the width of the energy gap, n_{e} and μ_{e} are the mobilities of electrons and holes respectively.

1.4. Heat propagation in isotropic and anisotropic materials

In *isotropic* materials the thermal conductivity is not dependent on the direction. As opposed to isotropic system, the thermal conductivity in an *anisotropic* case has two important differences. The first one is that the thermal conductivity of anisotropic materials is different in different directions, it is a tensor. The second one is that the magnitude of heat transfer rate of an anisotropic material in one direction not only depends on the temperature gradient in this direction, but also on the temperature gradient which is normal to the direction [16].

Isotropic thermal conductivity specifies that the heat flux q_i depends linearly and isotropically on the gradient of the temperature field

$$q_i = -\kappa \frac{\partial T}{\partial x_i}.$$
(1.16)

For a homogeneous isotropic solid heat fluxes $q_{x_z} q_y$ and q_z the equation of conduction of heat may be expressed as

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} = \frac{1}{D} \frac{\partial T}{\partial t}, \qquad (1.17)$$

where *D* is the thermal diffusivity.

For an anisotropic case the heat flux will depend on the direction

$$q_{x} = -\left(\kappa_{xx}\frac{\partial T}{\partial x} + \kappa_{xy}\frac{\partial T}{\partial x} + \kappa_{xz}\frac{\partial T}{\partial x}\right);$$

$$q_{y} = -\left(\kappa_{yx}\frac{\partial T}{\partial y} + \kappa_{yy}\frac{\partial T}{\partial y} + \kappa_{yz}\frac{\partial T}{\partial y}\right);$$

$$q_{z} = -\left(\kappa_{zx}\frac{\partial T}{\partial z} + \kappa_{zy}\frac{\partial T}{\partial z} + \kappa_{zz}\frac{\partial T}{\partial z}\right).$$
(1.18)

The differential equation of conduction heat for an anisotropic solid has the next form

$$\rho c_p \frac{\partial T}{\partial t} = \kappa_{xx} \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \kappa_{yy} \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \kappa_{zz} \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} + 2\kappa_{xy} \frac{\partial^2 T}{\partial x \partial y} + 2\kappa_{xz} \frac{\partial^2 T}{\partial x \partial z} + 2\kappa_{yz} \frac{\partial^2 T}{\partial y \partial z}, \quad (1.19)$$

provided that the medium is homogeneous and that heat is not produced in it [10].

1.4.1 Conductivity matrix for crystal systems

Thermal conductivity and thermal diffusivity are second rank tensors. Second rank tensor can be written as 3x3 matrix. Let's consider all the possible crystal systems for solids.

Cubic crystal system $(a = b = c, \alpha = \beta = \gamma = 90^{\circ})$ has one independent component: $\kappa_{xx} = \kappa_{yy} = \kappa_{zz}$.

$$\kappa = \begin{pmatrix} \kappa_{xx} & 0 & 0 \\ 0 & \kappa_{yy} & 0 \\ 0 & 0 & \kappa_{zz} \end{pmatrix}.$$
 (1.20)

Tetragonal $(a = b \neq c, \alpha = \beta = \gamma = 90^{\circ})$, *trigonal* $(a = b = c, \alpha = \beta = \gamma \neq 90^{\circ})$ and *hexagonal* $(a = b \neq c, \alpha = \beta = 90^{\circ} \gamma = 120^{\circ})$ have two independent components: $\kappa_{xx} = \kappa_{yy} \neq \kappa_{zz}$

$$\kappa = \begin{pmatrix} \kappa_{xx} & 0 & 0 \\ 0 & \kappa_{yy} & 0 \\ 0 & 0 & \kappa_{zz} \end{pmatrix}.$$
 (1.21)

For *orthorhombic* $(a \neq b \neq c, \alpha = \beta = \gamma = 90^{\circ})$ all components are different $\kappa_{xx} \neq \kappa_{yy} \neq \kappa_{zz}$.

$$\kappa = \begin{pmatrix} \kappa_{xx} & 0 & 0 \\ 0 & \kappa_{yy} & 0 \\ 0 & 0 & \kappa_{zz} \end{pmatrix}.$$
 (1.22)

Monoclinic $(a \neq b \neq c, \alpha = \gamma = 90^{\circ} \neq \beta)$ has four independent components $\kappa_{xx} \neq \kappa_{yy} \neq \kappa_{zz}$ and $\kappa_{xz} = \kappa_{zx}$

$$\kappa = \begin{pmatrix} \kappa_{xx} & 0 & \kappa_{zx} \\ 0 & \kappa_{yy} & 0 \\ \kappa_{xz} & 0 & \kappa_{zz} \end{pmatrix}.$$
 (1.23)

Triclinic is the system with a lowest symmetry $(a \neq b \neq c, \alpha \neq \beta \neq \gamma)$, hence all nine components of κ_{ij} can be nonzero, the number of independent components six: $\kappa_{xx} \neq \kappa_{yy} \neq \kappa_{zz}$, $\kappa_{yx} = \kappa_{xy}$, $\kappa_{zy} = \kappa_{yz}$ and $\kappa_{zx} = \kappa_{xz}$.

$$\kappa = \begin{pmatrix} \kappa_{xx} & \kappa_{xy} & \kappa_{xz} \\ \kappa_{yx} & \kappa_{yy} & \kappa_{yz} \\ \kappa_{zx} & \kappa_{zy} & \kappa_{zz} \end{pmatrix}.$$
 (1.24)

All the above is also applicable to the thermal diffusivity tensor.

1.5. Temperature field in a medium. Thermal wave physics

As we have already discussed above, conducted heat in semiconductors is mainly transported by lattice vibrations - phonons and free electrons or holes. We can describe these vibrations as highly damped waves, which we are commonly called *thermal waves*. Many photothermal techniques such as thermal wave interferometry (TWI), piezoelectric optothermal window (POW), photopyroelectric (PPE) calorimetry are based on the diffusion of thermal energy in heated matter by a periodically modulated light beam (PPE techniques will be discussed in more detail in chapter 2) [17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27]. Thermal waves inside the matter are generated by means of a periodically varying heat source.

Although the diffusion of thermal energy in a periodically heated material is well described in terms of thermal waves, the latter do not transport energy. Thermal waves cannot be considered as real travelling waves because they do not show wave fronts [28, 29]. However, temperature oscillations inside the sample have the same mathematical expression as highly damped waves, the so-called thermal waves, which will be shown in detail in the next section.

1.5.1. Parabolic and hyperbolic heat diffusion equation

From the classical Fourier's law (1.1) whenever there is a temperature gradient $\vec{\nabla}T$ in a material and a heat flow \vec{q} , the law of energy conservation leads to the *parabolic heat diffusion equation*, which in the absence of internal heat sources takes the form (1.11).

Let's consider an opaque and semi-infinite solid whose surface is uniformly illuminated by a periodically modulated light beam with intensity $I = \frac{I_0}{2} (1 + \cos(\omega t)) = \operatorname{Re} \left[\frac{I_0 (1 + e^{i\omega t})}{2} \right], \text{ where } I_0 \text{ is the source intensity of the beam}$

and $\omega = 2\pi f$ is the angular modulation frequency [30]. Fig. 1.7 exhibits the geometry of the solid whose surface is uniformly illuminated.

The temperature at any point can be found as

$$T(x,t) = T_E + T_{DC}(x) + T_{AC}(x,t), \qquad (1.25)$$

where T_E is the temperature of the environment, T_{DC} is a time-independent temperature rise above T_E and T_{AC} is a periodic temperature oscillation with the same frequency as the illumination which has the next form:



Fig. 1.7. An opaque, semi-infinite solid illuminated by a modulated light beam

$$T_{AC}(x,t) = T_{AC}(x)e^{i\omega t}.$$
 (1.26)

Substituting (1.26) into (1.11), the spatial component of T_{AC} satisfies Helmholtz's equation.

$$\frac{d^2 T_{AC}(x)}{dx^2} - \sigma^2 T_{AC}(x) = 0, \qquad (1.27)$$

where $\sigma = \sqrt{i\omega/D}$. Hence, the general solution of (1.23) can be written as

$$T_{AC}(x) = A e^{-\sigma x} + B e^{\sigma x}, \qquad (1.28)$$

where *A* and *B* are constants. When $x \rightarrow \infty$, T(x) is finite, therefore B = 0. Constant *A* can be found by applying the flux continuity boundary conditions, when x = 0

$$-\kappa \frac{dT_{AC}}{dx}\Big|_{x=0} = \kappa \ \sigma \ Ae^{-\sigma x}\Big|_{x=0} = \frac{I_0}{2}.$$
 (1.29)

Hence, $A = \frac{I_0}{2\kappa\sigma}$ and the time-dependent component of the temperature has the

next form

$$T_{AC}(x,t) = \frac{I_0}{2\kappa\sigma} e^{-\sigma x} e^{i\omega t} = \frac{I_0}{2\varepsilon\sqrt{\omega}} e^{-\frac{x}{\mu}} \cos\left(\frac{x}{\mu} - \omega t + \frac{\pi}{4}\right).$$
(1.30)

Here the thermal effusivity of the material ε can be written as $\varepsilon = \kappa / \sqrt{D}$ and the thermal diffusion length (the distance at which the propagated wave amplitude decays e times its value at x = 0) is $\mu = \sqrt{2D/\omega}$.

The disadvantage of the parabolic heat diffusion equation is its inability to consider heat transport with a propagation speed. To solve this issue a *hyperbolic heat diffusion equation* which includes a delay τ between the temperature gradient $\vec{\nabla}T$ and the heat flow \vec{q} has been proposed in [31]:

$$\nabla^2 T(\vec{r},t) - \frac{1}{D} \frac{\partial T(\vec{r},t)}{\partial t} - \frac{\tau}{D} \frac{\partial T(\vec{r},t)}{\partial t} = 0.$$
(1.31)

Following the same process to obtain the time-dependent component of the temperature for the hyperbolic heat diffusion equation as described above for parabolic case, we obtain

$$T_{AC}'(x,t) = \operatorname{Re}\left[\frac{I_0}{2\kappa q'}(1+i\omega\tau)e^{-\sigma' x}e^{i\omega t}\right] = \frac{I_0\sqrt{\tau}}{2\varepsilon} \sqrt[4]{\frac{1+(\omega\tau)^2}{(\omega\tau)^2}} e^{-x\sqrt{\frac{\omega}{2D}}\sqrt{\sqrt{1+(\omega\tau)^2}-\omega\tau}} \times \cos\left(x\sqrt{\frac{\omega}{2D}}\sqrt{\sqrt{1+(\omega\tau)^2}-\omega\tau}-\omega\tau-\frac{\operatorname{arctg}(\omega\tau)}{2}+\pi/4\right),$$
(1.32)
where $\sigma' = \sqrt{\frac{i\omega}{D}-\frac{\tau\omega^2}{D}} = \frac{i\omega}{D}(1+i\omega\tau).$

We can distinguish two frequency regions:

1. If $\omega \tau \ll 1$, therefore we have that (1.32) becomes (1.30). Hence, solutions for the parabolic and the hyperbolic cases coincide.

2. If $\omega \tau \gg 1$, equation (1.32) has the next form:

$$T_{AC}'(x,t) = \frac{I_0 \sqrt{\tau}}{2\varepsilon} e^{\left(-x\sqrt{\frac{\omega}{2D\tau}}\right)\cos\left(\sqrt{\frac{\tau}{D}}\omega x - \omega t\right)}.$$
(1.33)

This means that this hyperbolic description does not depend on the time scale.

1.5.2. Reflection and refraction of thermal waves

As other kinds of waves (electromagnetic or acoustic) the thermal waves can also be reflected and refracted. Thermal waves propagate across the surface of two media with different thermal effusivity, giving rise to the same interference phenomena as electromagnetic, acoustic or mechanical waves do. Figure 1.8 shows a time-periodic heat wave AO which encounters the interface between two media at point O and separates in two waves: a reflected OB with the angle of reflection φ and a transmitted OC with the angle of transmission θ . According to the reflection law, the angle of incidence is equal to the angle of reflection. Therefore the expression for these three waves can be written in the form [32]

$$T_{i} = A e^{-\sigma_{1} x \cos \phi - \sigma_{1} y \sin \phi + i\omega t},$$

$$T_{r} = A R e^{\sigma_{1} x \cos \phi - \sigma_{1} y \sin \phi + i\omega t},$$

$$T_{t} = A T e^{-\sigma_{2} x \cos \theta - \sigma_{2} y \sin \theta + i\omega t}.$$
(1.34)

where A is the amplitude of the incident wave, R and T are the reflection and transmission coefficients at x = 0 and y = 0 respectively, $\sigma = \sqrt{\omega/2D}$. Given the continuity of temperature at the interface the values of these coefficients can be determined:



Fig. 1.8. Geometry of the model of reflection and refraction of the thermal waves in two media

Applying the Snell's law: $\sigma_1 \sin(\varphi) = \sigma_2 \sin(\theta)$ and in the case of continuity of flow at x = 0, by differentiating the equation (1.35) we will obtain the coefficients *R* and *T*

$$R = \frac{\cos(\varphi) - b\cos(\theta)}{\cos(\varphi) + b\cos(\theta)}, \text{ and } T = \frac{2\cos(\theta)}{\cos(\theta) + b\cos(\theta)}, \quad (1.36)$$

where, $b = \frac{\kappa_2 \sigma_2}{\kappa_1 \sigma_1} = \frac{\sqrt{\rho_2 c_2 \kappa_2}}{\sqrt{\rho_1 c_1 \kappa_1}} = \frac{\varepsilon_2}{\varepsilon_1}$, $\varepsilon = \sqrt{\rho c \kappa}$ is the thermal effusivity.

For a normal incidence beam $\varphi = 0$, hence, the equations (1.36) are reduced to

$$R = \frac{1-b}{1+b} = \frac{\varepsilon_1 - \varepsilon_2}{\varepsilon_1 + \varepsilon_2}, \text{ and } T = \frac{2}{1+b} = \frac{2\varepsilon_1}{\varepsilon_1 + \varepsilon_2}.$$
(1.37)

As seen above the coefficients *R* and *T* depend on the thermal effusivity ε . Let's consider two possible situations: steady (fig.1.9 (1, 2)) and non-steady (fig.1.9 (3, 4))

in which the thermal effusivities and conductivities are very different. For an steady situation when $\varepsilon_1 \gg \varepsilon_2$, $T_1 > T_2$ and $\kappa_1 \gg \kappa_2$ nearly no heat will be transferred from medium 1 to medium 2. At $\varepsilon_1 \ll \varepsilon_2$, $T_1 > T_2$ and $\kappa_1 \ll \kappa_2$ heat will be efficiently transferred to medium 2.

In a non-steady situation when $\varepsilon_1 \gg \varepsilon_2$, $T_1 > T_2$ and $\kappa_1 \gg \kappa_2$ we have $b \sim 0$, $R \sim 1$ and $T \sim 2$. Introducing these R and T in equation (1.34) gives that $T_{transmitted} \neq 0$ meaning that the thermal wave propagates into the medium. In the case of $\varepsilon_1 \ll \varepsilon_2$, $T_1 > T_2$ and $\kappa_1 \ll \kappa_2$, $b \sim \infty$ that, in turn, modifies the reflection and transmission coefficients $R \sim 1$, $T \sim 0$. Substituting these values into equation (1.34) gives $T_{transmitted} \sim 0$, which means that the thermal wave does not propagate along medium 2 [33]. In this case the thermal mirror effect is observed, when the phase of the reflected wave is shifted 180^0 with respect to the incident one.



STEADY SITUATION

Fig. 1.9. Thermal wave propagation through the two media

Both of them, steady and non-steady situation, must be taken into consideration. In the steady case thermal conductivity tells us what will happen. In the second case, thermal effusivity governs what happens in the interface. This is

34

related to the fact that thermal waves lack an important wave-like feature: they do not transport energy, as already mentioned in the previous section. This is why both thermal magnitudes have equal importance when considering thermal physics.

Chapter 2. Photopyroelectric calorimetry in solids

2.1. Basic theory of pyroelectricity

Pyroelectric effects appear only in crystals that are characterized by spontaneous polarization P_s and can only be in solids which do not have more than one axis of symmetry and there is not a center of symmetry. As a consequence, all pyroelectrics are also piezoelectrics. Pyroelectricity implies that the polarization of a material is a function of temperature. The pyroelectric coefficient is equal to the negative derivative of spontaneous polarization with respect to the temperature. The equation for pyroelectric coefficient p has the next form:

$$p = \frac{-dP_s}{dT} \tag{2.1}$$

where p is pyroelectric coefficient, P_s - spontaneous polarization.

As a whole, the pyroelectric coefficient of a free sample consists of three components:

1. The real coefficient which depends on the derivative of spontaneous polarization with respect to the temperature (see eq. (2.1.)).

2. The second one is derived from the temperature expansion and can be calculated based on mechanical parameters.

3. The third component is related to the piezoelectric effect and is due to the temperature gradient that exists along the polar axis of the crystal. In cases when the specimen is relatively small the third coefficient can be neglected.

The measured pyroelectric coefficient is the sum of the first coefficient $p_i^{T,E}$ and the second one, which depends on the piezoelectric constant d_{ij} , the thermal expansion coefficient α_{ij}^{E} and the elastic compliance coefficient s_{ij}^{E} [34]:

$$p_{i}^{T,E} = p_{i}^{S,E} + \frac{d_{ij}\alpha_{ij}^{E}}{s_{ij}^{E}}$$
(2.2)

36

The nature of the pyroelectricity can be explained as follows. Pyroelectric crystals have special axes, where the properties of such crystals are different in the positive and negative directions. As a result of temperature changes, minor alterations occur in the position of atoms within the crystals, hence, the polarization of the crystal changes. This creates a voltage across the crystal. Nevertheless, the voltage that develops across the crystal is not stable and when the temperature change stops, the voltage gradually disappears due to leakage of current. This may be due to the movement of electrons in the crystals. On heating, one part is charged positively while the other one is negatively due to the thermal expansion, therefore charge compensation is violated (fig. 2.1). The appearance of charges on the surface of the pyroelectrics is due to the additional displacement of dipoles along the electric axis under the influence of temperature.



Fig. 2.1. Polarized pyroelectric crystal

The most known pyroelectrics are ferroelectrics: triglycine sulfate, niobium and lithium tantalate (polarized by the bias current when the crystal is growing), thin films of potassium nitrate in the ferroelectric phase, as well as ceramic lead titanate and lead zirconate-titanate with various impurities. To provide and increase pyroelectric properties, ferroelectric ceramics are subjected to the following
procedure: the sample is electrically poled by heating above T_C and then slowly cooled down to room temperature under some electric field applied (about 1 kV/cm) along the x-direction.

Lithium Niobate (LiNbO₃) and Lithium Tantalate (LiTaO₃) possess a combination of unique electro-optical, acoustic, pyroelectric, piezoelectric and non-linear optical properties making it an appropriate material for applications in acoustic, electro-optical and non-linear optical devices, etc. As seen from table 1.1 these two materials have similar physical properties but, in the application as photopyroelectric sensors, lithium tantalate is more desirable due to a higher pyroelectric coefficient [34, 36].

Table 1.1

Physical properties of lithium tantalate (LiTaO₃) and lithium niobate (LiNbO₃) [34, 36]

Material	LiNbO ₃	LiTaO3
Chemical formula weight	147.8	235.9
Cell parameters	Trigonal	Trigonal
Space group	R3c	R3c
a (Å)	5.148	5.154
b (Å)	5.148	5.154
c (Å)	13.863	13.783
a (°)	90.000	90.000
V (Å ³)	318.2	317.1
Z	6	6
3	30	47
tg ð	< 0.01	0.01

Density, g/cm ³	4.65	7.46
<i>c_p</i> (10 ⁶ J m ⁻³ K ⁻¹)	3.2	3.2
Curie temperature (°C)	1410	620
Melting temperature (°C)	1257	1650
Pyroelectric coefficient (10 ⁻⁶ C m ⁻² K ⁻¹)	71	230

2.2. Photopyroelectric calorimetry. Back-detection configuration BPPE

The photothermal techniques are based on the generation of a temperature field in the specimen, as a consequence of the absorption of electromagnetic radiation; this process depends on the specimen optical and thermal properties. Photopyroelectric (PPE) calorimetry is a high resolution *ac* technique which allows to determine thermal properties such as thermal diffusivity (*D*), specific heat (c_p), thermal effusivity (*e*) and thermal conductivity (κ) with a high temperature resolution, both in a wide temperature range as well as close to the phase transitions in solid, gas, and fluid materials.

For the last years different techniques have evolved to study the behavior of the system in the vicinity of phase transitions with the highest accuracy. Among them, the most used are: Differential Scanning Calorimetry (Adiabatic Scanning Calorimetry [20], Nonadiabatic Scanning Calorimetry [21]), and several *ac*-Calorimetry (ACC) configurations [23, 24, 25, 37]. Not all of these techniques permit to obtain a high signal-to-noise ratio in the detector because not all of them induce small temperature gradients in the material or can be applied in a wide temperature region hence the thermal parameters cannot be studied with great detail in the close vicinity of the phase transition (PT). Some of the *ac* PPE calorimetry techniques can fulfill these requirements and show very high efficiency in the study of PT [26, 27].

In order to perform this kind of studies, an *ac* PPE calorimetry technique must fulfill the next requirements:

- the possibility to work in a broad temperature range;
- sub-millikelvin temperature resolution;
- the small sample size;
- measuring enthalpy changes near phase transitions.

These PPE techniques can be divided in two large groups depending on the signal detection:

1. Back-detection configuration (BPPE) if the sample is illuminated.

2. Front-detection configuration (FPPE) if the sensor is illuminated.

All the calorimetric measurements of this work are based on BPPEconfiguration *ac* PPE calorimetry so let's consider it in detail.

As depicted on fig. 2.2 back-detection multilayer system consists of: a gas at the front (f), an opaque sample (s), thermal grease (used to improve the thermal contact between the pyroelectric sensor and the sample) (g), the pyroelectric detector (p) and a backing environment (b). A solid sample is illuminated by a monochromatic modulated light beam with an angular frequency ω , intensity I_0 (W/m²) and wavelength λ . All thicknesses are taken into account.



Fig. 2.2. Scheme of the PPE in back detection configuration with opaque sample

The light absorbed by the sample transforms into heat. Then this heat wave propagates from the sample to the pyroelectric sensor and creates a temperature field distribution in the sensor:

$$\langle T_p \rangle = \frac{l}{l_p} \int_{-(l_s + l_g)}^{-(l_s + l_g + l_p)} T_p(x) \, dx.$$
 (2.3)

A potential difference $\Delta \varphi$ between the sensor surfaces is produced by this temperature field and has the next form [38]:

$$\Delta \varphi = \frac{i\omega\tau_{\varepsilon}pl_{p}}{\varepsilon(1+i\omega\tau_{\varepsilon})} \langle T_{p} \rangle e^{i\omega t}, \qquad (2.4)$$

where τ_{ε} is the electrical time constant, *p* the pyroelectric coefficient and $\varepsilon = \varepsilon_0 \varepsilon_r$ the dielectric constant of the pyroelectric.

As seen from figure 2.2. the system consists of five component: f – front gas, s – sample, g – thermal grease, p – pyroelectric detector, b – backing environment. An important requirement for this technique is the use of opaque samples. In case the sample is (semi)transparent, its surface is coated with carbon paint. As the thickness of the carbon covering is extremely small (less than 10 µm) we will not take into account its effect on the system. To find the solution for the whole system we need to apply to each component using the heat diffusion equation [38]:

$$\frac{\partial^2 T_i}{\partial x^2} - \frac{1}{D_i} \frac{\partial T_i}{\partial t} = 0, \qquad (2.5)$$

where D_i is thermal diffusivity (i = f, s, g, p or b). Therefore the general solution for this system has the next form [33]:

- front gas:
$$T_f = Ae^{-\sigma_f x}$$
; $x \ge 0$;
- sample: $T_s = Be^{\sigma_s x} + Ce^{-\sigma_s x}$; $-l_s \le x \le 0$;
- grease: $T_g = De^{\sigma_g(x+l_s)} + Ee^{-\sigma_g(x+l_s)} - (l_s+l_f) \le x \le -l_s$;; (2.6)
- detector: $T_p = Fe^{\sigma_f(x+l_s+l_g)} + Ge^{-\sigma_f(x+l_s+l_g)}$; $-(l_s+l_g+l_p) \le x \le -(l_s+l_g)$;

- backing environment: $T_b = H e^{\sigma_f (x+l_s+l_g+l_p)}; \quad x \leq -(l_s+l_f+l_p).$

A, B, C, D, E, F, G, H are constants which can be found after taking into account the boundary conditions of temperature continuity and heat flux between layers. The boundary conditions of temperature continuity are written in the form:

$$T_{f}\Big|_{x=0} = T_{s}\Big|_{x=0}; \qquad T_{s}\Big|_{x=-l_{s}} = T_{g}\Big|_{x=-l_{s}}; T_{g}\Big|_{x=-(l_{s}+l_{g})} = T_{p}\Big|_{x=-(l_{s}+l_{g})}; \qquad T_{p}\Big|_{x=-(l_{s}+l_{g}+l_{p})} = T_{b}\Big|_{x=-(l_{s}+l_{g}+l_{p})}; \qquad (2.7)$$

and for the heat flux

$$\frac{I_0}{2} + \kappa_f \frac{\partial T_f}{\partial x}\Big|_{x=0} = \kappa_s \frac{\partial T_s}{\partial x}\Big|_{x=0}; \qquad \kappa_s \frac{\partial T_s}{\partial x}\Big|_{x=-ls} = \kappa_g \frac{\partial T_g}{\partial x}\Big|_{x=-ls}; \kappa_g \frac{\partial T_g}{\partial x}\Big|_{x=-(ls+lg)} = \kappa_p \frac{\partial T_p}{\partial x}\Big|_{x=-(ls+lg)}; \qquad \kappa_p \frac{\partial T_p}{\partial x}\Big|_{x=-(ls+lg+lp)} = \kappa_b \frac{\partial T_b}{\partial x}\Big|_{x=-(ls+lg+lp)}. (2.8)$$

The expression for the temperature distribution can be found by substituting (2.6) and (2.7) into (2.3)

$$\left\langle T_{p}\right\rangle = \frac{4I_{0}(1-R_{s})b_{sf}}{2k_{s}l_{p}} \frac{1}{\sigma_{s}\sigma_{p}} \frac{1}{(1+b_{pg})(1+b_{gs})(1+b_{sf})} \left[\frac{e^{\sigma_{p}l_{p}}+R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}}-(1+R_{bp})}{e^{\sigma_{s}l_{s}}\Lambda+R_{fs}e^{-\sigma_{s}l_{s}}\Sigma}\right], \quad (2.9)$$

where $R_{12} = (b_{12} - 1)/(b_{12} + 1)$, and $b_{12} = e_1/e_2$ are the thermal effusivities ratio of layers, $l, 2 = f, s, g, p, b; R_s$ is the reflection coefficient of the sample. The constants Λ and Σ are defined as

$$\Lambda = \left(e^{\sigma_{p}l_{p}} + R_{bp}R_{pg}e^{-\sigma_{p}l_{p}}\right)e^{\sigma_{f}l_{f}} + R_{gs}\left(R_{pg}e^{\sigma_{p}l_{p}} + R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}}\right)e^{-\sigma_{g}l_{g}},
\Sigma = R_{gs}\left(e^{\sigma_{p}l_{p}} + R_{bp}R_{pg}e^{-\sigma_{p}l_{p}}\right)e^{\sigma_{f}l_{f}} + \left(R_{pg}e^{\sigma_{p}l_{p}} + R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}}\right)e^{-\sigma_{g}l_{g}}.$$
(2.10)

Now we are able to find the signal U produced in the photopyroelectric sensor which has the next form:

$$U = \frac{i\omega\tau_{s}pl_{p}}{\varepsilon} \frac{4I_{o}(1-R_{s})b_{sf}}{2k_{s}l_{p}} \frac{1}{\sigma_{s}\sigma_{p}} \frac{1}{(1+b_{pg})(1+b_{gs})(1+b_{sf})} \left[\frac{e^{\sigma_{p}l_{p}} + R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}} - (1+R_{bp})}{e^{\sigma_{s}l_{s}}\Lambda + R_{fs}e^{-\sigma_{s}l_{s}}\Sigma} \right].$$
(2.11)

In order to avoid the electronic influence in the final result, a normalization procedure is proposed, which consists of dividing the signal obtained by equation (2.11) by the signal of a bare pyroelectric. In order to do this, it is necessary to find out the temperature field in the sensor without the sample $\langle T_p \rangle_{bare}$. When a sensor is directly illuminated, we have $e^{\sigma_s l_s} \sim e^{-\sigma_s l_s} \sim 1$. Therefore, the denominator in the square of brackets (2.8)is reduced. hence the equation we have $\left\langle T_{p}\right\rangle_{bare} = \frac{4I_{o}\left(1-R_{p}\right)b_{pf}}{2k_{p}l_{p}}\frac{1}{\sigma_{p}\sigma_{p}}\frac{1}{(1+b_{pg})(1+b_{eg})(1+b_{ef})}\left[\frac{e^{\sigma_{p}l_{p}}+R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}}-(1+R_{bp})}{\Lambda+R_{fp}\Sigma}\right].$ (2.12)

The photopyroelectric signal in this case is

$$U_{bare} = \frac{i\omega\tau_{\varepsilon}pl_{p}}{\varepsilon} \frac{4I_{o}(1-R_{p})b_{pf}}{2k_{p}l_{p}} \frac{1}{\sigma_{p}\sigma_{p}} \frac{1}{(1+b_{pg})(1+b_{gp})(1+b_{pf})} \left[\frac{e^{\sigma_{p}l_{p}}+R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}}-(1+R_{bp})}{\Lambda+R_{fp}\Sigma}\right].$$
(2.13)

By dividing (2.11) over (2.13) the normalized PPE signal will have the following form

$$U_{n} = \frac{U}{U_{p \, bare}} = \frac{(1 - R_{s})}{(1 - R_{p})} \frac{(1 + b_{gp})(1 + b_{pf})}{(1 + b_{gs})(1 + b_{sf})} \left[\frac{\Lambda + R_{fp}\Sigma}{e^{\sigma_{s}l_{s}}\Lambda + R_{fs}} e^{-\sigma_{s}l_{s}}\Sigma \right]$$
(2.14)

2.2.1 Experimental conditions for experimental setups

Frequency scan at **a fixed temperature.** In order to apply the theory described in the previous section to our experimental setups we need to introduce some additional conditions. As we are going to work with a thermally thick LiTaO₃ sensor, we can consider $e^{-\sigma_p l_p} \approx 0$. Then we will not take into account the thickness of the thermal grease layer because its thickness is very small hence $l_g = 0$, $e^{-\sigma_g l_g} \sim e^{\sigma_g l_g} \approx 1$. Finally, the front gas and the backing environment are going to be the same, so f = b. Besides, it is well known that the gases possess low effusivity values so we can consider $R_{fp} \sim R_{fs} \sim -1$ and $\frac{(1+b_{pf})}{(1+b_{sf})} \sim e_p / e_s$. Given these approximations and after some calculations, (2.14) is modified to obtain

 $U_{n} = 2 \frac{e_{p}}{e_{n} + e_{s}} e^{-\sigma_{s} l_{s}}$ (2.15)

Consider U_n as a function of the illumination frequency for the case study of Ni as a sample and LiTaO₃ as sensor, for which $D_s = 22 \text{ }mm^2/s$, $e_s = 19000 \text{ }Wm^{-2}K^{-1}s^{1/2}$, $e_p = 3750 \text{ }Wm^{-2}K^{-1}s^{1/2}$, $l_s = 1 \text{ }mm$, $R_s = R_p = 0$, and let's represent equation (2.14) as a function of the square root of the modulation frequency (see fig. 2.3) [33]. As it is a complex number, we will represent both the natural logarithmic of the normalized amplitude and phase.

The natural logarithm of the amplitude and the phase can be extracted to get

$$\ln(U_n) = \ln\left(2e_p / \left(e_s + e_p\right)\right) - \sqrt{\pi f / D}l_s;$$

$$phase_n = -\sqrt{\pi f / D}l_s;$$
(2.16)

In figure 2.3 we can highlight three different frequency regions:

Useless zone. At low frequencies the sample is not thermally thick, and there is neither linearity nor parallelism.



Fig. 2.3. Phase and natural logarithm of the normalized PPE signal as a function of the square root of the frequency [33]

Intermediate zone. Here linearity and parallelism are beginning but still impossible to obtain good enough information about the thermal properties of the sample.

Linear zone. This region has a fairly good parallelism between amplitude and phase to retrieve proper information on the sample properties.

As expected from (2.16), in the last zone, the amplitude and the phase are linearly depending on \sqrt{f} with the same slope *m*, where the thermal diffusivity *D* of the sample can be obtained

$$D_s = \frac{\pi l_s^2}{m^2}.$$
(2.17)

Also, one detail should nevertheless be emphasized. Since the presence of the thermal grease is not taken into account, we only have a sample-sensor configuration. If we introduce nonzero thickness for grease, the slopes of the curves on figure 2.3 increase and, as a consequence, the thermal diffusivity of the sample will be underestimated [39]. To solve the issue induced by the coupling grease, the use of a transparent pyroelectric sensor and transparent thermal grease has been proposed in combination with a self-normalization procedure [40]. In work [32], possible effects which might affect the linearity and parallelism of the curves and the value of the thermal diffusivity as a whole are described, namely electronic noise, possible influence of a parasitic light, piezoelectric contribution of the sensor and others. It is worth noting that our experimental setups are designed to work under conditions in which the influence of these effects can be neglected.

Continuous temperature measurements. Once we have already obtained the values of diffusivity and effusivity at T_{ref} by using a linear fitting of the experimental data using equations (2.16), we proceed to obtain thermal diffusivity and thermal effusivity as a function of temperature by using the following equations obtained in [41, 42]

$$D(T) = \left[\frac{1}{\sqrt{D_{ref}}} - \frac{\Delta(T)}{l_s \sqrt{\pi f}}\right]^{-2}; \quad e(T) = e_p(T) \left(\frac{1 + \left(e_{ref} / e_p(T_{ref})\right)}{\exp[\Delta''(T)]} - 1\right), \tag{2.18}$$

where $\Delta(T) = \psi(T) - \psi(T_{ref})$ is the normalized phase; $\Delta'(T) = \ln U(T) - \ln U(T_{ref})$ is the normalized amplitude; $\Delta''(T) = \Delta'(T) - \Delta(T)$. It is also possible to obtain the heat capacity $c_p(T)$ and the thermal conductivity $\kappa(T)$ data, using the next interrelations

$$c_p(T) = \frac{e(T)}{\rho \sqrt{D(T)}},$$
(2.19)

$$\kappa(T) = e(T)\sqrt{D(T)}. \qquad (2.20)$$

where ρ is the density of the sample under study. As seen from these four equations the thermal diffusivity depends solely on the phase of the PPE signal while the three other quantities (conductivity, effusivity and specific heat) are obtained by using both the amplitude and the phase of the pyroelectric signal. This is an important advantage, because the performance of a continuous temperature run enables to obtain the temperature evolution of all thermal parameters. In spite of this possibility, at the same time two undesirable problems can appear. From the experimental point of view the phase is always more stable in time than the amplitude of the signal due to laser instabilities or electronic problems; thus, in general, the thermal diffusivity curves are less noisy than the others. A second problem which sometimes arises has to do with the use of equations (2.19 and 2.20) to extract the thermal parameters of a phase transition of a particular material, around a critical point. It might happen that the combination of amplitude and phase to obtain specific heat and thermal conductivity gives some artifacts in the shape of these last variables in the critical region, making it impossible to retrieve reliable curves of e(T), $c_p(T)$, $\kappa(T)$. In these cases, the physics of the transition is more complicated than the model used and, so far, there is no theory developed to cover those cases.

2.3. Description of experimental setups

In this section we consider the experimental setups which have been used in this work.

2.3.1. At room temperature as a function of frequency

In order to perform the measurement of the sample under study as a function of the modulation frequency in the back-detection configuration, the following has been done. We have used a thermally thick lithium tantalate slab with metallic electrodes Ni-Cr as a pyroelectric sensor which could be connected to a *lock-in* amplifier. The thermal contact between the sample and the sensor has been provided by a silicon thermal grease a few microns thick. The setup is depicted on fig. 2.4 schematically.



Fig. 2.4. Working scheme of frequency measurements in BPPE configuration at room temperature. Lock-in Amplifier: 7265 Dual Phase DSP

An opaque and thermally thick sample is illuminated by an about 5mW low power modulated diode laser beam at a wavelength $\lambda = 632$ nm. In that way the thermal energy deposited on the sample is small and also the induced temperature gradient. This will help to quickly achieve thermal equilibrium when the temperature is changed and be able to do very slow temperature runs with a high signal to noise ratio. This is because the temperature oscillations in the sample are of the order of 1 mK, while the dc contribution is estimated at about 2 mK [49].

The photopyroelectric signal was processed by a *lock-in* amplifier in the current mode. The *lock-in* amplifier performs two very important functions. It modulates the illumination frequency of the laser; at the same time, it amplifies and processes the signal from the pyroelectric sensor whose frequency is the same as the modulation of the laser. The working principle of the amplifier is based on a bandpass filter synchronized with the frequency of the PPE signal. This line will make the frequencies outside the bandwidth automatically filtered. Moreover, it provides gain, amplifying the received signal [44].

In order to avoid unwanted disturbance in an electrical signal of the same frequency as the one of the collected signal, the *lock-in* also has a variable integration time. A Faraday's cage connected to the earth can be used to prevent external electronic noise of the environment. The *lock-in* amplifier sends the PPE signal to a computer for further analysis. To avoid possible parasitic light effects (which appear when some amount of radiation falls on the pyroelectric surface), a matte black mask with a hole smaller than the sample size has been used [33].

In fig. 2.5 we present a frequency scan at room temperature for a layered AgInP₂Se₆ crystal with the surface parallel to the layers. Three different regions can be distinguished: the first one is the *useless zone* without linearity and parallelism, the second region *with linearity* in a range about 2-8 Hz where the thermal properties of sample can be extracted and the last one is the region where the generated pyroelectric signal also has the *contribution of a piezoelectric component*. When the impact of the piezoelectric contribution is very significant and it masks the region with linearity, a multiparametric fitting must be applied as described in [44] to retrieve the thermal diffusivity from such kind of curves.



Fig. 2.5. Frequencies scan at room temperature for 2D layered crystal AgInP₂Se₆

2.3.2. Temperature measurements between 18K and 325K

After the measurements performed at room temperature we increase the temperature range of the research to perform the measurements as a function of temperature. In this regard we should use the cryostat in cooling/heating mode. Depending on the temperature interval we were interested in, two different cryostat systems have been used: a closed cycle He cryostat for extremely low temperatures and a liquid N_2 cryostat if we are interested in ranges higher than room temperature.

First of all, we consider the experimental setup which works in 18 - 325 K temperature range. A modified conventional closed cycle He cryostat with a vertical configuration by Janis Research Company has been used. Temperature control has been performed by using of a rhodium/iron temperature sensor RF-100T/U.

The main parts of the cooling system are given below:

- Helium Compressor: provides a supply of high-pressure helium gas to the cooling head.

- Cooling Head: expands the helium gas to cool the sample holder.

- Lines for He gas: these lines are connected between the compressor and cooling head supply and return fitting, and transfer the helium gas between the two components.

- Internal chamber: which is screwed to the cooling head. It includes an evacuation valve, safety pressure relief, electrical feedthroughs, and a clamped vacuum seal for easy access to the sample space.

- External chamber: which is screwed to the cooling head first stage. It is used to intercept room temperature radiation before it reaches the sample, allowing the lowest possible sample temperature to be achieved.

- **Temperature controller**: needful for monitoring and controlling the sample temperature.



Fig. 2.6. Scheme of experimental setup for measurements as a function of temperature in the range 18 - 325 K. Scheme of the Closed cycle He cryostat in vertical configuration: 1 - optical window; 2 - sample; 3 - pyroelectric sensor; 4 - sample holder; 5 - internal chamber; 6 - external chamber. Lock-

in Amplifier: 7265 Dual Phase DSP. Temperature Controller: Lake Shore 332

The cryostat is mounted on a massive table residing on pumped air pillows which eliminate possible vibration of the system which might introduce a piezoelectric component in the PPE signal [33]. High vacuum turbomolecular pump creates a high vacuum (HV) (about $5 * 10^{-6}$ mbar) in the external chamber, isolating the internal chamber from the external environment. The stable gas condition inside of the chamber provides a homogeneous distribution of gases and temperature. In order to attain it we introduce *He-gas* inside the internal chamber. A triple position valve provides alternate access to the internal camera. The scheme of experimental setup for measurements in the temperature range 18 - 325 K is depicted in fig. 2.6. This experimental setup has an important advantage as there is no refrigerant consumption because here a closed loop of helium gas is compressed and expanded, based on the Gifford-McMahon thermodynamic cycle. This system permits to work with very small changes in temperature. Cooling and heating rates can be down to 2 mK per minute for high resolution runs.

2.3.3. Temperature measurements between 80 K and 350 K

To perform high temperature measurements we have used a liquid nitrogen cryostat. The working scheme of this setup is presented on fig. 2.7.

Work principle of the N_2 cryostat can be described as follows. The sample holder is placed in an internal chamber in a vertical position. The cooling process is performed through a reservoir placed on top of a central camera and filled by liquid nitrogen. Liquid nitrogen flows through the capillaries into the sample space and evaporates on the heat exchanger. The nitrogen gas temperature is controlled by the electric power of the heat exchanger. During the measurements it is important to optimize the flow by a controlling valve to obtain a smooth temperature control, for which the PID (proportional-integral-derivative) of the controller has been optimized.



Fig. 2.7. Scheme of experimental setup for measurements as a function of temperature in the range 80 - 350 K. Temperature Controller: Oxford Instruments Mod ITC 502. Lock-in Amplifier: 7265 Dual Phase DSP. Cryostat: Oxford Instruments Optistat^{DN}

Thermal contact in the cryostat occurs by means of the gas which surrounds the sample and acts as a heat exchanger. The minimum temperature possible to achieve is 78 K, due to the use of liquid nitrogen as a refrigerant. The temperature ramps are made via the temperature controller with an accuracy of ± 0.01 K in temperature range between 78 K and 200 K and ± 0.1 K if we measure between 200 and 400 K. The system permits to work with temperature rates from 100 mK/min measuring in a wide temperature range and down to 2mK/min for high resolution runs. The nitrogen hold time is approximately 6-10 hours (depending on the temperature) before refilling is required, nevertheless the nitrogen can be refilled as often as desired without the need to return the system to the initial conditions. The air inside the internal chamber is replaced by the inert gas argon. In order to isolate the internal chamber from the environment it is important to make vacuum in the external chamber which acts as a thermal insulator and promotes the optimization of the temperature control. In our case, we perform vacuum with a rotary pump, reaching approximately 10⁻³ mbar [33].

Chapter 3. Phase transitions and critical phenomena in ferroelectrics

This chapter is dedicated to the critical behavior and phase transition (PT) theory applied to the particular case of ferroelectrics, namely the classical Landau theory for ferroelectrics as well as the modern theory in the framework of the renormalization group theory.

3.1. Landau's classical theory of phase transitions for ferroelectric transitions

Ferroelectrics are promising materials due to the spontaneous electric polarization, polarization switching effect, hysteresis loop and polarization absence for temperatures higher than T_c . In order to understand the physical nature of ferroelectrics, it is interesting to explore the phase transition phenomena in these materials, the electron-phonon interactions effects and other physical mechanisms and properties. The phenomenological theory of ferroelectrics and the phase transition theory have been developed by Landau, Khalatnkov, Ginzburg, Lifshitz, Levanyuk, Strukov, Devonshire and others [45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 55].

The order parameter η is a quantity characterizing the transition which arises from symmetry breaking. $\eta = 0$ above the critical temperature (the one at which the PT takes place) and $\eta \neq 0$ below. In a first order PT the order parameter will change in an abrupt way while in a second order/continuous PT, it will change in a continuous way (fig. 3.1). In these transitions, as opposed to the first order ones, there will be no latent heat and no hysteresis in the variation of the physical variables. As follows from the Landau theory the order parameter η has the same transformation properties as polarization vector \vec{P} .

Let's consider a one-component order parameter and expand the thermodynamic potential density in the vicinity of the phase transition for an isotropic medium or a crystal with cubic symmetry. It can be written as a standard Taylors series form [56]

$$\phi = \phi_0 + \frac{A}{2}P^2 + \frac{B}{4}P^4 + \frac{C}{6}P^6 + \dots + \frac{\delta}{2}(\vec{\nabla}P)^2 + \frac{g}{2}(\vec{\nabla}P)^2 + \lambda P^2(\vec{\nabla}P)^2 + \dots, \quad (3.1)$$

where ϕ_0 is the free energy density in the paraelectric phase.



Fig. 3.1. Order parameter η as a function of temperature T: first order PT (a), second order PT (b)

The thermodynamic potential density for proper uniaxial ferroelectrics $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ type can be written in the next form [57]

$$\phi = \phi_0 + \frac{\alpha}{2}P^2 + \frac{\beta}{4}P^4 + \frac{\gamma}{6}P^6, \qquad (3.2)$$

where $\alpha = \chi(T - T_c)$, χ is related to the Curie-Weiss constant, T_c is the transition temperature (critical temperature), β , γ and δ are phenomenological coefficients which do not depend on temperature and are positive (negative β is an evidence of a first order PT). The ferroelectric-paraelectric PT temperature is the so called Curie temperature; hence, all properties depend on the temperature difference of the crystal from T_c . Some particular values of certain phenomenological coefficients will involve particular phase transitions. For a tricritical point (tricritical points (TCP) separating continuous and discontinuous symmetry breaking transitions) $\alpha = 0$ and $\beta = 0$, while for a Lifshitz point $\alpha = 0$ and $\delta = 0$. In ferroelectric materials, a Lifshitz point splits two regions in the phase diagram: one with a direct second order PT from the paraelectric to the ferroelectric phase and another one in which there is a second order PT from the paraelectric phase to an incommensurate one (IC) at T_i and then a first order PT from the IC phase to the ferroelectric phase at T_c . The classical theory also includes the possibility of the coupling of the order parameter to some other variables, such as deformation, which is useful in the case of uniaxial ferroelectrics, such as [57]

$$\phi = \phi_0 + \frac{\alpha}{2}P^2 + \frac{\beta}{4}P^4 + \frac{\gamma}{6}P^6 + \frac{1}{2}c_{ijkl}u_{ij}^2 + r_{ijkl}u_{ij}P^2, \qquad (3.3)$$

where c_{ijkl} is the elastic module matrix, u_{ij} is the deformation tensor, r_{ijkl} is the electrostriction coefficient, and elements of higher order are neglected. This is a short version of the Landau-Khalatnikov potential which includes even more terms [48, 57].

In order to obtain a measurable quantity such as specific heat, the free energy must be minimized with respect to the order parameters, in order to obtain the equilibrium value of the order parameter in the ferroelectric phase, and the isobaric heat capacity of the body at $T < T_c$ and taking into account expression (3.3) will have the next form [57]

$$C_{p} = -T \left(\frac{\partial^{2} \phi}{\partial T^{2}} \right)_{p} = C_{p}^{0} + \frac{\alpha^{2}}{2\beta'} \frac{T}{\sqrt{1 - 4At}}, \qquad (3.4)$$

where C_p^0 is the heat capacity above the Curie point, $t = \frac{T - T_c}{T_c}$ is reduced temperature.

$$\beta' = \beta - \frac{2r_{ijkl}}{c_{ijkl}^2} \text{ and } A = \frac{\gamma\alpha}{\beta'^2}.$$
 (3.5)

So equation which will express the anomalous part of the heat capacity takes the form

$$\Delta C_p = \frac{\alpha^2}{2\beta'} \frac{T}{\sqrt{1 - 4At}}.$$
(3.6)

Unfortunately this approach (with or without couplings) can not be applied for most of the materials. In a real physical system, when t ends to zero, fluctuations of the order parameter start to appear which are stronger and stronger as t decreases till

they dominate the transition. This does not lie within Landau's theory, where it is established that the order parameter remains homogeneous within the material, and is the main cause of the deviations from it [51, 47].

The phenomenological Landau theory is valid in a range of reduced temperature t out of which the first fluctuational correction can be used and within which a new approach must be developed. This criterion for the applicability of Landau theory is often referred to as the Ginzburg criterion E_{LG} [51]. In addition, it is very important to take into account that the range must not be larger than the correlation length ξ which shows how far fluctuations of the order parameters are sensed in the material or, in another way, the size of those fluctuations. Thus, the Ginzburg criterion can be defined as follows [51]

$$E_{LG} = \frac{\left| \int_{V} d^{d} r G(r) \right|}{\int_{V} d^{d} r \eta(r)^{2}},$$
(3.7)

where V is taken to be the correlation volume $V = \xi(T)^d$, G(r) is the two-point correlation function, d is the dimensionality of the system (d = 1, 2, 3, 4, ...), and $\eta(r)$ takes into account that the order parameter is allowed to vary in space $\eta = \eta(r)$.

Some theoretical works [52, 56] have been used to extend Landau's theory including first-order fluctuations of the order parameter, and the dependence of specific heat can be described as

$$\Delta c_p \sim t^{-1/2} \,. \tag{3.8}$$

But in ferroelectrics, in general, this approach can not be applied. In the case of uniaxial ferroelectric materials, the spatially inhomogeneous polarization distributions are closely related to the appearance of a macroscopic electric field, which can affect on fluctuations [56]. In fact, dipole-dipole interaction decreases these fluctuations effects and the singularity in specific heat has the next behavior [52, 56] $\Delta c_p \sim \ln t$. (3.9)

This logarithmic correction to the classical Landau theory has proven to be very useful for various uniaxial ferroelectrics. Also, it is possible to use the combination of eqs. 3.8 and 3.9 when the attenuation of fluctuations is small enough and only a small logarithmic correction is needed

$$\Delta c_p \sim t^{-1/2} \left| \ln t \right|^b \tag{3.10}$$

with $\frac{1}{10} < b < \frac{1}{3}$ [82].

Defects also could play an essential role in ferroelectric phase transitions which was confirmed in work [58]. In general, defects introduce a certain rounding of the anomalies but in [59, 60, 61] have established that in the case of charged defects in ferroelectrics they may lead to stronger anomalies as they can induce long-range perturbations of the order parameter. The anomaly of the specific heat will have the form

$$\Delta c_n \sim t^{-3/2}.\tag{3.11}$$

For magnetic systems, the Landau classical theory does not work properly, Landau theory only describes the universal behavior of a system. Thus a modern theory of critical behavior has been developed, pursuing new ideas and establishing new approaches.

3.2. Modern Theory of critical behavior. Fluctuations effects

Scaling analysis within the framework of renormalization group theory (RG) has predicted that the critical behavior of second order phase transitions in the near vicinity to T_c is characterized by a set of critical exponents associated with different physical properties, with interrelated values [62]. RG theory is effective in the study of materials with phase transitions owing to the following advantages [63]:

- It explains the variety of power laws at critical points and near them;
- It explains the values of the leading thermodynamic and correlation exponents;

- It clarifies why and how the classical values are not correct;
- It gives the understanding of universality with nontrivial exponents;
- It allows to understand the breakdown of universality and scaling under certain circumstances.

In this critical region the specific heat often presents a singularity following the law

$$c_p \sim A^{\pm} \left| t \right|^{-\alpha}, \tag{3.12}$$

where *t* is the reduced temperature, A^+ and A^- are critical amplitudes above and below T_c respectively. The critical amplitudes A^+ and A^- are nonuniversal, but their dimensionless ratio $\frac{A^+}{A^-}$ is universal.

However, c_p is not the only physical magnitude with such behavior. In magnetic systems, for instance, the spontaneous magnetization (M_s) , the inverse of initial magnetic susceptibility (χ_0^{-1}) and the critical isotherm (M(H) at $T = T_c)$ fulfill analogous equations with different critical exponents.

$$M_{s}(T) \sim |t|^{\beta}, \ (T < T_{c}),$$
 (3.13)

$$\chi_0^{-1} \sim |t|^{\gamma}, \quad (T > T_c),$$
 (3.14)

$$M(H) \sim H^{\frac{1}{\delta}}, \ (T = T_c).$$
 (3.15)

The following scaling laws give the relations among the critical exponents [56, 64]

$$\alpha + 2\beta + \gamma = 2, \tag{3.16}$$

$$\delta = 1 + \gamma/\beta. \tag{3.17}$$

Different sets of values of those exponents correspond to different models called universality classes which have been theoretically developed taking as a starting point a particular form of the Hamiltonian describing the physical system. The renormalization group theory predicts the particular values of these critical exponents [65, 66, 67]. The particular values of the critical exponents and parameters are contained in table 3.1 for a mean-field model, an isotropic 3-dimensional Heisenberg model, a planar 3 dimensional XY model and a uniaxial 3-dimensional Ising model, referring to the ordering of the spins and the number of spin components needed to describe it. Mean-field model implies long-range order interactions, equivalent to a Landau approach while Heisenberg, Ising and 3D XY models correspond to short range interactions. A strong theoretical effort has been developed for magnetic systems (e.g. Landau theory is not valid for a system whose specific heat diverges to infinity) but also for many other systems.

Table 3.1

Universality class	α	β	γ	б	$\frac{A^+}{A^-}$	Intreaction range
Mean-field Model	0	0.5	1.0	3.0	-	Long range
3D-Ising	0.11	0.33	1.24	4.76	0.52	Short range
3D-XY	-0.014	0.34	1.30	4.82	1.06	Short range
3D-Heisenberg	-0.134	0.36	1.39	4.86	1.52	Short range

Main universality classes for magnetic systems [65, 66, 67]

Many scientific papers are devoted to universality classes [68, 69, 70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79]. In particular, for ferroelectric systems, the theoretical framework of the different universality classes which might appear depending on the properties of the Hamiltonian has also been developed [69, 70, 80, 81, 82, 83, 84]. Besides c_p , the equivalent magnitudes to study their critical behavior are the spontaneous polarization P_s (eq. 3.18) and the inverse of dielectric susceptibility χ^{-1} (eq. 3.19). Between the values of these critical exponents there exists a relation established by scaling theory which is called Rushbrooke's scaling law and has the form of eq. 3.16. The values of the universality classes found so far for ferroelectric systems are listed in table 3.2 [69, 80, 81, 82, 83, 84].

$$P_{s}(T) \sim |t|^{\beta}, \ (T < T_{c}),$$
 (3.18)

$$\chi^{-1} \sim |t|^{\gamma}, \ (T > T_c),$$
 (3.19)

Table 3.2

Values of the critical exponents for ferroelectrics. S: usual critical point isotropic short-range interaction, U with uniaxial dipolar interactions, T tricritical point, L Lifshitz point. Those exponents with an asterisk * have a logarithmic correction with exponent x. m is the number of components of the order parameter [69, 80, 81, 82, 83, 84].

	Universality class								
	Mean- field model	S	U	Т	UT	L, m=1	L, m=2		
α	0	$\frac{1}{6}$	0*	$\frac{1}{2}*$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$		
β	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}*$	$\frac{1}{4}*$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{6}$		
γ	1	$1\frac{1}{6}$	1*	1*	1	$1\frac{1}{4}$	$1\frac{1}{3}$		
x	-	-	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	-	-	-		
	L, m=3	LT, m=1	LT, m=2	UL, m=1	UL, m=2	ULT, m=1	ULT, m=2		
α	$\frac{5}{12}$	$\frac{9}{14}$	$\frac{31}{40}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}*$	$\frac{19}{48}$		
ß	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{3}{80}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}*$	$\frac{13}{48}$		
γ	$1\frac{5}{12}$	$1\frac{1}{28}$	$1\frac{3}{40}$	$1\frac{1}{6}$	$1\frac{1}{4}$	1*	$1\frac{1}{16}$		
x	-	-	-			$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{8}$		

The ratios of the critical amplitudes $\frac{A^+}{A^-}$ for specific heat for ferroelectric systems

are not included because it is very difficult to predict those values within the framework of the RG theory. However, the analysis of those critical amplitudes [85] revealed that, for the L class (m = 1) in first-order approximation, it is 0.30 and rises up to 0.35 in second-order approximation. On the other hand, in the Gaussian approximation (Gaussian approximation allows fluctuations about the spatially uniform mean-field, but assumes, in effect, that the fluctuations are distributed normally about the uniform mean-field; in this approximation, the fluctuations turn out to be non-interacting i.e. independent random variables [63]), at a Lifshitz point with long-range interactions this value is 0.25, while if they are neglected, it is increased to 0.42 [85].

It is worth noting that the particular values for critical exponents within a certain universality class might be quite different depending on the particular mathematical methods used to obtain it. For instance, some authors [86, 87, 88] have obtained the values of critical exponent smaller than the ones given in table 3.2.

In addition, it should be mentioned that when the modern treatment of critical behavior theory is applied, fully taking into account the contribution of fluctuations till $t \rightarrow 0$, both branches of the experimentally measured specific heat anomaly (paraelectric as well as ferroelectric) should be fitted by the well-known equation

$$c_{p} = B + Ct + A^{\pm} \left| t \right|^{-\alpha} \left(1 + E^{\pm} \left| t \right|^{0.5} \right)$$
(3.20)

where α , A^{\pm} , B, C and E^{\pm} are adjustable parameters. Superscripts ⁺ and ⁻ stand for $T > T_c$ and $T < T_c$, respectively. The linear term represents the background contribution to the specific heat, while the last term represents the anomalous contribution at the second order PT. The factor under parenthesis is the correction to scaling that represents a singular contribution to the leading power as known from theory and experiments [89, 90] but which must be small and which is not always necessary and can be neglected. Scaling laws require that there is a unique critical exponent α for both branches and rigorous application states that constant *B* needs also be the same

[91]. These conditions have sometimes been relaxed in literature due to the difficulty of obtaining good fittings to the experimental data with those constraints, but this only makes the interpretation of results more complicated. Strict application of scaling theory must respect these rules.

3.3. Critical behavior studies of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ uniaxial ferroelectrics prior to this work

3.3.1. $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$

In calorimetric investigations of $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ and $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{Se}_6$ compounds performed by Vysochanskii and co-workers [92], the first fluctuational correction has been found of the anomalous part of heat capacity in the paraelectric phase: $\Delta c_p \sim \tau^{-0.5}$ which corresponds to eq. 3.8. The temperature dependence of the dielectric permittivity of $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ crystal in the paraelectric phase exhibits a slight deviation from the Curie-Weiss law [93], which is described by the multiplicative logarithmic correction $\chi^{-1} = \tau (|ln\tau|)^{0.1}$ which is related to eq. 3.10.

Ultrasonic measurements of the hypersound velocity in a ferroelectric phase for $Sn_2P_2(S_{0.72}Se_{0.28})_6$ compound by Brillouin-scattering and ultrasonic pulse-echo techniques revealed strong anomalies near the PT. Here the authors observed that the temperature dependence of the hypersound velocity is well approximated by a Landau-Khalatnikov approach based on the mean-field model [94].

At the temperature evolution of the optical birefringence measurements, performed by Vysochanskii *et al* [95], it was found that the behavior of the heat capacity in the paraelectric phase can be well described by eq. 3.10 with a small logarithmic correction (b = 0.1). Sequentially, the value of the critical exponent β for polarization has been observed to be close to 0.25. This value is well-coordinated with the universality class UTL, m = 1 given in table 3.2. A partial substitution of sulphur atoms by selenium in the anion sublattice in Sn₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ with y = 0, 0.15, 0.28 and 0.29 demonstrates a clear evolution of the anomalous part of the

birefringence in [95]. The analysis of this evolution by the combination of two models such as those shown in eqs. 3.8 and 3.11 shows that the amplitude A of the fluctuational contribution significantly increases when substituting S by Se, indicating a possible crossover of the critical behavior.

The thermal diffusivity measurements (inverse of thermal diffusivity is proportional to specific heat for such type of crystals [96]) of $Sn_2P_2S_6$ single crystals by Oleaga *et al* show that the ferroelectric phase of those compound can be well described within the framework of the Landau model (eq. 3.6) while this model fails to describe the temperature dependence of thermal diffusivity in the paraelectric phase [96]. To describe the critical behavior near the PT in the paraelectric phase, it is necessary to take into account the superposition of the effect of first-order fluctuations and the contribution of defects, corresponding to eq. 3.8 and eq. 3.11.

The thermal studies in $Sn_2P_2(Se_\nu S_{1-\nu})_6$ ferroelectric compounds performed by Oleaga and co-workers show a deviation from a mean-field model and a crossover to a more specific Lifshitz one [43]. For pure and lightly doped (y = 0.15, and y = 0.2) crystals, no meaningful fittings were found, pointing that at those concentrations there is not a clear dominant effect yet (fluctuations, short or long-range dipolar interactions, charged defects...). On the other hand, good fittings with meaningful adjustable parameters were obtained (eq. 3.20) when increasing Se concentration from 0.2 up to 0.30. Obtained values of critical exponents α and the amplitude ratios ^c support the universality class L for uniaxial ferroelectrics, indicating that the close presence of the Lifshitz point is more relevant when explaining critical behavior than other effects such as charged defects, first-order fluctuations or closeness to a TCP. Moreover, the amplitude ratio $\frac{A^+}{A^-}$ was found to be in the range 0.42 - 0.51. This is also close to the theoretically estimated value (0.35) for a Lifshitz system without taking into account strong dipolar interactions. These findings reveal that for selenium concentrations around the Lifshitz point, long-range dipole interactions do not play a significant role and that the critical parameters are close to those of the Lifshitz universality class L [43].

For the compositions with concentrations exceeding the Lifshitz point y > 0.28, RG theoretically predicted that the critical behavior of the second order paraelectric to incommensurate PT should correspond to the 3D-XY universality class. Indeed, the critical behavior study of Sn₂P₂Se₆ ferroelectric crystal confirms the applicability of the 3D-XY universality class. The detailed review on the critical study for this compound will be considered at the end of the next section [97].

3.3.2. $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{1-y}S_y)_6$

Investigations of the temperature dependence of the birefringence using eq.3.9 and eq.3.12 to study the paraelectric phase showed that a small substitution of Sn atoms by Pb (0.5% Pb) does not exert a significant influence on the temperature dependence of the effective value of the critical exponent β for the order parameter in the ferroelectric phase. On the other hand, in the same work, there is a strong influence on the amplitude of the defect contribution to the critical anomaly, whose value considerably increases [95].

Besides, $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ ferroelectric compounds have been studied by means of hypersound and ultrasound investigation [2]. The analysis of the temperature dependencies of the hypersound velocity for concentrations x = 0, 0.2, 0.3, and 0.45 reveal that the anomalies around the second order PT are well described by the Landau-Khalatnikov model based on the mean-field approach. The same results have been observed when studying ultrasound velocity. Moreover, from the fitted parameters, the thermodynamic coefficients in the Landau expansion series (eq. 3.2) were extracted. These coefficients are slightly reduced when lead concentration is increased; it is worth noting that all values are positive, indicating a continuous character in the transition in this concentration range [2].

Critical behavior study of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ ferroelectric semiconductors from thermal diffusivity measurements in [98] shows a crossover from a clear non-meanfield model at x = 0.1 (where the first-order fluctuations as well as the presence of defects must be taken into account) to a mean field one at x = 0.3. The sample with x = 0.1 has the same critical behavior as $Sn_2P_2S_6$ where there are several competing mechanisms. On the one hand, the closeness to a Lifshitz point enhances the fluctuations of the order parameter while on the other one, the closeness to a tricritical point reduces them. Besides, point defects are responsible for inducing longrange perturbations of the order parameter. The combination of all of them is needed to take into account a clear deviation from a mean field model, which has been discarded by the appropriate fittings. As lead concentration is increased, a crossover to other universality classes starts, shown by the fact that the critical behavior of the sample with x = 0.2 can be explained by two models. In the first place, by a similar combination of mechanisms as for x = 0.1 shown by the fitting of the paraelectric phase by the superposition of fluctuation effects (eq. 3.9) and the contribution of defects (eq. 3.12); secondly, the fitting to eq. 3.23 using both the paraelectric and the ferroelectric phase gave a critical exponent $\alpha = -0.07$ close to the mean field model 0. At x = 0.3, the fitting to eq. 3.23 gave a very good fitting, with $\alpha = -0.04$, very close to the mean field model, while it was not possible to fit it to any model with had any relation to the nearness to Lifshitz or tricritical points or the contribution of point defects. To all effects, x = 0.3 behaves as a common uniaxial ferroelectric. So, we see a crossover from a non-mean field model to it. x = 0.2 is an intermediate case in which the predominance of the long-range perturbations is not settled yet as it is in x = 0.3[98].

In work [97] the thermal diffusivity of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ ferroelectric crystals with x = 0, 0.05, 0.2 and 0.47 has been measured where a second order PT has been found which corresponds to the paraelectric commensurate to IC phase. The critical behavior of this transition has been studied for x = 0, 0.05 and it confirms the theoretical prediction that this kind of PT belongs to the 3D-XY universality class. The application of eq. 3.22 for the fittings has given the critical parameters $\alpha = -0.019$ ± 0.008 for x = 0 and $\alpha = -0.026 \pm 0.018$ for x = 0.05 (the theoretical value is -0.014). The ratio of the critical amplitudes $\frac{A^+}{A^-}$ gives 1.00 and 1.03 respectively, while the theoretical value for 3D-XY universality class is 1.06.

Chapter 4. Structure and physical properties of CuInP₂S₆ family of 2D layered crystals

The first part of this chapter focuses on the structure of metalthio- and selenophosphates, while the second one does on their physical properties. A wide range of 2D layered crystals of $Fe_2P_2S_6$ family has been studied from the 1970s to the present day. $M^{1+}M^{3+}[P_2X_6]^{4-}$ compounds are promising materials for functional electronics and piezoelectronics because they exhibit ferro-, ferri-, antiferroelectric, ferro- or antiferromagetic as well as piezoelectric properties, possess mixed electronionic conductivity and extremely high elastic nonlinearity, own promising optical properties, show resistive switching characteristics and an important thermal anisotropy has been observed [99, 100, 101, 102, 103, 104, 105, 106, 107, 108]. These ferroelectric and multiferroic materials have electronic properties as well as memory effects which strongly depend on temperature [109, 110]. The substitution of certain chemical elements allows to obtain new compounds demonstrating a rich variety of physical properties, photosensitivity etc.

From the structural point of view, all of the members of 2D layered hexachalcogenohypodiphosphates have a common feature: a common $[P_2X_6]^{4-}$ anion sublattice (where X = S, Se) within each lamella of the layered crystal. On the cation side, they can accommodate most of group I and group II elements, most of the transition metals of the fourth period, and some heavier ones, such as Pd, Ag, and Cd, or a combination thereof. The most interesting ones are compounds with vanadium, chromium, manganese, iron, nickel, copper, indium and bismuth because of their magnetic or ferroelectric ordering, electrochemistry and catalysis. A few compositions with lanthanides and actinides are also known, which may suggest that more lanthanides will be compatible with this family of 2D layered materials [111, 112]. In table 4.1 some structural information for layered seleno- and thiophosphates is given.

67

Crystalline lattice parameters of 2D layered compounds [113, 114, 115, 116, 117, 118, 119]

		Symmetry	Lattice parameters			ß	Cell
	Compound		a	b	c	[0] 4	volume
			[Å]	[Å]	[Å]		[Å ³]
M ¹⁺ M ³⁺ [P ₂ Se ₆] ⁴⁻ (disordered)	AgCrP ₂ Se ₆	C2/m	6.305	10.917	6.991	107.7	458.4
M ¹⁺ M ³⁺ [P ₂ Se ₆] ⁴⁻	CuInP ₂ Se ₆	$P\overline{3}1c$	6.392	6.392	13.338	-	472.0
	AgInP ₂ Se ₆	$P\overline{3}lc$	6.483	6.483	13.330	-	485.2
	CuCrP ₂ Se ₆	C2/m	6.193	10.724	6.909	107.2	438.3
	CuBiP ₂ Se ₆ (rt)	P31c	6.541	6.541	13.263	-	491.4
	CuBiP ₂ Se ₆ (lt2)	R3h	6.553	6.553	39.762	-	1487.9
	CuBiP ₂ Se ₆ (lt1)	R3h	6.559	6.559	79.385	-	2957.7
	AgBiP ₂ Se ₆	$R\overline{3}h$	6.652	6.652	39.615	-	1518.3
$M^{1+}M^{3+}[P_2S_6]^{4-}$	CuInP ₂ S ₆	Cc (lt)	6.096	10.565	13.623	107.10	838.5
	AgInP ₂ S ₆	C2/c (ht)	6.182	6.182	12.957	—	428.8
	CuCrP ₂ S ₆ (ht)	C2/c	5.916	10.246	13.415	107.09	777.3
	CuCrP ₂ S ₆ (lt)	Pc	5.935	10.282	13.368	106.78	781.0
M ¹⁺ M ³⁺ [P ₂ S ₆] ⁴⁻ (buckled)	AgCrP ₂ S ₆	P2/a	5.892	10.632	6.745	105.82	483.7

 $CuM^{3+}P_2S_6$ (M^{3+} = In, Cr) crystal consists of lamellae defined by a sulfur framework in which metal cations and P–P pairs occupy the octahedral cages and the copper, the other cations, and P–P pairs form separate triangular networks within the layer (fig. 4.1).



Fig. 4.1. Layers of the $CuInP_2S_6$ crystal along [001] axis. Dashed line surrounds $CuInP_2S_6$ unit cell, where blue, rose, violet and yellow spheres are Cu, In, P, and S atoms respectively [120]

4.1. CuInP₂(S,Se)₆ compounds

In CuInP₂X₆ (X = S, Se) each lamella is chained with another layer by weak van der Waals bonding, forming a lamellar crystallographic structure with negligible transverse (along the c-axis) structural and electronic coupling. CuInP₂S₆ is the essential compound of this family, and shows a well defined first-order order– disorder ferrielectric phase transition (PT) at $T_c \approx 315$ K (there is a decrease in the symmetry group from monoclinic space group C2/c to Cc) as a consequence of the ordering of the Cu ions in a polar sublattice, together with a small displacement of the In ions, forming a second polar sublattice; both ions are displaced from the layers plane. As the off centering of the Cu ions is much greater than that of In, the result is an uncompensated two-dimensional ferrielectric arrangement with total polarization normal to the layer (along the *c*-axis). [100, 120]. As shown from powder diffraction data in CuInP₂S₆ by Simon *et al.* [121] the Cu¹⁺ probability density shows a twofold-symmetric shape relative to the centre of the octahedral CuS₆ group in the paraelectric phase. This dynamic disorder has been crystallographically modeled by three types of partially filled copper sites with large thermal factors: a distinctly off-center and quasi-trigonal Cu1, a nearly central or octahedral Cu2, and a tetrahedral one in the interlayer space Cu3 (fig. 4.2).



Fig. 4.2. (a) The position of three "up" copper positions labeled Cu1, Cu2, Cu3 at paraelectric phase. The corresponding "down" positions are also shown. (b) An in-plane view of the layers in the ferrielectric state, showing Cu in the Cu1-up position and the In shifted downward. Orange, blue, pink, and yellow circles represent Cu, In, P and S atoms respectively [4]

The phase transition is triggered by the cooperative freezing of intersite copper motions. For Cu¹⁺ cations there are two possible positions: Cu^{up} is displaced upwards from the middle of the layer while Cu^{down} is displaced downwards. Below 315 K the upper site is preferentially occupied. The Cu¹⁺ ions are shifted upward from the midplane of the lamella by ≈ 1.58 Å [100]. In [115, 122] it has been shown that a twofold axis through the octahedral center and in the plane of the layer doubles the number of positions per CuS₆ unit, the quasitrigonal Cu1 being mostly occupied in both CuCrP₂S₆ and CuVP₂S₆ at room temperature [122].

Figure 4.3 demonstrates how the S atoms lattice and the top and bottom of the lamella are distorted when the cation order into this arrangement. Although the P–P bonds are rigid, the sulfur triangles are complacent to ionic displacements and, as a

consequence, the coupling between the Cu^{1+} and In^{3+} displacements occurs in a simple way through the anion sublattice.



Fig. 4.3. The distorted close packed sulfur lattice nearest the Cu atoms (a) and the In atoms (b). S–S distances are reported in Angstroms [4]

At 298 K, 90% of the Cu¹⁺ ions occupy a site Cu^{up} shifted upward by 1.58 Å from the center of the layer (figure 4.4). The In^{3+} cations are also shifted but in opposite position and by only 0.2 Å from the middle of the layer, forming a second polar sublattice [100].



Fig. 4.4. Thermal evolution of the different copper site occupancies and the corresponding probability density contours in $CuInP_2S_6$. The small crosses indicate the refined positions, and the dashed lines denote the upper and lower sulfur planes marking a single lamella [100]

Because the Cu¹⁺ off centering is much greater than that of In³⁺, a pretty large spontaneous polarization may be expected to appear normal to the layers. Calorimetric and dielectric permittivity measurements on CuInP₂S₆ confirmed it [121]. Dipole ordering in CuMP₂S₆ ferroelectric compounds appears by the availability of two effects: an off-centering instability caused by an electronic instability in the form of a second order Jahn–Teller effect related to the d¹⁰ electronic configuration of the cations (3d¹⁰ Cu¹⁺ and 4d¹⁰ In³⁺), and the cations being constrained by the layered morphology to undergo antiparallel displacements. As a consequence, in CuInP₂S₆ crystal, ferrielectric ordering appears [123].

A second order Jahn–Teller coupling, involving the localized d¹⁰ states forming the top of the valence band and the S–P states of the bottom of the conduction band, is predicted with such instability [124]. This has been showed for the Cu tetrahedral site in CuCl [125].

Maisonneuve *et al.* have obtained electronic densities of copper site occupancies using the Fourier maps which could be calculated to locate the copper atom. The electron densities gave the evidence of the degree of polarity of the copper sublattice at several temperatures. In the paraelectric phase, the Cu1^{up} and Cu1^{down} sites become equivalent to Cu1, i.e., the structure becomes centrosymmetric with the appearance of a twofold axis through the octahedral center. At 353 K a three-copper-site model was observed with Cu1, Cu2 and Cu3 occupancies of 33%, 12%, 5% respectively. For T = 315 K, the densities were dominated by a maximum around the upper offcenter site Cu1^{up}. At 318 K, density maxima of equal height were detected at the upper and lower off-center sites, giving hints of a twofold axis through the center of the CuS₆ octahedral unit, parallel to the *b* axis [100]. On decreasing the temperature, a cooperative freezing of the motions of Cu cations takes place. At 298 and 248 K the Cu1^{up} occupancy increases to 90% and 94% respectively. At 153 K, the Cu1^{up} site above the middle of the layer is 100% filled, which has also been confirmed by dielectric measurements in [99].

In CuInP₂S₆, the ionic conductivity studies along the *c*-axis and the possibility for Cu atoms to be in off-centred quasi-trigonal distorted sites even above T_c led to

the discovery of the role of the second order Jahn-Teller effect in that phenomena. Despite numerous studies, there is still a need to quantify the modifications of the electronic structure with respect to this polar ordering and its relation to the off-centred cationic shifts in the crystal [126].

DFT-based *ab initio* calculations of band structure and density of states of the $CuInP_2S_6$ crystal (figure 4.5.) by Bercha *et al.* confirmed the Jahn-Teller effect and its ferroelectric ordering [127].



Fig. 4.5. Band structures and density of states of the CuInP₂S₆ compound protostructure and paraelectric phase [127]

Concerning the In sites there was no residual electronic densities indicative of upshifted In³⁺ [100]. The In³⁺ downward displacement decreases from 0.24 Å at 153 K to 0.18 Å at 305 K and disappears at T = 315 K.

Compounds of CuInP₂Se₆ are very similar to those of CuInP₂S₆ which also have high and low temperature structures (the reduction in symmetry is from P-31c to P31c but takes place at a much lower temperature (236 vs. 315 K)) [128, 129]. Differences between these two compounds may exist due to increased P–Se bond distances and Se–P–Se bond angles indicating that selenides are much more structurally sensitive than sulphides [4]. Diffraction analysis has shown that the ferroelectric transition in materials containing selenium is also due to an ordering of the Cu cations but they are displaced only by 1.17 Å from the middle of the structure
layers while it is 1.58 Å in the case of CuInP2S₆ [100]. As a consequence, the doublewell potential for copper ions in selenide compound will be shallower than for its sulfide analog, and the structural PT in CuInP₂Se₆ is observed at lower temperature than for the sulfide one. Furthermore, in the selenide compound, the calculated values of activation energies were smaller than in the sulphides ($E_A = 0.8$ eV in the paraelectric phase and $E_A = 0.59$ eV in the ferroelectric one for CuInP₂Se₆ and $E_A =$ 0.92 eV in paraphase and $E_A = 1.16$ eV in ferrophase for CuInP₂S₆ compound) which confirms the shallower potential of Cu¹⁺ ions in the selenide compound [130, 131].



Fig. 4.6. Representation of $CuInP_2Se_6$ lamellas at a) 100 K and b) 293 K ([011] direction). c) View ([110] direction) of a single $CuInP_2Se_6$ layer showing the arrangement of Cu (blue), In (pink), P (grey) and Se (green). Atomic displacements of individual atoms of $CuInP_2Se_6$ at d) 100 K, e) 180 K and f) 250K [132]

In works [104, 130], measurements of DC conductivity have been performed which showed much higher values for compounds with sulphur ($\sigma_0 = 5.6*10^{12}$ S/m in the ferroelectric phase and $\sigma_0 = 2.66*10^7$ S/m in the paraelectric one) than for

selenides ($\sigma_0 = 2.35$ S/m in the ferroelectric and $\sigma_0 = 1.21$ S/m in the paraelectric phase, respectively). The higher conductivity in the case of sulphides is most likely due to the dynamic hopping of the Cu¹⁺ cations in the lattice down to low temperatures [99] while in the selenide the Cu¹⁺ cations are almost frozen at the off-centre positions in the ferroelectric ordering because of the double-well minimum potential [129].

The structures of CuInP₂Se₆ crystal at T = 100 K and at room temperature are depicted in fig. 4.6 (a) and fig. 4.6 (b), respectively. Figure 4.6. (c) shows the single layer in [110] direction. Figure 4.6. (d, e, f) exhibits the ordering of Cu⁺ cations in CuInP₂Se₆ at different temperatures.

As in the case of CuInP₂S₆ compounds, in selenides the second-order Jahn– Teller effect is the driving force of the ferroelectric transition. The calculated partial densities of states of Cu cation (fig. 4.7) have showed that with decreasing *T*, lowenergy Cu *3d* levels have clearly shifted to higher binding energy (the peak A merges into the peak B) and the gap has slightly increased [126].



Fig. 4.7. (a) The LMTO densities of states obtained at T = 298 K (dashed curve) and T = 150 K (solid curve); (b) the corresponding UV photoemission spectra measured at T = 298 K (dashed curve) and T = 190 K (solid curve) [126]

In figure 4.8 the splitting of peak A into two contributions is exhibited clearly in the calculated Cu partial densities of states. The new binding energy for the last occupied states (assumed to be the $3d_{z^2}$ orbital) is higher, consistent with a second order Jahn-Teller effect accompanied by a substantial energetic gain (around 0.3 eV). This is corroborated by the simultaneous increase in the binding energy of the unoccupied Cu 4s states observed in LMTO calculations for $T \leq T_c$.



Fig. 4.8. The Cu¹⁺ partial densities of states at T = 298 and 150 K compared with energy diagram, showing the second order Jahn-Teller effect mechanism in CuInP₂Se₆ compound [126]

4.1.1 Substituting the cation sublattice

In general, it becomes interesting to explore the effect of cation substitution on ferroic properties. For example, replacing the copper cation by silver vanishes the ferroelectric phase (AgInP₂S₆, AgInP₂Se₆) [103, 133]. Several materials in the selenide family with the trivalent cation of bismuth have antiferroelectric ordering (AgBiP₂Se₆ and CuBiP₂Se₆) [119]. As a starting point in our analysis we consider the structure and their peculiarities of some of the 2D layered compounds which belong to $M^{1+}M^{3+}[P_2S_6]^{4-}$ and $M^{1+}M^{3+}[P_2Se_6]^{4-}$ subgroups and which have similar structure, namely: AgInP₂Se₆, AgInP₂Se₆, AgBiP₂Se₆, AgBiP₂Se₆ and CuBiP₂Se₆. It worth noting that the crystal growth processes are quite complicated and it was impossible to obtain

good samples for our studies in some cases like, for instance, CuBiP₂S₆, as well as compounds with chromium; therefore, we will not consider these compounds here.



Fig. 4.9. The unit cell of the $AgInP_2S_6$ crystal structure (a) and topology of the Ag- and In-centered polyhedrons (b) [134]

The AgInP₂S₆ is a 2D layered crystal with trigonal symmetry and P31c space group at room temperature [114]. The crystal structure of the AgInP₂S₆ compound (fig. 4.9.) is closely related to the CdI₂-type structure. There is no confirmation about any type of ferroelectric ordering down to 110 K in these compounds [103]. Partial changing of the chemical elements in the cation sublattice (e.g., Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP₂S₆) reduces the T_c by 30 K [99]. This effect is attributed to the larger size of the Ag¹⁺ cation where lower temperatures are needed to stop the static hopping of the system. The calculated electronic and phonon properties of the AgInP₂S₆ crystal structure [134] have shown big covalence of the bonds between the silver cation and [P₂S₆]⁴⁻ anion and thus Ag–S polyhedral is harder. This information tells about the realization or absence of the second order Jahn-Teller effect mechanism.

The crystal structure of the AgInP₂Se₆ compound (fig. 4.10.) is very similar to the structure of AgInP₂S₆. The selenium atoms form a hexagonal close packed structure arrangement with the layer sequence ABAB running along c-axis. The cell parameters for the AgInP₂Se₆ crystal are as follows: a = 6.483 Å, b = 6.483 Å, c =1.333 Å and the angle $\beta = 90^{\circ}$. At room temperature the crystalline structure of AgInP₂Se₆ may be described by the P 31/c space group [118]. Dielectric measurements in [133] have shown that AgInP₂Se₆ crystal does not have any evidence of phase transitions; moreover, it is not a ferroelectric material.



Fig. 4.10. The layered structure of AgInP₂Se₆ where grey, violet, orange and purple spheres are silver, indium, phosphorus and selenium atoms, respectively [135]

AgBiP₂S₆ crystallizes in the triclinic space group P1h with a = 6.3833 Å, b = 7.1439 Å, c = 9.5366 Å, α = 91.89°, β = 91.45° and γ = 94.05° [119]. In work [144] the temperature dependence of longitudinal relative ultrasonic velocity has shown the indication of a phase transition near 220 K.

As showed in fig. 4.11, one half of the $[P_2S_6]^{4-}$ anions lie with their P–P axis normal to the layer, whereas the other ones are rotated so their P–P bond axis is nearly parallel to the layer. The P–P distance ranges from 2.212 to 2.225 Å, and the P–S distances range from 1.993 to 2.044 Å. The $[P_2S_6]^{4-}$ anion normal to the layer coordinates to four silver and two bismuth cations. The anions lying parallel coordinate to four Bi³⁺ and two Ag⁺ cations. Silver cations are instead coordinated by a highly distorted tetrahedron of S atoms within the same layer and have only weak Ag–S interactions across the van der Waals gap. The Bi³⁺ cations are coordinated by six S atoms with bond distances ranging from 2.752 to 3.106 Å. This is a highly distorted coordination environment for Bi, and clearly there is one side of the coordination sphere that is devoid of S atoms. This suggests that the inert lone pair $(6s^2)$ of bismuth is strongly stereochemically expressed [119]. The ultrasonic measurements have found a phase transition near 220 K in layered AgBiP₂S₆ crystals [136].



Fig. 4.11. View of a single layer of $AgBiP_2S_6$. Blue spheres are silver atoms, green - bismuth, red - selenium, and black are phosphorus atoms [119]

At room temperature the $AgBiP_2Se_6$ compound is an anti-ferroelectric semiconductor, however, there exists an intra-layer ferroelectric ordering as shown in figure 4.12. The purple and blue arrows represent the polarizations contributed by the bismuth and silver ions, respectively. The green arrow represents the total polarization of the monolayer $AgBiP_2Se_6$ [137].



Fig. 4.12. Schematic side-views of the two distorted ferroelectric phases with different polarization directions (upper and lower images) and the high

symmetry paraelectric phase (centre image). The Brown, pink, purple and blue spheres are Se, P, Bi and Ag atoms, respectively [137]

The positions of the silver cations are distorted from an octahedral environment by the elongation of three of the Ag–Se bonds displacing the silver cations along the *c*-axis away from the center of the layer by 0.4 Å. The bismuth cations are shifted only 0.2 Å off the center of the octahedron in the opposite direction along the layer normal of the silver cations. AgBiP₂Se₆ crystal has a lamellar MPSe₃ structure type with weakly interacting layers packed by van der Waals interactions. In each layer, the cations and P–P bonds fill the octahedral holes defined by the selenium framework. The [P₂Se₆]^{4–} anions are bridged by an ordered arrangement of alternating Ag¹⁺ and Bi³⁺ metal centers [119, 137]. Figure 4.13 exhibits the structure of a monolayer in AgBiP₂Se₆. The lattice parameters obtained by DFT calculations are: a = b = 6.752 Å. The AgBiP₂Se₆ compounds crystallize in the space group $R\overline{3}$ [137].



Fig. 4.13. Top-view of the structure of monolayer AgBiP₂Se₆. The Brown, pink, purple and blue balls represent Se, P, Bi and Ag atoms, respectively. The red line describes the unit cell [137]

The calculated phonon dispersion of the paraelectric phase (fig. 4.14) for $AgBiP_2Se_6$ monolayer shows an imaginary frequency at the Γ point, demonstrating the instability of the paraelectric phase [137]. The unstable mode at the Γ point mostly corresponds to the off-centering displacements of the silver and bismuth cations with opposite directions, which leads to a lower symmetric, ferroelectric phase.



Fig. 4.14. The phonon spectra of the ferroelectric (a) and paraelectric (b) phases of monolayer $AgBiP_2Se_6$ [137]

Comparing sulphates with selenides, the structural differences between AgBiP₂Se₆ and its sulphide analogue could have their origins in the size of Bi for the available Se-based octahedral cage as well as its decreased trend to stereochemically express its lone pair of electrons.

CuBiP₂Se₆ compounds (fig. 4.15 (A)) have the lamellar CuInP₂Se₆ structure with the same $[P_2Se_6]^{4-}$ anion lattice connected by the metal cations, crystallizing in the space group $R\overline{3}$ with a = 6.5532 Å and c = 39.762 Å. At room temperature, the $[P_2Se_6]^{4-}$ anions structure of CuBiP₂Se₆ is bridged by an ordered arrangement of alternating coinage metal and bismuth metal centers [119]. Each $[P_2Se_6]^{4-}$ anion has three coinage metal ions and three Bi³⁺ ions as its nearest metal neighbors (fig. 4.15 (B)). As it was shown by the authors in ref. [119], the structure at three different temperatures (298, 173, and 97 K) confirmed the ordering in the form of two well-defined antiferroelectric transitions as the copper cations move and settle off-center of the octahedral sites. Partial antiferroelectric ordering is observed below 173 K, with 85% of Cu⁺ cations found in well-defined off-center positions below 97 K. The increased displacement of the bismuth cations compared to the indium ones may be an indication of stereoactive lone pair electrons, which could be present in Bi³⁺ but not In³⁺. The same mechanism is observed in AgBiP₂Se₆ crystals at room temperature.



Fig. 4.15. (A) The layered structures of $CuBiP_2Se_6$ at room temperature in [110] direction. (B) View of a single $CuBiP_2Se_6$ layer down the *c*-axis showing the ordered arrangement of the Bi^{3+} and Cu^+ ions. Blue spheres are Cu(Ag), green - Bi, red - Se, and black are atoms P [119]

The information about the ordering in $CuInP_2S_6$ -type compounds is listed in table 4.2. Table 4.2.

Information on availability of phase transitions in $M^{1+}M^{3+}[P_2X_6]^{4-}$ crystals [100, 119, 129, 141]

Compound	Order Type	Ordering Temperature		
CuInP ₂ S ₆	Ferrielectric	315K		
CuInP ₂ Se ₆	Ferrielectric	$T_c = 235.5$ K and $T_i = 248.5$ K		
AgInP ₂ S ₆	No PT			
AgInP ₂ Se ₆	No PT			
AgBiP ₂ S ₆	?	220K		
AgBiP ₂ Se ₆	Antiferroelectric	$T_c < 298K$		
CuBiP ₂ Se ₆	Antiferroelectric	145K and 220K		

4.2. Physical properties of M¹⁺M³⁺[P₂X₆]⁴⁻ multiferroics

In this section we consider some physical properties in two-dimensional layered crystals, namely dielectric, piezoelectric and ultrasonic as well as thermal properties.

4.2.1. Dielectric measurements

The temperature dependence of complex dielectric permittivity is presented as $\varepsilon^* = \varepsilon' - i\varepsilon''$. According to the dielectric studies in CuInP₂S₆ the first order phase transition was observed at T = 315 K [138]. The increasing of the dielectric permittivity at 1 kHz showed in fig. 4.16 above 330 K is related to the ionic conductivity of the Cu cations [121]. In the same work [138], the authors have studied the impact of high hydrostatic pressure on the dielectric properties of CuInP₂S₆ compound. The pressure behavior of the phase transition temperature confirmed the order-disorder type of phase transition in these crystals.



Fig. 4.16. Temperature dependences of $CuInP_2S_6$ crystals dielectric permittivity in the heating mode at the measuring field frequencies of 1 kHz and 1 MHz [138]

As seen from fig. 4.17, substituting copper with silver changes the position of the ferroelectric phase transition to lower temperatures (from T = 315 K in CuInP₂S₆ to T = 283 K in Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP₂S₆). Such a decrease can be interpreted as follows: the

size of the silver cations is bigger than for copper ions, hence, lower temperatures are needed to stop the static hopping motions of the system [139].



Fig. 4.17. Temperature dependence of real (a) and imaginary (b) part of the complex dielectric permittivity in $Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP_2S_6$ crystals [139]

For the pure $AgInP_2S_6$ compound, the dielectric permittivity strongly increases on heating (fig. 4.18), with a similar increase to the case of $CuInP_2Se_6$ and $CuInP_2S_6$ [133, 138]. As opposed to the case of $CuInP_2S_6$, no anomaly indicating polar phase transitions have been found in these crystals down to the lowest temperatures measured. Calculated electrical conductivity data has shown a high enough value of the conductivity which is also ionic, due to the silver cations. Therefore, the dielectric properties of these ferroelectrics are mainly caused by a high conductivity [103].



Fig. 4.18. Temperature dependence of real and imaginary part of the complex dielectric permittivity in AgCuInP₂S₆ crystals [103]

Broadband dielectric studies of AgInP₂Se₆ (fig. 4.19) show a strong increasing of the dielectric permittivity on heating, similar to AgInP₂S₆, as described in the previous paragraph. The dielectric properties in AgInP₂Se₆ crystals are also due to a high conductivity. There is no indication of any ferroelectric phase transition down to 110 K [133].



Fig. 4.19. Temperature dependence of the real and imaginary parts of the complex dielectric permittivity in AgInP₂Se₆ crystals [141]



Fig. 4.20. Temperature dependence of the real (a) and imaginary (b) parts of the complex dielectric permittivity in CuInP₂Se₆ crystals. Temperature dependence of $1/\epsilon'$ is measured on cooling [129]

As it was shown by the authors in ref. [129], in the case of CuInP₂Se₆ compounds there are two phase transitions: a second-order one at $T_i = 248.5$ K and a first-order transition at $T_c = 235.5$ K, in cooling mode, with incommensurate phase between those (fig. 4.20). These two transitions in CuInP₂Se₆ have hysteresis, implying that these phase transitions are first-order. On the other hand, the hysteretic effects involve not only an upward shift by ≈ 1.5 K of T_i but, more importantly, a rather large decrease in the values of the real and imaginary parts of the dielectric permittivity in almost the entire temperature range during the heating mode. The latter observation indicates that this PT into the intermediate phase may be second-order [129]. The values of the calculated Curie constants obtained from the dielectric data indicate an order– disorder type of the phase transitions [129].

The dielectric measurements of the CuInP₂Se₆ compound by Macutkevic et al. [140] confirmed only one ferroelectric phase transition at $T_c = 225$ K. This discrepancy with [129] may be related to the different preparation conditions of the CuInP₂Se₆ compounds.



Fig. 4.21. Real part of dielectric permittivity of $\text{CuInP}_2(\text{S}_x\text{Se}_{1-x})_6$ crystals measured at several frequences: (a) x = 0.1; (b) x = 0.25; (c) x = 0.8; (d) x = 0.98 [141]

Let's consider a variation of the structural parameters when substituting S by Se in mixed CuInP₂(S_xSe_{1-x})₆ crystals. Even a small amount of sulphur substitution by selenium can significantly change properties in these mixed two-dimensional ferroics. As observed in [141], a small amount of sulfur shifts the transitions to lower temperatures. For x = 0.02 the PT temperature in mixed crystals decreases from T =225 K in the pure one [140] to 215.7 K, with 5% of Se to 208.2 K and with 10% to 185 K (Fig. 4.21 (a) and Fig. 4.22(a)).



Fig. 4.22. Imaginary part of dielectric permittivity in $\text{CuInP}_2(\text{S}_x\text{Se}_{1-x})_6$ compounds measured at several frequences: (a) x = 0.1; (b) x = 0.25; (c) x = 0.8; (d) x = 0.98 [141]

At concentrations x = 0.2 and x = 0.25, these mixed compounds show just one maximum in the real and imaginary parts of the dielectric permittivity in the temperature range of 110 and 145 K at a frequency of 10 kHz [101]. The temperature dependences of the complex dielectric permittivity at various frequencies of these crystals show a typical relaxor behavior, as can be seen in fig. 4.21 (b) and fig. 4.22

(b). The position of the maximum of dielectric permittivity is strongly frequency dependent. In CuInP₂(S_{0.8}Se_{0.2})₆ (fig. 4.21 (c) and fig. 4.22 (c)), it is easy to see a broad dispersion of the complex dielectric permittivity starting from 260 K and extending to the lowest temperatures. The maximum of the real part of the dielectric permittivity shifts to higher temperatures with an increase in the frequency, together with the maximum of the imaginary part, and the typical behavior of dipolar glasses appears. A small amount of Se (x = 0.98) changes dielectric properties of CuInP₂S₆ crystals significantly: the temperature of the main dielectric anomaly shifts more than 20 degrees: from 315 K to 289 K (fig. 4.21 (d) and fig. 4.22 (d) [141].

In the case of CuBiP₂Se₆, a first-order antiferroelectric PT was found at 136 K. From the dielectric permittivity data of the CuBiP₂Se₆ crystal, the measured temperature region can be divided in three intervals: 1. At higher temperatures dielectric dispersion occurs due to the high electrical conductivity; 2. A frequency independent anomaly of ε' at 136 K indicates an antiferroelectric PT; 3. At temperatures lower than 40 K the dielectric dispersion effect can be observed [102]. No dielectric dispersion is observed about the antiferroelectric PT temperature (T =136 K), therefore the dielectric permittivity at 2 kHz corresponds to the static one as depicted in figure 4.23. Moreover, the value of the dielectric permittivity around the antiferroelectric phase transition temperature is low. Typically, such a low value of dielectric permittivity has a phononic origin; therefore, the phase transition is a displacive type and is driven by a resonant soft mode [102].



Fig. 4.23. Temperature dependence of the real and imaginary parts of the complex dielectric permittivity in CuBiP₂Se₆ crystals [102]

As mentioned, the microscopic mechanism of the phase transition is antiparallel displacements in the copper and bismuth sublattices [119]. However, not all copper ions are ordered below the antiferroelectric PT temperature. Therefore, the non-ordered copper ions form a glassy phase at low temperatures [102].

4.2.2. Piezoelectric and ultrasonic measurements

In pure CuInP₂S₆ ferroelectric crystals ultrasonic and piezoelectric studies also confirm the existence of a PT around 315 K. The hysteresis in fig. 4.24 (a) has shown that a first order character can be attributed to this phase transition. In Fig. 4.24 (b), the temperature dependencies of the longitudinal ultrasonic attenuation coefficient are shown for different propagation directions and the longitudinal wave attenuation peak in direction [001] is more than one order of magnitude larger than in the direction parallel to the layers what could be explained with the argument that the electrostriction parameters along the layers are very small in comparison to those through the layers [142].



Fig. 4.24 (a) Temperature dependences of ultrasonically detected piezoelectric signal in $CuInP_2S_6$ c-cut plate in heating (1) and in cooling run (2). (b) Temperature dependences of longitudinal ultrasonic attenuation along (1) [001] and normal (2) to [001] [142]

Ultrasonic and piezoelectric studies of the phase transitions in 2D layered $CuInP_2S_6$ crystals by Samulionis *et al.* have shown the possibility of tuning-off the

elastic piezoelectric and electronic properties by manipulations on the composition [142]. Substituting copper with silver changes the position of PT to lower temperatures (fig. 4.25 (a)), which is in good agreement with [139].

Similar piezoelectric sensitivity measurements by an ultrasonic method were carried out and in mixed Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP₂Se₆ and Ag_{0.2}Cu_{0.8}InP₂Se₆ layered crystals. Substituting Cu by Ag leads to a decreasing PT from 225 K and 235 K in pure CuInP₂Se₆ compound to 215 and 230 K for a sample with 10% of Ag⁺ and 210 and 225 K with 20% of silver respectively. As a consequence, piezoelectricity exists in these crystals only at comparatively low temperatures (Fig. 4.25 (b)) [143]. Other piezoelectric and ultrasonic measurements showed that, in polarized CuInP₂S₆ type compounds at room temperature, an electromechanical coupling constant as high as > 50 % could be obtained. In the paraelectric phase, the high electromechanical coupling can be induced by external DC bias field, because of electrostriction [144].

In pure $AgInP_2S_6$ and $AgInP_2Se_6$ crystals, no PT was observed in the temperature range 100-300 K [143].



Fig. 4.25. Temperature dependencies of ultrasonically detected piezoelectric signal in $Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP_2S_6$ crystal in heating and in cooling run (a). Temperature dependencies of ultrasonically detected piezoelectric signal in $CuInP_2Se_6$ (1), $Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP_2Se_6$ (2), $Ag_{0.2}Cu_{0.8}InP_2Se_6$ (3) crystals in heating run (b) [143]

The temperature dependence of ultrasonically detected piezoelectric signal of $CuBiP_2Se_6$ crystal was measured in [136] and the result is shown in fig. 4.26 (a). In the high temperature region, the signal is absent and it turns out that the crystal has no piezoelectric sensitivity and it is in the centrosymmetric phase. On cooling, the onset of piezoelectric signal appeared near 220 K and reached a maximum; afterwards, when cooling down, the signal increased and at 150 K the change of slope was clearly seen in fig. 4.26 (b). It is worth noting that the amplitude of the piezoelectric signal was small in comparison with pure $CuInP_2S_6$ crystal, what was determined by the difference in the electrical conductivity of the samples as well as by smaller piezoelectric parameters [142]. The presence of these two anomalies tells about the possibility of two phases: an antiferroelectric PT at T = 146 K and intermediate one at 220 K [136].



Fig. 4.26. Temperature dependence of the piezoelectric signal ultrasonically detected in CuBiP₂Se₆ plate (a) and temperature dependence of the relative longitudinal ultrasonic velocity along c-axis (b) [136]

The piezoelectric sensitivity of AgBiP₂S₆ compounds was very small in the temperature region between 120 and 300 K. As it seen in fig. 4.27 a, only a hint of a piezoelectric signal was observed at around 220 K, whose origin lies on the large electrical conductivity of AgBiP₂S₆ crystals [136]. Ultrasonic frequency dependent attenuation $\alpha = f(\omega)$ of both types (fig. 4.27 b) has been obtained by the following equation:

$$\alpha = A \frac{\omega^2 \tau}{1 + \omega^2 \tau^2},\tag{4.1}$$

where *A* is the coefficient proportional to the relaxation strength, τ - is the Maxwell relaxation time: $\tau = \varepsilon \varepsilon_0 / \sigma$, $\sigma = \sigma_{ion} + \sigma_{el}$ is the total ionic—electronic conductivity and ε is the dielectric constant.



Fig. 4.27. Temperature dependence of longitudinal relative ultrasonic velocity measured along c axis in $AgBiP_2S_6$ crystals at 10 MHz frequencies (a), temperature dependence of the longitudinal attenuation coefficient along c axis in $AgBiP_2S_6$ samples (b) [136]

The obtained temperature dependence of the longitudinal attenuation has a large peak of ultrasonic attenuation below room temperature which is attributed to the ultrasonic interaction with silver ions [136].

4.2.3. Thermal properties

As shown in figure 4.28, the temperature dependence of the heat capacity C_p for CuInP₂S₆ crystal shows two λ -shape anomalies, the first one at 309.35 K, signaling the presence of a first order transition, and the second one at 329.5 K, which has some retardation into the paraelectric phase [145].



Fig. 4.28. Temperature dependence of heat capacity in $CuInP_2S_6$ samples [145]

In the case of CuInP₂Se₆ compound, the dependence of the molar heat capacity also exhibits a λ -shape anomaly. In contradistinction to the sulphide case there is only one phase transition at 226 K (fig. 4.29) [154].



Fig. 4.29. Temperature dependence of heat capacity in CuInP₂Se₆ samples [146]

For the rest compounds, there is no information on thermal measurements in literature prior to this work.

Chapter 5. Structure and physical properties of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ chalcogenide crystals

 $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ ferroelectric compounds are a broad family of ferroelectric semiconductors specially interesting due to their promising photorefractive, acustooptic, and electrooptic properties [147, 148] as well as for the complexity of their phase diagram, with the presence of a Lifshitz point (LP), incommensurate phases (IC), first and second order PT [56]. The presence of solid solutions among Sn_2P_2S_6, Sn_2P_2Se_6, Pb_2P_2S_6 and Pb_2P_2Se_6 allows to obtain ferroelectrics-semiconductors with different desirable physical properties. Hence, it is possible to design materials with different structural and electronic attributes and characteristics and the ultimate application of these semiconductors in various electronic devices. Figure 5.1 demonstrates the common model representing a crystal structure of $M_2^{2+}[P_2X_6]^{4-}$ crystal.



Fig. 5.1. Structure of $M_2^{2+}[P_2X_6]^{4-}$ phosphorus chalcogenide crystals. Blue, red and yellow spheres represent M²⁺ (Pb, Sn), P and X (S, Se) atoms respectively [149]

This chapter consists of three parts: in the first part the crystalline structure of this type of materials will be described in detail, in the second one the general shape of the phase diagram will be comprehensively describe; finally, in the third part there is a consideration of some thermal properties of $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ ferroelectrics.

5.1. Crystalline structure of (Pb,Sn)₂P₂(Se,S)₆ compounds

5.1.1. $Sn_2P_2S(Se)_6$ compounds

 $Sn_2P_2S(Se)_6$ crystals, as well as any of the $M_2^{2+}[P_2X_6]^{4-}$ compounds, are ioncovalent ferroelectrics with the common $[P_2S(Se)_6]^{4-}$ sublattice. In contrast to most industrially relevant ferroelectrics, which are insulators, $Sn_2P_2S_6$ has pronounced semiconductor features due to its small band gap of 2.3 eV at room temperature [147]. For these specific compounds of the $M_2^{2+}[P_2X_6]^{4-}$ type, two thirds of the octahedral centers are occupied by M^{2+} cations. The remaining one third are occupied by P–P bonds which covalently bond to the sulfur atoms, with each P atom having tetrahedral coordination with three S atoms and one P atom, forming an ethane-like $(P_2X_6)^{4-}$ unit. Each S atom is bonded to a single P atom and coordinated by two sites of cation [56].

The crystallographic unit cell of $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ (SPS) comprises two formula units (Z = 2). At room temperature the crystalline structure of $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}(\text{Se})_6$ can be described by the monoclinic space group Pc [150, 151]. The cell parameters at ambient conditions for the SPS crystal are as follows: a = 9.378 Å, b = 7.488 Å c = 6.513 Å, and the angle β = 91.15°. The unit cell volume is 456 Å³ [152, 153]. The lengths of the Sn–S ionic bounds (2.77 - 3.451 Å) are considerably larger than for P–S and P–P. The P–S bonds in the pyramids have different lengths in the range 2.015 - 2.035 Å. Tin atoms are located between the ions inside the polyhedron formed by 7 or 8 sulphur atoms. Above about 337 K the crystal undergoes a second order paraelectric PT into another monoclinic phase, possessing the center of inversion space group P2₁/c with "off-center" Sn displacement playing the role of the order parameter (fig.5.2 (a)) [154]. Electronic structure studies of $Sn_2P_2S_6$ confirm that tin in SPS occurs as Sn^{2+} ions [155, 156]. The spectroscopy data has shown that the Sn ion is in the 2+ state with very high ionicity (~ 1.6) [157].

In fig. 5.2 (b) the cut is done through three consecutive Sn–S–P atoms, and their other neighbors almost in, or slightly off, this plane. In work [155], the charge-density plot has demonstrated a striking contrast between an ionized shape of Sn atoms (indicated by perfect sphericity of the electron density in its neighborhood) and a strong covalency along the S–P–P–S chains. One notices, moreover, an electron-density displacement from phosphorus to sulfur atoms. Away from the P_2S_6 groups and Sn ions docked between them, there is hardly any charge density accumulated [155].



Fig. 5.2. Structure of $Sn_2P_2S_6$ type crystals in paraelectric (P2₁/c) phase with shown shifts of cation atoms in ferroelectric (Pc) phase (a) [158], unit cell with 2 formula units (shown in gray) and some additional S atoms (in white) obtained by translation to complete the near-neighbor shell of a Sn atom (b) [155]

The tin selenide $Sn_2P_2Se_6$ (SPSe) metal thiophosphate is similar in its structure to SPS. The divalent metal cation structures are similar as those represented in figure 5.2. However, differences may exist due to the increased P–Se bond distances and Se– P–Se bond angles reported for SPSe. At room temperature SPSe has the next cell parameters: a = 6.815 Å, b = 7.671 Å, c = 9.626 Å, $\beta = 91.01^{\circ}$. Hence, the unit cell volume is here increased with a value of 503.2 Å³ [159]. Sn₂P₂Se₆ exhibits three phases; at room temperature it is paraelectric (P2₁/c), at $T_i \approx 221$ K a second order transition takes place to a modulated incommensurate phase (IC), and at $T_c \approx 193$ K the crystal shows a first order transition to the ferroelectric phase (Pc) [153, 160, 161]. The period of transverse wave modulation of spontaneous polarization in the IC phase is about 14 unit cells [162]. The Sn²⁺ atoms are surrounded by eight Se atoms forming a bicapped trigonal prism (BTP), which are depicted on fig. 5.3 a, b at low and room temperature. Octahedra containing a couple of phosphorus atoms are connected by empty octahedra and form chains along the [010] and [101] directions.



Fig. 5.3. Association of two Sn₂Se₈ polyhedra along the [010] direction, a: paraelectric phase (293K), b: ferroelectric phase (150K) [159]

In the paraelectric phase, displacements of Sn²⁺ cations have been detected, two tin sites being separated by about 0.34 Å. The comparison of the two crystal structures has showed that tin ions are shifted from the disordered state in the high-temperature phase (paraelectric) to the site appropriate for tin in the low-temperature phase (ferroelectric). The displacements of tin atoms are about 0.13 Å. In general, the displacement from the average Sn-position in the paraelectric phase to the Sn-position in the ferroelectric phase is about 0.30 Å. A spontaneous polarization of the structure obviously arises due to these displacements. Moreover, the average direction of these displacements is perpendicular to the modulation wave vector direction in the IC phase, showing the prime importance of such movements on the incommensurate phase formation [161, 163].

The comparison of the atomic displacement parameters of the tin atom in the two phases shows that they are not proportional to the temperature [163]. A simple Debye approximation for the contribution of the acoustic phonon predicts a linear dependence with temperature. In fig. 5.4 the (equivalent) atomic displacement parameters of Sn^{2+} cations are plotted at the temperatures of the structure determinations for SPS and SPSe. The atomic displacement parameters of the tin atoms of both compounds in the ferroelectric phase are almost the same (dashed) lines. The atomic displacement parameter of Sn in the paraelectric phase is for both compounds significantly higher than the extrapolated lines of the ferroelectric phase.



Fig. 5.4. Isotropic atomic displacement parameters for Sn^{2+} cations for $Sn_2P_2S_6$ (left) and $Sn_2P_2Se_6$ (right) versus temperature on X-ray data [163]

5.1.2. Pb₂P₂S(Se)₆ compounds

At ambient conditions $Pb_2P_2S_6$ crystallizes in a monoclinic $P2_1/c$ structure and remains in this centrosymmetric phase till 0 K (fig. 5.5) [164]. The crystal lattice parameters are: a = 6.612 Å, b = 7.466 Å, c = 11.349 Å, $\beta = 124.09^{\circ}$. The unit cell volume is 462 Å³. The difference in volumes for $Sn_2P_2S_6$ and $Pb_2P_2S_6$ compounds is quite small in view of the difference in the atomic radii of octa-coordinated tin and lead atoms: 1.58 Å and 1.75 Å. Thus, the Sn^{2+} ions are in a less "squeezed" state, which is reflected in their ferroactivity, suggesting that compounds with Sn²⁺ cation should possess higher PT temperature [56].

As mentioned above, in the paraelectric phase all of the members of SPS uniaxial ferroelectric family compounds are characterized by the P2₁/c space group. For Pb₂P₂Se₆ crystal Pb²⁺ cations are bonded to ethane-like [P₂Se₆]⁴⁻ anions [166]. The only difference between these compounds is due to the difference in the sizes of the ions which provoke a change in the crystal lattice parameters which are: a = 6.910 Å, b = 7.660 Å, c = 11.819 Å, $\beta = 124.38^{\circ}$, the unit cell volume is 513 Å³ [167, 168]. The structure of these compounds is shown in figure 5.6.



Fig. 5.5. The crystal structures of $Pb_2P_2S_6$ at ambient conditions. (a) General view [165]; (b) The P–P bonds [149]. Blue, red and yellow spheres represent Pb, P and S respectively



Fig. 5.6. $Pb_2P_2Se_6$ crystal structure. Each P (pink) is attached to Se (green) in a distorted tetrahedral arrangement. Polarization arises from asymmetric displacements of Pb along the [101] direction [166]

In table 5.1 the main structural parameters which characterize the monoclinic crystalline lattice of $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ ferroelectric thiophosphates are given.

Crystalline lattice parameters of $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ ferroelectric compounds in ferroelectric (ferro) and paraelectric (para) phases [152, 153, 159, 164, 168]

Compound	Symmetry	Lattice parameters		ß	Cell volume	
		a [Å]	b [Å]	c [Å]	[°]	[Å ³]
$Sn_2P_2S_6$ (ferro)	Pc	9.378	7.488	6.513	91.15	456
$Sn_2P_2S_6$ (para)	P2 ₁ /c	9.362	7.493	6.550	91.17	457
$Sn_2P_2Se_6$ (ferro)	Pc	6.805	7.708	9.616	91.03	504.4
$Sn_2P_2Se_6$ (para)	$P2_1/c$	6.815	7.671	9.626	91.01	503.2
$Pb_2P_2S_6$ (para)	$P2_1/c$	6.612	7.466	11.349	124.09	462
$Pb_2P_2Se_6$ (para)	$P2_1/c$	6.910	7.660	11.819	124.38	513

The absorption edge of SPS and its structural analogs has been studied in work [169]. The energy position of the absorption edge $E_g^{\alpha} = hv_{\alpha}$ (with α being the absorption coefficient) for Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ mixed compounds is shown in Fig. 5.7.



Fig. 5.7. Concentration dependences of E_g^{α} ($\alpha = 150 \text{ cm}^{-1}$) for the solid solutions based on Sn₂P₂S₆ at T = 293 K and $p = p_{atm}$ [169]

It is clearly seen that the substitution of sulphur by selenium in the anion sublattice decreases the E_g^{α} value, while the substitution tin by lead produces the contrary effect [169].

5.2. Compositional phase diagram study of the (Pb_xSn_{1-x})₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ system

5.2.1. General shape of the phase diagram of $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ compounds

Over the last decades various scientific studies on dielectric, thermal, optical, elastic and acoustic properties of these solid solutions have been conducted, which makes it possible to comprehensively describe the complex phase diagram of these solid compounds [2, 43, 94, 95, 96, 97, 98, 170, 171, 172, 173, 174, 175, 176, 177, 178, 179, 180, 181, 182, 183, 184, 185, 186, 187].

Let's consider the main features of the "temperature-concentration" phase diagram of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ ferroelectric compounds by substituting S atoms by Se in the anion sublattice and Sn by Pb in the cation one (fig. 5.8). Replacing Se ions instead of S for y < 0.28 leads to a smooth splitting of the second order PT line (dashed line on fig. 5.8) into a first order (solid curves) and second order (dashed curves) phase transition lines at y = 0.28. Consequently, in the crystal SPSe two phase transitions take place: a second-order PT at $T_i = 221$ K and a first-order one at $T_c =$ 193 K [160, 176]. Substituting Sn by Pb in the (Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6 series sharply reduces the temperature of the ferroelectric PT which becomes as low at 4.2 K for x = 0.61. In this case, the PT does not change its character and remains continuous [164].

Tin by led substitution in the cation sublattice in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ gives the same effect as in compounds with sulphur. Pb ions lower the temperatures of the transitions T_i and T_c . At the same time, substitution lead by tin increases the width of the IC phase. For instance, the temperature region where the IC phase exists broadens out; it is larger than 100 K at x = 0.4. It should be noted that the first-order and second-order PT lines approach 0 K at x = 0.40 and x = 0.61, respectively [164].

Fig. 5.8. Phase diagram of $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ mixed compounds: The dashed lines show the second-order phase transitions: from the paraelectric phase to the ferroelectric one in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ and in $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ with y < 0.28, while in $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ with y > 0.28 and $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ it demonstrates the transition to an IC phase. The continuous lines indicate the first order transition from the IC to the ferroelectric phase [56]

Based on heat capacity and dielectric studies data [187], the evolution of the character of the PT and the shape of the compositional phase diagram in $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ compounds has been determined. When lead and sulphur simultaneously substitute tin and selenium, respectively, the temperatures T_i and T_c decrease at the same concentration rates, i.e. the width of the IC phase is nearly constant (fig. 5.9).



Fig. 5.9. Phase diagram for $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ mixed compounds. Dotted lines: second-order PT. Solid lines: first-order PT [187]

5.2.2. Phase diagram of the $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ crystals. Lifshitz point on the state diagram

Considered in its general form (fig. 5.7), the phase diagram can be divided in three parts: $Sn_2P_2S_6 - Sn_2P_2Se_6$, $Sn_2P_2Se_6 - Pb_2P_2Se_6$ and $Pb_2P_2S_6 - Sn_2P_2S_6$. Foremost, we consider available data on temperature-concentration phase diagram of the SPS-SPSe compounds ($Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$). X-ray diffraction [162, 172], ultrasound [94, 183], dielectric [173, 184] and calorimetric [43, 96, 176] data are collected on fig. 5.10. On replacing sulphur by selenium ions, a relatively slow reduction of the PT temperature occurs. It is also clearly seen that the PT line starts to be splitted up at $y \sim 0.28$, T = 284 K. This special splitting point is known as a Lifshitz point (LP) which separates the PT from the paraelectric phase into the ferroelectric or IC phases. The modulated IC phase is observed with the same space group as the paraelectric one (P2₁/c).



Fig. 5.10. Phase diagram of $\text{Sn}_2\text{P}_2(\text{S}_{1-y}\text{Se}_y)_6$ crystals. T_0 at y < 0.28 and T_i at y > 0.28 are the second order paraelectric-ferroelectric and paraelectric-IC transitions, respectively (dashed line). T_c is the first-order lock-in IC-ferroelectric transition at y > 0.28 (solid line) [43, 94, 96, 162, 172, 173, 174, 183]

The position of the LP could also be appreciated from the evolution of the temperature dependence of the phonon spectra at different concentrations of S and Se in the cation sublattice. The results, obtained from the treatment of neutron scattering, revealed a linear interaction of low-energy soft optic and acoustic phonon branches in SPSe crystal [185]. This interaction was phenomenologically described as a Lifshitz-type invariant in the thermodynamic potential function for proper uniaxial ferroelectrics with type II IC phase [185, 186]. Such linear interaction near the LP results in a softening of acoustic phonons, which have been observed for the Sn₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ crystals in Brillouin scattering and ultrasound investigations [94].

The X-ray experiments have shown that there is no variation of the modulation wave-vector orientation which occurs in the IC phase with the composition variation. Thus, only the length of the wave-vector depends on the temperature, while its direction remains almost constant. The rate of the reduction of its value on cooling increases on approaching the Lifshitz point (fig. 5.11) [162]. In this manner, the modulation vector on the $T_i(y)$ line is changing as $y \rightarrow y_{LP}$ as $q_i^2 \sim (y - y_{LP})$ (fig.5.12).

Such behavior agrees well with the one predicted within the framework of the meanfield model for the proximity to the LP [188].



Fig. 5.11. Temperature behavior of the modulation wave vector for $Sn_2P_2(Se_\nu S_{1-\nu})_6$ crystals in the IC phase [162]



Fig. 5.12. The concentration dependencies of the IC phase temperature width $T_i - T_c$ and modulation wave number for $\text{Sn}_2\text{P}_2(\text{Se}_y\text{S}_{1-y})_6$ crystals q_i . Lines denote the fit by relations $q_i \sim (y - y_{LP})^{0.5}$ and $T_i - T_c \sim (y - y_{LP})^2$ [162]

Rushchanskii *et al* [194] have studied the temperature dependence of the hypersound velocity by means of Brillouin light scattering. For $\text{Sn}_2\text{P}_2(\text{Se}_y\text{S}_{1-y})_6$ compounds, the temperature dependence of the longitudinal hypersound in [001] direction is presented in fig. 5.13. The temperature dependencies of the longitudinal ultrasound velocity show the sharpest shape for y = 0.22, reaching a minimal value

of about 3100 m/s (fig. 5.13 (d)). For the compound with 30% Se, the anomaly of ultrasound velocity becomes shallower due to temperature hysteresis of the IC phase and first-order lock-in transition.



Fig. 5.13. Temperature dependence of longitudinal hypersound velocity obtained by Brillouin scattering in Z(X X)-Z geometry for $\text{Sn}_2\text{P}_2(\text{Se}_y\text{S}_{1-y})_6$ mixed crystals with (a) y = 0, (b) y = 0.10, (c) y = 0.15, (d) y = 0.22, (e) y = 0.28, (f) y = 0.30 [183]

Figure 5.14 (a) shows the total amount of collected values of the hypersound velocity in the paraelectric phase according to data from fig. 5.13. The minimal value of velocity has been obtained near the expected composition $y_{LP} = 0.28$. The ultrasound data for Sn₂P₂(Se_{0.4}S_{0.6})₆ (fig. 5.14 (b)) show a temperature hysteresis of about 0.3 K in cooling and heating modes. Hence, that is a hint of a first-order lock-in transition at T_c . This hysteresis is comparable with the temperature interval of the IC phase $T_i - T_c$ for this composition [183].

At the same work [183] authors have studied dielectric properties of the $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ ferroelectric crystals. From these studies it is well established that in the case of a crystal $Sn_2P_2Se_6$ there are two PT ($T_c \sim 195$ K and $T_i \sim 223$ K) with the IC phase is ranged in temperature interval $T_i - T_c \sim 28$ K (fig. 5.15 (e)), and the presence of a IC phase with temperature width of about 0.6 K for $Sn_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$

(fig. 5.15 (d)), while for the rest of concentrations only one PT was found (fig. 5.14 (a, b, c)).



Fig. 5.14. Temperature dependence of: (a) the concentration behavior of the hypersound velocity in a paraelectric phase; (b) the longitudinal ultrasound velocity in $Sn_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$ [183]





Fig. 5.15. Temperature dependencies of dielectric susceptibility for $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ crystals measured at 0.005 K/min cooling and heating rate. (a) y = 0; (b) y = 0.22; (c) y = 0.28; (d) y = 0.4; (e) y = 1 [183]

5.2.3. Phase diagram of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ crystals

Let's consider the phase diagram for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ phosphorous chalcogenide ferroelectrics. The PT temperatures obtained by dielectric [171] and calorimetric [44] measurements versus lead concentration are shown in fig. 5.16.



Fig. 5.16. Phase diagram of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ crystals. For the compositions with x = 0.27, 0.61, and 0.66, the positions of the dielectric anomalies are shown. Red spheres - dielectric data [171], blue stars exhibit thermal diffusivity data [98]

Increasing the lead concentration leads to a decrease PT temperature in a linear dependence with x between x = 0 and x = 0.27. This can be explained as follows: the ionic radius of the Pb²⁺ ion is larger than that of the Sn²⁺ ion, and so the addition of lead increases the space available for tin ions. But due to the fluctuations in the concentration of a particular sample the discrepancy takes place after reaching x = 0.3, the line bends showing a slight upward curvature and achieves 4.2 K at concentrations x = 0.66. It is recognized that the tin ion is mobile; whereas, the lead ion is not so mobile in the crystal. In the region after x = 0.66 the PT is frozen. Indeed, in the case of x = 0.8 and x = 1.0, calorimetric measurements have been performed down to 18 K, confirming the absence of the PT [98].

Rushchanskii *et al.* have also performed dielectric measurements for x = 0, 0.1, 0.2, 0.3, and 0.45 (fig. 5.17) [2]. At x = 0.2, there might be a crossover phenomena when the ferroelectric PT changes its character to first order and that tricritical point (TCP) could be reached at x > 0.2 and that some phase coexistence takes place there, which can be seen from the transformation of the low-frequency dielectric susceptibility temperature anomalies (fig. 5.17 (a)). For the sample with x = 0.3, the anomalies of the dielectric susceptibility curves become broader and have a clear temperature hysteresis. For these compositions, the temperature behavior of the anomalies is smeared into the ferroelectric phase. For x = 0.45, the dielectric losses have the highest value near the first-order PT and their temperature dependence has a shape of an almost symmetric maximum (fig. 5.17 (b)), and the shape of curve is also different in heating or cooling runs which could be the evidence of a first-order PT [2].

The ultrasonic studies performed in the same work [2] show that for the sample with 30 % of lead the shape of the anomaly differs; there is an additional contribution on the step of sound velocity (fig. 5.18). Such singularities could be explained as follows: a first-order PT is already reached for x = 0.3 and phase coexistence produces those changes and makes the anomaly more complex in shape.


Fig. 5.17. Temperature dependence of the real part of the dielectric susceptibility at 10^4 Hz on cooling (blue lines) and heating (red lines) (a), reciprocal real part of the dielectric susceptibility on cooling at 10^4 Hz for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ mixed crystals for different concentrations of lead: (1) 0; (2) 0.1; (3) 0.2; (4) 0.3; (5) 0.45 (b) [2]



Fig. 5.18. Temperature dependences of ultrasound velocity (a) and attenuation (b) on cooling (blue solid lines) and heating (red dotted lines) in close vicinity of PT for a $(Pb_{0.3}Sn_{0.7})_2P_2S_6$ crystal [2]

For $(Pb_{0.45}Sn_{0.55})_2P_2S_6$ crystal [2], the temperature hysteresis of the sound velocity is clearly seen (fig. 5.19) which is related to the first-order character of the ferroelectric PT at about 132 K.



Fig. 5.19. Temperature dependences of ultrasound velocity (a) and attenuation (b) on cooling (blue squares) and heating (red dots) in the close vicinity of PT for a $(Pb_{0.45}Sn_{0.55})_2P_2S_6$ crystal [2]

5.2.4. Phase diagram of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ crystals

In figure 5.20, light transmition [164] and calorimetric [97, 175] data are collected. As mentioned in the previous section, there are two PT for the $Sn_2P_2Se_6$ crystal with the width of IC phase of about 28 K between them. Further substitution of Sn by Pb in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ ferroelectrics increases this width to 65 K at x = 0.3 [164].



Fig. 5.20. Phase diagram for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ mixed crystals [97]. Solid symbols represent high-temperature Paraelectric-IC PT (second-order) and empty symbols the lock-in IC-ferroelectric ones, which are first-order. Stars correspond to data [97], circles to [164] and squares to [175]

Besides, with increasing Pb content the temperature of the transitions decreases. Such a decrease can be interpreted as follows: the ionic radius of Pb²⁺ ions is bigger than for Sn²⁺ ones, hence, the addition of lead increases the space available for tin in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ crystals. As a result, the motion of Sn becomes easier and ions can move with smaller thermal energy which leads to the lowering of the PT temperatures [175]. Increasing lead to x = 0.47 leads to a stronger smearing of the continuous transition without hysteresis. In Pb₂P₂Se₆ crystal, there was not any evidence of a PT [97].

5.2.5. TCP and TCLP in $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ mixed compounds

In previous sections we have considered the complex phase diagram of (Pb_xSn_1) . $_{x}_{2}P_{2}(Se_{y}S_{1-y})_{6}$ mixed compounds using concentration (x or y) as a variable, thus we can distinguish three different phases bounded by first and second order PT lines as well as the presence of LP. In this section we will consider the possibility of the appearance of a tricritical point (TCP) and a tricritical Lifshitz point (TCLP) in $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ mixed compounds while adding a new variable - pressure p. It is well known that the SPS crystal is a uniaxial ferroelectric with a three-well local potential for spontaneous polarization fluctuations [189]. The thermodynamics of such system could be well described within the framework of the Blue-Emery-Griffiths (BEG) model which plays an important role in the development of the theory of multicritical points, where pseudospins can have three different values $S_i = 0, +1$ and -1 [190]. Another important feature of the BEG model is the possible appearance of a TCP on the phase diagram at which the second-order PT turns into a first-order type transition. As it is known from work [43], replacing sulphur by selenium causes random field effects but their influence does not play an essential role, because they do not provoke any smearing in the critical anomaly. Nevertheless, to properly describe the case of the BEG model with random field it is necessary to combine it with ANNNI (axial-next-nearest-neighbor Ising) model [2]. Such model combination assumes the possible existence of a TCP and also an intermediate IC existence on the phase diagram of $Sn_2P_2(Se_{1-y}S_y)_6$ at $y > y_{LP}$. Unlike $Sn_2P_2(Se_{1-y}S_y)_6$, in the

 $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S(Se)_6$ solid solution, the introduction of lead essentially alters the total electronic orbitals hybridization, which causes, in its turn, the appearance of strong random-field defects. For this case a diluted BEG model is appropriated [80].

For $\text{Sn}_2\text{P}_2(\text{S}_{1-y}\text{Se}_y)_6$ a TCP has been theorized to be at y = 0.6 but it is a virtual point as the Lifshitz point takes precedence. A TCP has been found in SPS applying pressure. Under the pressure, the temperature of the ferroelectric PT decreases to T_c ~ 110 K at p = 1.2 GPa [192]. The observed TCP (p) dependence at linear extrapolation reaches 0 K at the pressure of about 1.5 GPa. For $(\text{Pb}_x\text{Sn}_{1-x})_2\text{P}_2\text{S}_6$ compounds the paraelectric phase becomes stable till 0 K above $x \sim 0.7$ [171]. Comparison of TCP (p and x) dependencies (fig. 5.21) demonstrates, that the stability of the paraelectric state in Pb₂P₂S₆ compound could be compatible with the behavior of SPS crystal under compression of 2.2 GPa.



Fig. 5.21. Temperature-pressure phase diagram for $Sn_2P_2S_6$ crystal and temperature-composition phase diagram for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ mixed crystals. The TCP are located near 220 K for pressure $p \approx 0.6$ GPa [192] or for concentration $x \approx 0.3$ [2]. For $Pb_2P_2S_6$ crystal the calculated temperature-pressure phase diagram is shown. The metastable region in the ground state (T = 0 K) with possible coexistence of paraelectric and ferroelectric phases is shaded [158]

Regarding TCLP on the state diagram, as seen from the theoretical estimations in fig. 5.22, it could be found for $(Pb_{0.12}Sn_{0.88})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ compound at T = 225 K, p = 0.28 GPa as well as in $(Pb_{0.12}Sn_{0.88})P_2S_6$ crystal at T = 295 K at atmospheric pressure [193].



Fig. 5.22. Concentration and baric "thermodynamic trajectory" in the δ - β plane for (Pb_xSn_{1-x})₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ mixed compounds [193]

In a critical behavior study of $\text{Sn}_2\text{P}_2(\text{Se}_y\text{S}_{1-y})_6$ metal thiophosphates doped with lead cations by Oleaga *et al.*, a TCLP has been experimentally confirmed for $(\text{Pb}_{0.05}\text{Sn}_{0.95})\text{P}_2(\text{Se}_{0.28}\text{S}_{0.72})_6$ crystal at $T_c = 259.12$ K with the critical exponent $\alpha =$ 0.638, fulfilling the predictions of the BEG model with random field for systems with local three-well potential for the order parameter fluctuations [191].

Special attention should be paid to the optical birefringence measurements for pure $Sn_2P_2S_6$ and $Sn_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$ compounds under high hydrostatic pressures, performed in work [197]. For $Sn_2P_2S_6$, it is shown that the critical exponent β decreases gradually with increasing pressure down to 0.25 ± 0.01 in the pressure range 4.1 - 4.5 kbar (fig. 5.23(a)). This corresponds to thermodynamic conditions of the TCP. The critical exponent acquires the values less than 0.25 under the pressures

above \sim 4.5 kbar. Obviously, pressures higher than the above value should correspond to thermodynamic conditions under which a first-order PT occurs.



Fig. 5.23. Dependence of the critical exponent β on the hydrostatic pressure for Sn₂P₂S₆ (a) and Sn₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆ (b) crystals. The insert exhibits dependence of PT temperature T_c on pressure [197]

For $\text{Sn}_2\text{P}_2(\text{Se}_{0.28}\text{S}_{0.72})_6$ (fig. 5.23(b)) the critical exponent β also decreases with increasing pressure and becomes less than 0.25. This may be caused by passing, in the phase space, into the region of first-order PT, as well as by splitting of the paraelectric–ferroelectric PT [52]. These results might suggest the conclusion that the pressure point ~ 2.5 kbar corresponds to the thermodynamic coordinate at which the first-order ferroelectric–paraelectric PT splits into two transitions: the second-order paraelectric–IC PT and the first-order IC – ferroelectric one.

5.3. Thermal properties

As seen on figure 5.24 (a) the temperature dependence of the heat capacity C_p for Sn₂P₂S₆ ferroelectric crystal shows a λ -shape anomaly at about $T_c = 337.25$ K, pointing to the presence of a second order PT from a high symmetry state to a low symmetry one [178]. With the substitution of S by Se in the anion sublattice, two anomalies appear at lower temperatures: a ferroelectric commensurate - intermediate incommensurate (C-IC) lock-in PT at $T_c = 193.24$ K which has latent heat and,

therefore, a first-order character; and another one at $T_i = 220.27$ K characterized by the absence of latent heat, implying a second order character (fig. 5.24 (b)) [186].



Fig. 5.24. Heat capacity data for $Sn_2P_2S_6$ (a) and $Sn_2P_2Se_6$ (b) ferroelectric crystals. Dashed line represents the vibrational heat capacity at constant pressure [178]



Fig. 5.25. Molar heat capacities of $Pb_2P_2Se_6$. The curves represent the calculated heat capacities. (1) Optimized Debye term. (2) Optimized Debye and Einstein terms. The calculated vibrational heat capacities at constant pressure. (3) Experimental molar heat capacities, open circles [176]

Thermal studies have been performed prior to this work on the thermal diffusivity of $(Pb,Sn)_2P_2(Se,S)_6$ mixed compounds using an *ac* photopyroelectric calorimetry technique, focused on the critical behavior of the phase transitions [43, 96, 97, 98, 191, 195]. According to the data depicted on fig. 5.26 (a) the thermal

diffusivity of $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ solid solutions in the paraelectric phase decreases while increasing the amount of Se present in the sample [43].

In $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ compounds (fig. 5.26 (b)) the evolution of the critical behaviour has shown that there is a crossover from a non-mean-field model at x = 0.1 to a mean field one at x = 0.3 [98]. For $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ mixed ferroelectrics (fig. 5.26 (c)) a second-order PT has been found for x = 0, 0.05, 0.2 and 0.47 which corresponds to the paraelectric C-IC phase and confirms the affiliation to the 3D-XY universality class for samples with the lead concentration x = 0, 0.05 [97].



Fig. 5.26. Thermal diffusivity data for $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ (a) [43], $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ (b) and $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ (c) mixed compounds. The inset shows the thermal diffusivity curves for $Sn_2P_2S_6 + 5\%$ Ge and $Pb_2P_2S_6 + 2\%$ Ge [195]

In order to study the expected anisotropic behavior in the thermal diffusivity due to the peculiarities of the crystal structure in $Sn_2P_2S_6$ (as it was mentioned in the first section of this chapter, the structure of this family compounds is characterized by a monoclinic crystalline lattice), samples in three orientations have been cut parallel to the unit cell vectors [100], [010] and [001]. In figure 5.27 it is shown, that

heat transfer is easier in the [100] plane, where polarization vector lies, than in a direction perpendicular to it [96].

In work [195], thermal conductivity data has been calculated in the full temperature range through the well known equation $\kappa = CD$, where D is the measured thermal diffusivity and C is the heat capacity (fig. 5.28). The regions where there is any PT have been removed as different techniques have been used to measure D and C_p , so the exact position and width of the transitions do not coincide, hence it would lead to artifacts in the PT region.



Fig. 5.27. Thermal diffusivity as a function of temperature for the SPS samples cut in the directions [100], [010] and [001] [102]

For Pb₂P₂S₆ and Pb₂P₂Se₆ crystals the thermal conductivity decreases on heating satisfying the Eiken law $\kappa = T^{-1}$ in the interval 100-190K with experimental exponents obtained $\kappa = T^{-n}$ between n = -1.2 and -0.8, confirming the dominant role of the phonon scattering above the Debye temperature, which is $T_D \approx 85$ K for the sulfide crystal and $T_D \approx 55$ K for the selenide compound [176, 178]. Above $2T_D$, the dependencies are weakly dependent on temperature and deviate to almost constant values [195].

For the paraelectric phases of SPS and SPSe ferroelectric crystals at $T_c > 337$ K and at $T_i > 221$ K, respectively, the $\kappa(T)$ dependencies are also characterized by constant values (the Debye temperatures for SPS and SPSe are $T_D \approx 83$ K and $T_D \approx$

74 K respectively) [178, 196]. Inside the ferroelectric phase, at low temperatures, the thermal conductivity of SPS and SPSe compounds exceed the values of the corresponding lead containing compounds [195].

Partial substitution of Sn by Pb in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ and $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ solid solutions strongly changes the temperature dependencies of the thermal conductivity because the mass fluctuations induce additional phonon scattering, which is clearly observed at low temperatures (fig. 5.29). At 60 K, in the middle of the concentration interval, for both sulfide and selenide ferroelectric crystals the thermal conductivity decreases several times, almost till 0.5 W/m K. At above 250 K, additional phonon scattering in mixed crystals doesn't decrease the thermal conductivity. Here evidently the lattice anharmonicity is so strong that additional scattering by mass fluctuations doesn't play an important role [195].



Fig. 5.28. Log–log scaled temperature dependence of thermal conductivity for Sn₂P₂S₆, Sn₂P₂Se₆, Pb₂P₂S₆, and Pb₂P₂Se₆ crystals [195]

One more important thermodynamic property of solids is the thermal expansion coefficient $\alpha_V(T)$, which gives a hint on the accuracy of the harmonic approximation for the description of atomic vibrations in a medium. The corresponding coefficients for different crystallographic directions can be obtained experimentally with dilatometric studies. For the Sn₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ ferroelectrics with y = 0, 0.10 and 0.20 for the three main directions parallel to the unit cell vectors [100], [010], [001] the

linear thermal expansion coefficients α_{11} , α_{22} and α_{33} are positive in the paraelectric phase, and negative in ferroelectric PT signaling clear "negative" anomalies [174].

The temperature dependencies of the volume $\alpha_V(T)$ for Sn₂P₂S₆, Sn₂P₂Se₆ and Pb₂P₂Se₆ compounds are depicted in fig. 5.30. For SPS and SPSe compounds the dips correspond to the PT, while in the case of Pb₂P₂Se₆ no anomaly was observed; only a slight reduction with temperature was found [177, 197].



Fig. 5.29. Composition dependence of thermal conductivity for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ and $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ mixed crystals at different temperatures [195]



Fig. 5.30. Temperature dependence of the volume thermal expansion coefficient: red squares $-Sn_2P_2S_6$, red circles $-Sn_2P_2Se_6$, blue squares $-Pb_2P_2Se_6$ [177, 197]

5.3.1. Influence of Ge on the thermal properties in SPS chalcogenides

The thermal properties of SPS compound doped with Ge have been studied in the vicinity of the ferroelectric to paraelectric second-order PT by means of an *ac* photopyroelectric calorimetry, measuring thermal diffusivity [198]. Introducing Ge²⁺ into the cation sublattice (fig. 5.31) increases the transition temperature (336.2 K and 349.2 K for undoped SPS and SPS + 5% Ge, respectively) and the sharpening of the transition; this is due to the strengthening of the sp² electronic orbitals hybridization. Both the increase in T_c and in the sharpness of the transitions in the doped compounds illustrate the fact that the ferroelectric PT is favored with respect to the pure one, which suggests that the stereoactivity of the cation sublattice has been improved with the substitution of Sn²⁺ by Ge²⁺ [198].



Fig. 5.31. Thermal diffusivity in the [001] direction of SPS doped with Ge: pure SPS [8]; SPS + 3% Ge; SPS + 5% Ge [198]

Indeed, X-ray photoelectron spectroscopy studies [199] have shown that doping with Ge improves the stereoactivity in the Sn²⁺ cation sublattice, what leads to the displacement of the ferroelectric PT to higher temperatures. In work [200] the authors have studied the possible effect of Ge doping on pyroelectric and piezoelectric properties. It was suggested that the distribution of the dopants over the sample is homogeneous and that the induced defects in the crystal lattice cannot be considered to be defects of a random local field type. Due to the interaction between the defects' mode (assumed to be of a relaxation type) and the critical lattice vibration, the latter is softened and causes an increase in T_c . One may suggest that Ge can occupy two or more quasi-equilibrium states in the crystal lattice of SPS in the paraelectric phase. A transition from one state to another can occur in a thermally activated way [200]. Finally, according to what has been mentioned above, we can conclude that germanium plays a role opposite to that of lead when it substitutes tin, the effect of the latter being a reduction in the stereoactivity of the cation sublattice, lowering the PT temperature and even frustrating it at high concentrations [56, 98].

Chapter 6. Experimental results and discussion on layered ferroelectric compounds

6.1. Introduction

This chapter is focused on the thermal and electric properties of layered ferroelectric materials $M^{1+}M^{3+}P_2(S,Se)_6$ (M^{1+} – Cu, Ag; M^{3+} – In, Bi). After chapter 4, it is established that the substitution of S by Se atoms in CuInP₂(S,Se)₆ series leads to a decrease in the temperature of the ferrielectric PT. Partial substitution of Cu by Ag in $(Ag_xCu_{1-x})InP_2(S,Se)_6$ leads to a bigger covalency of the Ag- $[P_2S_6]$ bonds [99]; these properties make the silver compounds more stable. Besides, silver ions have a bigger size which implies that the freezing of the hopping motion of the Cu⁺ ions which leads to the ordered, ferrielectric phase is much more difficult to happen [119]. All these reasons add up to explain the lowering of the PT temperature with small amounts of Ag and its full frustration when the substitution is completed. Differences in thermal properties when substituting In by Bi are due to the lone pair of bismuth being stereochemically active as opposed to indium. Combining thermal diffusivity and heat capacity data it is possible to obtain thermal conductivity in the full temperature range. The analysis of the evolution of the thermal conductivity curves gives us an insight on how the substitution of the chemical elements changes the physical properties in these layered compounds. Finally, we explain the very low values obtained for the thermal conductivity on the basis of the phonon scattering and different mechanisms of anharmonicity.

6.2. Samples and experimental techniques

Single 2D layered ferroelectric crystals of $Cu_{1-x}Ag_xInP_2(S,Se)_6$ with x = 0, 0.1, and 1, AgBiP₂(S,Se)₆ and CuBiP₂Se₆ were grown for thermal studies. Initial purity of the different elements is as follows: Cu (99.999%), Ag (99.999%), In (99,999%), Bi (99.9999%), P (99.9999%), S (99.999%), Se (99.9996%). The directed melt crystallization method was used because of the congruent melting character of the compounds and the comparatively low dissociation vapor pressure.

The synthesis regime for Cu_{1-x}Ag_xInP₂S₆ crystals involved a stepwise heating up to 673 K (pressure of sulphur vapor 101.325 kPa) at 50 K/hour rate and temperature stabilization for 24 hours for Cu–In bonding (CuInP₂S₆) or Ag–In bonding (AgInP₂S₆) correspondingly with formation of binary, ternary and tetrary intermediate phases. Further temperature increase for 50 K above melting temperature (1145 K for CuInP₂S₆ and 1115 K for AgInP₂S₆ crystal) at 50 K/hour rate and temperature stabilization for 48 hours for melt homogenization, and then decrease temperature down to room temperature at 50 K/hour rate [201]. CuInP₂S₆ 2D layered chalcogenide crystallizes in a monoclinic *Cc* system [113]. AgInP₂S₆ crystallizes in a trigonal system [114]. According to the results of the combination of XRF spectroscopy analysis with the mathematical package EXPO 2014 [202, 203], Cu₁. _xAg_xInP₂S₆ (x = 0.1) solid solutions crystallize in the monoclinic *Cc* system.

In order to grow CuInP₂Se₆, AgInP₂Se₆, AgBiP₂Se₆ and CuBiP₂Se₆ crystals the temperature of synthesis was raised up to 873 K (pressure of selenium vapor ~ 101.325 kPa) at 50 K/hour rate and temperature stabilization for 24 hours for P and Se bonds formation with Cu and In (CuInP₂Se₆), Ag and In (AgInP₂Se₆), and Cu and Bi (CuBiP₂Se₆) with formation of binary, ternary and tetrary intermediate phases, correspondingly. Then temperature increase for 50 K above melting temperature (970 K for CuInP₂Se₆, 1000 K for AgInP₂Se₆, and 860 K for CuBiP₂Se₆ crystals respectively) at 50 K/hour rate and temperature stabilization for 48 hours for homogenization of melt, and then decrease temperature to room temperature at 50 K/hour rate [201]. As a result, CuInP₂Se₆, AgInP₂Se₆, CuInP₂Se₆, AgInP₂Se₆, and CuBiP₂Se₆ single crystals of 14–16 mm diameter and 40–60 mm length were obtained. As already mentioned in chapter 4, CuBiP₂Se₆ crystal was impossible to grow, this is why it is not present here.

From the single crystal boules, samples were cut and prepared as thin plane parallel slabs (450-700 μ m) and polished either parallel to the layers or perpendicular to them, obtaining two orientations per sample in order to study possible thermal

anisotropies. A high-resolution ac photopyroelectric calorimeter in the back-detection configuration has been used to measure thermal diffusivity (D) as a function of temperature, where it is measured in the direction perpendicular and parallel to the surface of the sample. For thermal diffusivity measurements both a closed cycle helium cryostat and a liquid N₂ cryostat have been used in order to cover a whole temperature region. The detailed description of the technique as well as of the experimental setups are well described in chapter 2. The measured temperature range has been 30-350 K in order to check the possible ferroelectric orderings in a broad temperature range, seldom used in literature. The phase transitions are generally signalled in D as dips or jumps superimposed to a monotonic increase as temperature decreases, typical for thermally insulating materials, where heat is mainly transferred by phonons. Measurements have been performed in two steps: first there was a quick run with a rate of 100 mK/min in order to cover a wide temperature range, and a second step consisted of high-resolution heating/cooling runs when verifying the possible hysteresis of the transitions, even down to 10 mK/min for particular cases.

The heat capacities of the considered crystals have been calculated through the evaluation of the phonon spectra using density-functional perturbation theory [204]. The ABINIT software code [205] has been used to estimate specific heat within the harmonic approximation [206]. The calculation has been performed in generalized gradients approximation (GGA) [207] for the exchange-correlation part of density functional with dispersion (DFT-D) correction by Grimme. The latter correction has been used because of the layered structure of considered crystals. The plane-wave basis set has been restricted by the cut-off energy of 850 eV which provides convergence in energy and forces equal to $5 \cdot 10^{-7}$ eV/atom and 0.01 eV/Å, respectively. Integration over Brillouin zone has been performed at the 3*3*2 mesh of the special k-points generated by Monkhorst-Pack algorithm [208]. The symmetry of the system has been totally preserved while geometry optimization. Linear response, or density functional perturbation theory (DFPT), has been used for ab initio calculation of lattice dynamics [209]. In this approach, the electronic second

order energy is minimized and the dynamical matrix for a given wavevector q is then evaluated from the converged 1st order wavefunctions and densities.

Having calculated the phonon spectra, one can obtain the corresponding density of phonon states, and then the heat capacity, by means of the well-known expression [210]:

$$C_{\nu} = 3nNk_{B} \int_{0}^{\omega_{L}} \left(\frac{\hbar\omega}{2k_{B}T}\right)^{2} \operatorname{csch}^{2} \left(\frac{\hbar\omega}{2k_{B}T}\right) g(\omega) d\omega, \qquad (6.1)$$

where *n* is the number of atoms per unit cell, *N* is the number of unit cells, ω_L , is the largest phonon frequency, and the density of phonon states $g(\omega)d\omega$ is defined to be the fractional number of phonon frequencies in the range $d\omega$ in the vicinity of ω .

Finally, thermal conductivity has been calculated by combining the experimental thermal diffusivity D and the calculated heat capacity C following the well-known equation

$$\kappa = C * D. \tag{6.2}$$

It is worth mentioning, that the regions where there is any PT have been removed from D as only the background heat capacity has been calculated, hence, the width and the shape of the transitions could be different, so we would obtain artefacts in the PT region.

6.3. Experimental results and discussion

6.3.1. Thermal Diffusivity

Thermal diffusivity curves for 2D metalthiophosphates and metalselenophosphates are presented in a temperature range from 30 K till 350 K in fig. 6.1 in a log-log scale, which allows a better observation of their features. It is worth pointing out that, though the uncertainty in the measurement of thermal diffusivity at a fixed temperature is \pm 3%, in the continuous measurements as a function of temperature the thermal diffusivity is obtained from the difference in the

phase of the pyroelectric signal, which is extremely stable (the phase is obtained with an uncertainty of \pm 0.01), allowing us to present curves with very smooth changes. In each case, both orientations have been studied, retrieving the thermal diffusivity along the layers and perpendicular to them. There are common trends shared by all the samples: At high temperature the values are small, typical for insulating materials, where heat is mainly transferred by phonons. As the temperature decreases there is a monotonic increase in the value of D (as the phonon mean free path increases) which quickly grows at low temperature, starting at very close temperatures among the samples. This sudden growth should start at temperatures close to the Debye temperature (calculated afterwards in this discussion) and which coincides well with the experiment.





Fig. 6.1. Thermal diffusivity *D* as a function of temperature for: $CuInP_2S_6$ (a), $CuInP_2Se_6$ (b), $AgInP_2S_6$ (c), $AgInP_2Se_6$ (d), $AgBiP_2S_6$ (e), $AgBiP_2Se_6$ (f) and $CuBiP_2Se_6$ (e) 2D layered ferroelectric compounds. Dark colour denotes that D is measured along the layers while light implies that it is measured perpendicular to them

Thermal anisotropy is present in all compounds: heat is much more easily transferred along the layers, as proved by the values of D being between twice and four times higher along the layers than perpendicular to them. The relevant values of thermal diffusivity at 50 K as well as at room temperature for all samples are gathered in table 6.1.

Table 6.1.

Values of thermal diffusivity at 50 K and at room temperature for $Cu_{1-x}Ag_xInP_2(S,Se)_6$ with x = 0, 0.1, and 1, $AgBiP_2(S,Se)_6$ and $CuBiP_2Se_6$ compounds. Labels || for the thermal diffusivity measured along the layers and as \perp when it is measured perpendicular to them

	Thermal Diffusivity		Compound	Thermal Diffusivity	
Compound	mm²/s			mm²/s	
	295K	50K		295K	50K
$CuInP_2S_6 \bot$	0.167	2.93	$CuInP_2Se_6 \bot$	0.376	7.93
CuInP ₂ S ₆	0.695	16.2	CuInP ₂ Se ₆	0.815	15.41
$AgInP_2S_6 \bot$	0.236	8.405	$AgInP_2Se_6 \bot$	0.214	3.054

AgInP ₂ S ₆	0.738	18.612	AgInP ₂ Se ₆	0.427	4.92
$AgBiP_2S_6 \bot$	0.17	1.962	AgBiP ₂ Se ₆ ⊥	0,208	2.177
AgBiP ₂ S ₆	0.322	2.455	AgBiP ₂ Se ₆	0.288	2.412
			CuBiP ₂ Se ₆ ⊥	0.116	0.567
			CuBiP ₂ Se ₆	0.241	1.859

Concerning phase transitions, these are marked on the thermal diffusivity curves as dips of different sharpness but only in some compounds. The ferrielectric ordering is signalled as a sharp and narrow dip typical of first order phase transitions for $CuInP_2S_6$ and a shallow and wider one appears at the ferroelectric ordering of $CuInP_2Se_6$, which we have published in work [108]. The hysteresis for these two cases is shown in Fig. 6.2. In the case of $CuInP_2S_6$ there is a clear hysteresis, signalled not only by the different position of the minimum in heating and cooling rates but also by the different shape of the transition.



Fig. 6.2. Hysteresis of the phase transitions at a rate of 50 mK/min in $CuInP_2S_6$ (a) and $CuInP_2Se_6$ (b), measured in the direction perpendicular to the layers

On the other hand, in $CuInP_2Se_6$, there is a slight hysteresis on the upper temperature part of the dip, signalling that it could have a weak first order character or be composed of two transitions very close to each other with a small incommensurate region between of them (less than 10 K); this term is used to describe a transition which appears to be second order but which has a very small latent heat and hysteresis, not easily shown unless using high resolution techniques.

The substitution of Cu by Ag alters completely this scenario. At low concentrations the transition is shifted to lower temperatures and it is less sharp and wider; moreover, from our results it turns out that the character of the PT has changed to second order for Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP₂S₆, as it was also observed with ultrasonic measurements in [143] as opposed to dielectric measurements which supported that the transition was still first order [99]. At full substitution the transition is frustrated, there is no hint of any transition down to 30 K. The detailed comparison of the PT temperature is not so pronounced in Cu_{0.9}Ag_{0.1}InP₂Se₆ but the transition is severely smeared. At full substitution of Cu by Ag in AgInP₂Se₆ the transition is also completely frustrated as it happens with sulphide compounds (fig. 6.3 b).



Fig. 6.3. Thermal diffusivity as a function of temperature for: (1) $CuInP_2S_6$, (2) $Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP_2S_6$, (3) $AgInP_2S_6$ (a) and (1) $CuInP_2Se_6$, (2) $Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP_2Se_6$, (3) $AgInP_2Se_6$ (b), measured in the direction parallel to the layers measured in the direction parallel to the layers

As the PT in $CuInP_2(S,Se)_6$ is explained on the basis of a second order Jahn Teller (SOJT) effect induced by the local dynamic hopping of Cu^+ ions [100, 126], it

is important to establish what happens when Cu is substituted by Ag. The presence or absence of this SOJT effect is severely dependent on the covalency of the bonds and the hybridization of the s and d orbitals of the M^{1+} cation. The latter is more efficient in silver doped compounds in the paraelectric phase, leading to a bigger covalency of the Ag–[P₂S₆] bonds; these properties make the silver compounds more stable. Besides, silver ions have a bigger size which implies that the freezing of the hopping motion of the Cu⁺ ions which leads to the ordered, ferrielectric phase is much

more difficult to happen [119]. All these reasons add up to explain the lowering of the phase transition temperature with small amounts of Ag and its full frustration when the substitution is completed.

The substitution of In by Bi has the general consequence of making heat transfer more difficult, as the values of D in all directions are smaller than the corresponding with In. Starting with CuBiP₂Se₆, there is a faint first order phase transition at about 140 K, thus altering the ordering which happened in CuInP₂Se₆. Figure 6.4 exhibits the detail of this transition and its hysteresis while heating and cooling, confirming the antiferroelectric transition (see Chapter 4). The origin of this change lies on the different behaviour of the ions while reducing the temperature. In CuBiP₂Se₆, the copper ions in the paraelectric phase are distributed in a disordered arrangement of several off-centre positions while in the ordered phase they are settled off-centre the octahedral sites promoted by a SOJT effect associated with the d-p states hybridization [119]. The bismuth ions are displaced in the opposite direction, tending to cancel the intralayer dipole moment and thus creating an antiferroelectric state; this displacement is driven by the stereochemical expression of its s² lone pair. The main difference with CuInP₂Se₆ is that indium ions do not present that lone pair and can only have small displacements to oppose the Cu shifts; therefore, the low temperature phase is ferroelectric.

AgBiP₂Se₆ is ferroelectric at room temperature and has many structural similarities with CuBiP₂Se₆ in the ordered phase [119], the main difference being that the lone pair of bismuth is not stereochemically expressed. The origin of the ferroelectricity is the ordered displacement of the silver ions along the c-axis. In

agreement with those results, no phase transition has been found in the thermal properties, not even up to 350K, looking for a potential paraelectric phase.



Fig. 6.4. Hysteresis of the PT at a rate of 75 mK/min in $CuBiP_2Se_6$, measured in the direction perpendicular to the layers

Finally, $AgBiP_2S_6$ does not show any singularity in the thermal diffusivity curves, presenting a similar frustration of the ferroelectric ordering as in $AgInP_2S_6$. Interestingly, the crystal structure of $AgBiP_2S_6$ is very different from $AgBiP_2Se_6$ due to a bunch of reasons: a different coordination environment for Bi, the smaller size of S compared to Se, a tendency to stereochemically express the lone pair etc. [119]. In chapter 4 we have considered the ultrasonic velocity data in these compounds [143]. In that work authors have found a small singularity at about 220 K which was identified as a phase transition. In the detailed and high-resolution measurements presented here nothing of this sort has been found.

6.3.2. Heat Capacity

As the next step in our analysis, the molar heat capacity has been calculated as explained in section 6.2 for all samples. Figure 6.5 contains, the calculated phonon spectrum and phonon density of states as well as the calculated specific heats for them.







Fig. 6.5. Calculated phonon spectrum and phonon density of states (left) and calculated specific heat (right) using density-functional perturbation theory for $CuInP_2S_6$ (a), $CuInP_2S_6$ (b), $AgInP_2S_6$ (c), $AgInP_2Se_6$ (d), $CuBiP_2Se_6$ (e), $AgBiP_2S_6$ (f) and $AgBiP_2Se_6$ (g) crystals.

6.3.3. Thermal Conductivity

Figure 6.6 shows the thermal conductivity for all compounds studied in this work, calculated using eq. 6.2. There are some qualitative features shared by most of the compounds. In order to analyse their temperature dependency, the Debye temperatures for each compound have been calculated from the phonon dispersion spectra as

$$T_D = \frac{\hbar \omega_D}{k_B},\tag{6.3}$$

where \hbar is the reduced Plank constant, k_B the Boltzmann constant and T_D the Debye frequency, for which the lowest optical branch has been taken. In the case of CuInP₂S₆ ($T_D = 129$ K), CuInP₂Se₆ ($T_D = 94$ K), AgInP₂S₆ ($T_D = 135$ K), AgInP₂Se₆ ($T_D = 80$ K), CuBiP₂Se₆ ($T_D = 42$ K), AgBiP₂S₆ ($T_D = 84$ K), and AgBiP₂Se₆ ($T_D = 64$ K), compounds, at middle temperature ranges, thermal conductivity decreases on heating closely following the law $\kappa \sim T^{-1}$, with exponents in the range 0.8 - 1.4 with the exception of $AgBiP_2S_6$ with the layers parallel to the heat flow which it is clearly flatter than the rest. This general behaviour confirms the dominant role of phonon scattering above the Debye temperature, softening the decrease, in general, at about a value double than that one.

At higher temperatures than T_D , κ (T) dependence reflects the temperature dependence of the sound velocity and heat capacity. This behavior is valid only in the regime where the phonon mean free path exceeds the interatomic distance. In CuBiP₂Se₆ compound the lattice thermal conductivity has already reached its lowest value of approximately 0.20 Wm⁻¹K⁻¹ near 100 K, because the phonon mean free path is limited to the interatomic distance and cannot decrease further.





Fig. 6.6. Thermal conductivity κ as a function of temperature for: (a) CuInP₂S₆, (b) CuInP₂Se₆, (c) AgInP₂S₆, (d) AgInP₂Se₆, (e) AgBiP₂S₆, (f) AgBiP₂Se₆ and (g) CuBiP₂Se₆ 2D layered ferroelectric compounds. Dark colour denotes that κ is measured along the layers while light implies that it is measured perpendicular to them

Near the Debye temperature and below, the biggest thermal conductivity is observed for $CuInP_2S_6$, $CuInP_2Se_6$ and $AgInP_2S_6$ crystals. For these compounds, the biggest anisotropy of heat transport along and normally to the structural layer is also observed (fig. 6.7 (b)). For $AgInP_2Se_6$ crystal and for all three Bi containing compounds with smaller thermal conductivity at low temperatures the thermal transfer anisotropy is also several times smaller.



Fig. 6.7. Thermal conductivity anisotropic behavior: ratio (a) and the difference between $\kappa_{\parallel \parallel}$ and κ_{\perp}

Where there are phase transitions in those compounds $(CuInP_2(S,Se)_6,$ $Ag_{0,1}Cu_{0,9}InP_2(S,Se)_6$, there is a general decrease of the thermal conductivity values in the paraelectric phase with respect to the feri(ferro)electric one, as the temperature is increased. The stark decrease in CuInP₂S₆ is related to the fact that, in the paraelectric phase, the Cu ions occupy three non-equivalent sites [100]: Cu1 is quasitrigonal, in off-center positions, Cu2 is octahedral, located in the octahedron centers, Cu3 is almost tetragonal, penetrating into the interlayer space (fig. 6.8). For Cu1 there are two possible positions: Cu1^{up} is displaced upwards from the middle of the layer while Cul^{down} is displaced downwards. This implies the presence of Cul dipoles that randomly flip between up and down state, yielding a macroscopically non polar configuration. At the ferrielectric phase ordering takes place as a cooperative freezing of these motions, with 90% of the Cu1 ions occupying the site Cu1^{up} [99]. This behavior is related to the second order Jahn–Teller effect of Cu¹⁺ cations with 3d¹⁰ electronic configuration [140]. Heat transfer by phonons is very efficiently blocked in the disordered, high temperature phase due to the reduction of the phonon mean free path by these hopping motions.



Fig. 6.8. The occupation of three "up" Cu¹⁺ positions labeled Cu1, Cu2, Cu3 at paraelectric phase. The corresponding "down" positions are also shown

This scenario is more or less reproduced in the case of $CuInP_2Se_6$ with the main difference that the off-center copper site is shifted from the layer midplane by a smaller distance than its equivalent in $CuInP_2S_6$ (1.17 Å vs. 1.58 Å) [100]. The In³⁺ cations are also shifted but in opposite position and by only 0.2 Å from the middle of

the layer, forming a second polar sublattice. Assuming that order-disorder takes place due to Cu hopping motions, the corresponding double well potential would be shallower in the selenide than in the sulphide, which would take the transition to a lower temperature. In the paraelectric phase, the disorder in the selenide is thus smaller, leading to a higher thermal conductivity than in the sulphide.

Figure 6.9 a shows the comparison of the thermal conductivities for pure $CuInP_2S_6$ and $AgInP_2S_6$ when figure 6.9 b demonstrates the difference of κ between $CuInP_2Se_6$ and $AgInP_2Se_6$. Comparing figure 6.9 a and figure 6.9 b it is well seen that, in selenides the cation substitution severely reduces κ , while in sulphides κ is slightly higher in the case of $AgInP_2S_6$ than in $CuInP_2S_6$.



Fig. 6.9. Thermal conductivities for (1) $CuInP_2S_6$ and (2) $AgInP_2S_6$ (a) and (1) $CuInP_2Se_6$ and (2) $AgInP_2Se_6$ (b) measured in the direction perpendicular to the layers

The introduction of Bi has a very interesting consequence as in all three cases (AgBiP₂S₆, AgBiP₂Se₆, and CuBiP₂Se₆) there is a considerable reduction in the values of the thermal conductivity with respect to the indium doped counterparts, thus being candidates for applications where low or ultralow thermal conductivity is needed. Possibly, the reason is that the substitution of In by Bi affects the phonon mean free path because although they have a similar coordination environment, Bi³⁺ ion is bigger in size and has double mass. The extreme case is CuBiP₂Se₆. At room temperature, though Cu occupies a site with an octahedral coordination environment

of Se ions, the actual position of the copper ions is thought to be a disordered arrangement of various off-center positions [119], what would severely increase phonon scattering. As temperature is reduced from 350 K, thermal conductivity is more or less constant till the phase transition takes place, meaning that the disorder is well maintained even if the temperature is lowered; once the compound is in the ordered phase, its behaviour is similar to the rest, with thermal conductivity fulfilling the Eiken's law. Extremely low κ at low temperatures indicates that there could be a strong lattice anharmonicity in this compound. Obviously, the low thermal conductivity is mainly due to very short phonon free path (MFP) and hence, short lifetimes.

In order to obtain the values of MFP we used the well-known equations of the lattice thermal conductivity

$$\kappa_L = \frac{1}{3}Cv\Lambda = \frac{1}{3}Cv^2\tau, \qquad (6.4)$$

where κ_L is the lattice conductivity, *C* is volume heat capacity, *v* is average phonon velocity, Λ is phonon free pass and τ is phonon life time. Therefore, MFP and phonon life time can be obtained as

$$\Lambda = \frac{3D}{v} \text{ and } \tau = \frac{3D}{v^2} , \qquad (6.5)$$

where *D* is the measured thermal diffusivity. The average phonon velocity can be calculated by the slopes of three acoustic phonon branches near the Γ point (Brillouin zone) taking into account the elastic modulus. For each direction, the sound velocity is averaged on the two transverse acoustic modes, (TA₁ and TA₂), and one longitudinal acoustic mode (LA) by means of the following equation:

$$\frac{3}{v^3} = \frac{1}{v_{TA_1}^3} + \frac{1}{v_{TA_2}^3} + \frac{1}{v_{LA_1}^3}.$$
(6.6)

Hence, the calculated average sound velocities for our compounds are follows: $CuInP_2S_6 - v|| = 2750$ m/s and $v_{\perp} = 2230$ m/s, $CuInP_2Se_6 - v|| = 2680$ m/s and $v_{\perp} = 2330$ m/s, $AgInP_2S_6 - v|| = 2360$ m/s and $v_{\perp} = 1600$ m/s, $AgInP_2Se_6 - v|| = 2260$ m/s and $v_{\perp} = 1910$ m/s, **CuBiP₂Se₆** $-v_{||} = 2280$ m/s and $v_{\perp} = 2140$ m/s, **AgBiP₂S₆** $-v_{||} = 2000$ m/s and $v_{\perp} = 1940$ m/s and **AgBiP₂Se₆** $-v_{||} = 2160$ m/s and $v_{\perp} = 1830$ m/s.

And the result, MFPs and phonon life times as a function of temperature, are shown in fig. 6.10 and fig. 6.11 respectively.



Fig. 6.10. Phonon mean free path Λ for M¹⁺M³⁺P₂(S,Se)₆ (M¹⁺ - Cu, Ag; M³⁺ - In, Bi) in the parallel (a) and perpendicular (b) directions to the layers



Fig. 6.11. Phonon life time τ temperature dependence for M'M''P₂S(Se)₆ layered crystals in the parallel (a) and perpendicular (b) directions to the layers

In general, we found that at high temperatures the phonon life times of all materials are very short, roughly ranging from 0.5 to 1.6 ps when heat is transferred normally the layers (fig. 6.11 a) and two times and two times longer (1 - 3 ps) along the layers (fig. 6.11 b). Obtained ultrashort phonon lifetimes could be explained of an essential role of phonon-phonon scattering and anharmonicity leading to outstanding thermal transport properties of investigated compounds.

In fig. 6.12 a, b, the MFPs at 130 K are compared as a function of T_D . In the case of heat transfer along the layers (fig. 6.12 a) the $\Lambda(T_D)$ dependence is almost linear. For the case of heat being transferred along a direction normal to the structural layer plane (fig. 6.12 b), only for the CuInP₂S₆ crystal the MFP deviates out of the general linear trend, to a lower value, what is related to an additional contribution to lattice anharmonicity that follows from second order Jahn – Teller (SOJT) effect inducing the ferrielectric phase transition. In dimensionless coordinates Λ/Λ_D vs T/T_D (Fig. 6.12 c), the dependencies for all compounds coincide, what gives evidence about the right values of the Debye temperatures to characterize the lattice anharmonicity in M'M"P₂S(Se)₆ compounds.



Fig. 6.12. The mean free path of heat transferring phonons at 130 K along layers (a) and normal to the layers (b) as a function of T_D . Normalized mean free path Λ/Λ_D vs normalized temperature T/T_D (c)

In order to estimate the minimal possible thermal conductivity κ_{min} , the equation which describes "an amorphous limit of thermal conductivity" for such type of crystals has been used, which can be written in the next form [211]:

$$\kappa_{\min} = \left(\frac{\pi}{6}\right)^{\frac{1}{3}} k_B n^{\frac{2}{3}} \sum_{i} \left[c_i \left(\frac{T}{T_D}\right)^2 \int_{0}^{\frac{T_D}{T}} \frac{x^3 e^x dx}{\left(e^x - 1\right)^2} \right], \tag{6.7}$$

where T_D is the Debye temperature for each mode and can be found as $T_D = v_i (\hbar / k_B) (6\pi^2 n)^{\frac{1}{3}}$, v_i is the average sound velocity, *n* the number of atoms, \hbar the reduced Plank constant, and k_B the Boltzmann constant.

The values of the measured thermal conductivities κ and the theoretical minimum thermal conductivities κ_{min} for the different compounds are presented in fig. 6.15.





Fig. 6.13. Comparison of the measured thermal conductivity temperature dependence and the calculated minimal value (yellow lines) for $M'M''P_2S(Se)_6$ layered crystals: (a) $CuInP_2S_6$; (b) $CuInP_2Se_6$; (c) $AgInP_2S_6$; (d) $AgInP_2Se_6$; (e) $AgBiP_2S_6$; (f) $AgBiP_2Se_6$; (g) $CuBiP_2Se_6$. Dark colour means that the thermal conductivity is measured along the layers while the light one means that it is measured normally to the structural layers



Fig. 6.14 Temperature dependence of the difference between the measured and the calculated values of the thermal conductivity for $M'M''P_2S(Se)_6$ layered crystals along the layers (a) and normal to the layers (b)

The difference among these values (fig. 6.14) increases on cooling. When heat is transferred along the layers, the κ - κ_{min} difference is clearly divided into two

groups: a high difference is found for CuInP₂S₆, CuInP₂Se₆ and AgInP₂S₆ crystals while it is smaller for AgInP₂Se₆, AgBiP₂Se₆, AgBiP₂Se₆ and CuBiP₂Se₆. For the case of heat transport in the perpendicular direction to the structural layers, the $\kappa - \kappa_{min}$ difference spreads between the biggest value for CuInP₂S₆ and the smallest one for CuBiP₂Se₆. In fig. 6.15, the $\kappa - \kappa_{min}$ difference as a function of T/T_D is shown for all investigated compounds, while Fig. 6.16 presents a comparison between the calculated κ_{min} and the measured κ , both of them at 350K.



Fig. 6.15. Difference between the measured thermal conductivity κ and the calculated minimal value κ_{min} as a function of the dimensionless temperature T/T_D along the layers (a) and normal to the layers (b)

From the presented data, it follows that phonon Umklapp scattering is responsible for the low values of thermal conductivity above T_D . Figure 6.16 (a) demonstrates that for the case of heat transport along the structural layers at 350 K three compounds (CuInP₂S₆, CuInP₂Se₆ and AgInP₂S₆) have a measured value of κ about two times bigger than κ_{min} . For another group (AgBiP₂Se₆, AgBiP₂Se₆ and CuBiP₂Se₆) the measured thermal conductivity is smaller than or equal to the calculated κ_{min} . Obviously, some additional structural disorder exists in the Bi containing compounds. The CuBiP₂Se₆ crystal data especially demonstrates the presence of an additional mechanism of phonon scattering hindering heat transfer. Besides, AgInP₂Se₆ crystal can be considered as an intermediate case between the more heat conductive and the more resistive groups of compounds, as the κ measured
in this case is a little bigger than κ_{min} at 350 K. In the case of κ_{\perp} (fig. 6.16 b) the measured thermal conductivity is smaller than or equal to the calculated κ_{min} for all the compounds except CuInP₂Se₆.



Fig. 6.16. Comparison of κ and κ_{min} at 350 K along the layers (a) and normal to the layers (b)

The excess in conduction, $\kappa(T) - \kappa_{min}(T)$, at temperatures $T/T_D > 1$ is understood by considering the difference between Umklapp and Normal processes. However, as the temperature decreases below one half of the Debye temperature T_D (from about 42 K to 130 K), an increasingly greater fraction of thermally excited phonons have wave vectors shorter than one half of the distance to the Brillouin zone boundary. At $T < T_D/2$ most phonon - phonon collisions are non - resistive Normal processes because the sum of the wave vectors of the interacting phonons fits within the first Brillouin zone. The number of Umklapp processes decreases with temperature below $T_D/2$ so they can no longer limit $\kappa(T)$ to $\kappa_{min}(T)$, leading to additional heat conduction compared to the case where $T > T_D/2$.

We conclude that, due to the extremely high anharmonicity in the studied layered crystals, the phonon thermal conductivity is limited to its minimum possible value where the mean free path equals the interatomic distance, by intrinsic phonon-phonon processes. At this point, it is interesting to understood why such a big difference exists in the thermal conductivity between the AgInP₂S₆ and the AgInP₂Se₆

crystals. Obviously, it is a direct consequence of the difference in the nature of the chemical bonding. In the selenide compound, the relatively low thermal conductivity arises from this layered crystal lattice vibrations, which create low frequency, localized optical phonons in the acoustic region and thus enable strong anharmonic phonon scattering.



Fig. 6.17. Eigen vectors of lowest energy A_{2g} , A_{2u} , E_g optical modes at BZ center for AgInP₂S₆ crystal

Fig. 6.17 and fig. 6.18 show atom-projected phonon density of states of $AgInP_2S_6$ and $AgInP_2Se_6$ layered crystals. Both compounds share the prominent feature of the presence of low-lying modes, cutting through the acoustic region (fig. 6.6 f, g). For $AgInP_2S_6$, the acoustic modes are attended near 40 cm⁻¹ towards the edge of Brillouin zone, and low-energy (near 13 cm⁻¹) A_{2g} and A_{2u} symmetry optical

phonon modes are found in the acoustic region, both of which are mostly associated with vibrations of Ag atoms normally to the structural layers planes. At a little higher frequency (near 30 cm⁻¹), doubly degenerated E_g symmetry optical modes are also placed, which involve in-plane motions of silver and indium cations together with shifts of $(P_2S_6)^{4-}$ anions. These phonon modes with approximately zero group velocity reflect the locality of vibrations of Ag atoms and confirm the relative weakness of covalent bonding Ag–S.



Fig. 6.18. Eigen vectors of lowest energy A_{2g} , A_{2u} , E_g optical modes at BZ center for AgInP₂Se₆ crystal

In the case of $AgInP_2Se_6$ crystal the lowest flat optical branches at BZ center have frequencies of 21 cm⁻¹ for E_g modes, 29 cm⁻¹ for A_{2g} mode and 38 cm⁻¹ for B_g mode (Fig. 6.18). For the selenium compound, the A_g mode frequency increases (from 13 cm⁻¹ in $AgInP_2S_6$ crystal to 29 cm⁻¹ in $AgInP_2Se_6$) as a result of a bigger covalence of the Ag–Se bonds. Conversely, for the degenerate E_g modes on substitution of S by Se, the frequency decreases from 30 cm⁻¹ to 21 cm⁻¹ as a result of the bigger mass of the (P₂Se₆)⁴⁻ anions.

In addition to reducing group velocities, the lowest frequency localized optical modes act as scattering centers for low energy acoustic modes. Such resonant scattering further reduces the total lattice thermal conductivity and it is obviously more effective for the selenide crystal, with a bigger polarizability of the heavy $(P_2Se_6)^{4-}$ anions. In more detail, a larger suppression of κ by the lower flat optical branch energy modes can originate from several reasons. The flat optical branch exhibits an anticrossing with acoustic phonon modes. This largely reduces the group velocity of the heat carrying acoustic phonons around the optical mode energy, which leads to the suppression of κ . The lower the frequency of the optical mode, the larger the effect, because the group velocity of acoustic phonons is larger at lower energy. The Umklapp scattering that suppresses κ can also be stronger with a lower energy of the optical branch, as lower optical modes must scatter higher acoustic phonons to create the same final phonons. Because acoustic phonons with higher energy have a higher density of states, the Umklapp scattering can be stronger.

Peculiarities of chemical bonding, such as the second order Jahn – Teller (SOJT) effect and a high deformability of the lone-pair electron charge density, can also limit the thermal conductivity in crystalline materials. It has already been shown [108] that in CuInP₂S₆ and CuInP₂Se₆ compounds the relaxational soft modes appeared due to the SOJT effect with participation of *s* and *d* orbitals of Cu⁺ cations and *p* orbitals of S(Se)²⁻ anions. The In³⁺ cations in these ferrielectrics can also be involved in the SOJT effect by hybridization of their *s* and *p* electronic orbitals with sulfur or selenium anion *p* orbitals. But indium atoms in these compounds are strongly enough bounded by covalent interaction with the surrounding chalcogenide atoms. Related to the SOJT effect disordering at the transition, heating from the ferrielectric phase into the paraelectric one strongly suppresses the thermal conductivity, what is nicely seen in the case of CuInP₂S₆ crystal (fig. 6.6 a).

149

stronger covalent bonds inside the chalcogenide octahedra preventing SOJT effect and the transition into a polar state when the temperature is lowered [134]. As was shown above, only for AgInP₂Se₆ the strong phonon–phonon interaction is related to the crossing of the low energy optical branch with acoustic branches and therefore κ is reduced to the amorphous limit. But in AgBiP₂S₆ and AgBiP₂Se₆ compounds the physical origin of anharmonicity can also be traced to the existence of the stereochemically active s^2 lone pair of Bi³⁺ cations. The *s* electron shell of Bi is easily deformed by lattice vibrations, resulting in a strong anharmonicity due to the nonlinear terms in the total energy associated with a large electronic response. Obviously, this electron lone pair is also related to the SOJT effect that may lead to the observed structural instability in CuBiP₂Se₆ layered crystal [119]. The main idea behind the relationship between an electron lone pair and low κ is that as atoms approach one another during thermal agitation, the overlapping wave functions of the lone pair and nearby valence electrons will induce a nonlinear repulsive electrostatic force causing increased anharmonicity in the lattice. As the lone pair moves away from the nucleus, anharmonic interactions with adjacent atoms intensify and κ decreases. The highest degree of anharmonicity should thus be achieved when the electron lone pair is far removed from the nucleus, yet not participating in bonding. A similar situation was observed for the $Sn_2P_2S_6$ crystal where Sn^{2+} $5s^2$ lone pair disordering induces the transition from the ferroelectric to the paraelectric phase and effectively suppress thermal conductivity [1, 189].

The electrostatic repulsion between the lone pair electrons and the neighboring chalcogen anions creates anharmonicity in the lattice, the strength of which is determined by the morphology of the lone pair orbital that is illustrated in fig. 6.19 for the AgBiP₂S₆ layered crystal. It is seen that, as a result of Bi s orbitals stereoactivity, the electron density is presented at the top of the valence band in the case of AgBiP₂S₆ crystal, but In s orbitals electron density is not observed at the top of AgInP₂Se₆ valence band. This comparison gives evidence about the hybridization of Bi s orbitals with S p orbitals and Bi p orbitals. Such sp^2 mixing induces the stereoactivity of the Bi s^2 lone pair which appears in the electronic charge space distribution for AgBiP₂S₆ crystal, for which Bi *s* orbitals lay in the range -10.62 ÷ – 10.49 eV (fig. 6.20 b). Conversely, the space distribution for In *s* orbitals lying in the energetic range -6.44 ÷ –5.99 eV (fig. 6.20 a) demonstrates their participation in the formation of In – Se covalence bonds.



Fig. 6.19. Partial electron density of states for AgInP₂Se₆ (a) and AgBiP₂S₆ (b) crystals



Fig. 6.20. Electron density space distribution for orbital laying in the energy range $-6.44 \div -5.99$ eV of AgInP₂Se₆ crystal valence band (a), and for orbital laying in the energy range $-10.62 \div -10.49$ eV of AgBiP₂S₆ crystal valence band (b)

Finally, we would like to discuss the interesting features observed for $CuBiP_2Se_6$ layered crystal in the transition on cooling from the disordered phase into the modulated state, and further to the antiferroelectric phase.



Fig. 6.21. The (A) 298 K (B) 173 K, and (C) 97 K structures of $CuBiP_2Se_6$ viewed down the [110] direction. The direction of the displacement of the copper atoms has been indicated with an arrow. The copper atoms in the layers marked with a bracket have not yet ordered [119]

Let's consider the structure modulation and anisotropy of thermal conductivity. As follows from [119] (fig. 6.21), at temperatures higher than 173 K in the paraelectric phase the structure is centrosymmetric, averaged over time and periodical. However, the bismuth and copper atoms accomplish thermal relaxation displacements with the large amplitude which significantly dissipates the heatbearing phonons (phonon packs) and reduces their mean free path (MFP) to a minimum. In the intermediate phase between 173 - 97 K, which is perpendicularly modulated to the structural layers, probably the wave packs are well propagated along

the layers (in this direction the structure is periodical, the copper and bismuth atoms in more localized positions are located). Nevertheless, heterogeneity (modulation) of the structure causes a minimal MFP (1 nm) across the layers. In antiferroelectric phase (below 97 K), the structure is periodical along and across the layers. Bismuth and copper are well localized and MFP depends on the phonon-phonon scattering only which increases at cooling. Therefore, the thermal diffusivity measurements probably confirm the intermediate structurally modulated phase in CuBiP₂Se₆.

In Fig. 6.6 (e) it is shown that the thermal conductivity of CuBiP₂Se₆ along the layers (brown line) on heating decreases till the minimal value near 200 K. Above this temperature, in the disordered phase, the dependence $\kappa(T)$ demonstrates a glassy – like behavior. Thermal conductivity normal to the structural layers (orange line), while heating, reaches the minimal value already near 100 K at the transition from the antiferroelectric phase to the intermediate modulated phase. The structural modulation of the intermediate phase is oriented normally to the structural layers. So, in the modulated phase, heat transport along the layers is similar to heat transfer in the antiferroelectric phase. Conversely, heat transport normal to the structural layers across the temperature interval of the modulated phase is similar to the observed heat conduction in the disordered high temperature phase. Figure 6.22 demonstrates the modulated phase in CuBiP₂Se₆ crystal.



Fig. 6.22. Mean free path as a function of temperature of CuBiP₂Se₆ in a direction perpendicular (orange) and parallel (brown) to the layers. Letters AF and P correspond to antiferroelectric and paraelectric phases respectively

6.4. Conclusions

Thermal diffusivity has been measured on single crystals of the layered compounds $Cu_{1-x}Ag_xInP_2(S,Se)_6$ with x = 0, 0.1, and 1, $AgBiP_2(S,Se)_6$ and $CuBiP_2Se_6$ in the wide temperature range 30 - 350K, exhibiting important thermal anisotropies, as well as different phase transitions depending on the particular ions present, confirming the different role played by them, which has been discussed on the basis of disorder, electronic hybridization, and the presence or absence of the second order Jahn Teller effect.

Heat capacity has been calculated through the evaluation of the phonon spectra using density-functional perturbation theory, and, through the combination of both variables.

Combining theoretically calculated heat capacity and experimentally measured thermal diffusivity, the temperature evolution of thermal conductivity has been analyzed for 2D metalthiophosphates and metalselenophosphates ferroelectrics, showing that heat is effectively transferred by phonons and that very low values can be found in several cases due to the enhancement of phonon scattering events, expressing a strong anharmonic behavior.

Chapter 7. Experimental results and discussion on $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ ferroelectrics

7.1. Introduction

This chapter is focused on the critical behaviour study of the phase transitions in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ ferroelectric compounds. Here we consider the influence of Pb on the ferroelectric phase transitions (PT) and on their critical behaviour, selecting Se concentrations below and above the Lifshitz Point (y = 0.27). According to chapter 5 of this PhD thesis, it is now well understood that Pb frustrates the ferroelectric transitions in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ and $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ as concentration is increased due to a weaker hybridization caused by a bigger difference between Pb 6s and S(Se) p states. The study of the critical behavior of the ferroelectric transitions in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ evidenced that there is a crossover from a non-mean field model at x = 0.1 to a mean-field one at x = 0.3. Besides, the continuous transition in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ (x =0, 0.05) was found to belong to the 3D-XY universality class, with the PT being smeared. Therefore, a higher increase of lead in the cation sublattice of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ is expected to smear the transitions and frustrate them till, at high enough concentrations, complete frustration takes place.

A very special case is the addition of Pb to the Lifshitz concentration compound $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.27}S_{0.78})_6$, where it has been experimentally proven that there is a change from a Lifshitz point (LP) to a Tricritical Lifshitz point (TCLP) at a concentration of 5% Pb and to a first order character transition for higher concentrations [2, 191], in agreement with the theoretical predictions based on a Blume-Emery-Griffith (BEG) model with random field effects [80, 212]. After this model, there is an equivalency between the effects of applying an external pressure and introducing a chemical "pressure" with dopants (be them Se instead of S or Pb instead of Sn), and the appearance of a tricritical point (TCP) is predicted when the

consequence of any of these "pressures" is to reduce the critical temperature to a value lower than about 220 - 230K.

What is pending is to study the effect that the addition of Pb has on concentrations close to the Lifshitz point y = 0.27 to check the possibility of new tricritical points for concentrations y < 0.27 and/or frustration of the transitions for y > 0.27, which is precisely the aim of this study. This would allow, on the one hand, to contrast the validity of the theoretical models and, on the other, to have a deeper knowledge of how ferroelectric properties can be tuned with the addition of adequate dopants.

7.2. Samples, experimental techniques and fitting methods

Single crystals of the following concentrations have been grown by a vaportransport method in a quartz tube using SnI₂ as a transport reagent with the nominal concentrations of x = 0.1, 0.2, 0.3 for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ and $(Pb_{0.05}Sn_{0.95})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ with y = 0.4, 0.5. All crystals were oriented in the (100) crystallographic direction and thin plane-parallel slabs (500 - 600 µm) were cut whose surfaces are perpendicular to that direction. Note that growing procedures were carried out using high-purity elements Sn (99.99%), Pb (99.99%), P (99.999%), S (99.99%) in atomic percentage.

A high-resolution ac photopyroelectric calorimeter has been used to measure the thermal diffusivity D by means of what is known as the back-detection configuration. The details of the technique and the experimental setup have been already explained in chapter 2. Thermal diffusivity is measured in the direction perpendicular to the sample surface which, in this case, is the direction (100). The phase transitions are signaled as dips on the thermal diffusivity curves and their precise shape has been provided by a controlled continuous temperature variation, slow enough when checking possible thermal hysteresis.

For the case of continuous transitions, the critical behavior is studied by means of the inverse of the thermal diffusivity, which behaves critically as the specific heat c_p if thermal conductivity κ does not present a singularity at the transition (as it happens in this ferroelectric family [43, 96, 213]), as they follow the equation

$$\frac{1}{D} = \frac{\rho c_p}{\kappa},\tag{7.1}$$

where ρ is density.

Therefore, the equation used to perform the fittings of the inverse of the thermal diffusivity at the second order phase transition has the same mathematical form as the one presented for specific heat in chapter 3 (Eq. 3.20)

$$\frac{1}{D} = B + Ct + A^{\pm} \left| t \right|^{-\alpha} \left(1 + E^{\pm} \left| t \right|^{0.5} \right)$$
(7.2)

where $t = \frac{T - T_c}{T_c}$ is the reduced temperature, T_c the critical temperature and superscripts + and – stand for $T > T_c$ and $T < T_c$, respectively; the linear term represents the regular contribution to the inverse of the thermal diffusivity, while the last term represents the anomalous contribution at the second order PT.

7.3. Experimental results and discussion

The measured thermal diffusivity of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ crystals at room temperature (295 K) confirms the fact that these ferroelectrics are poor thermal conductor materials, where heat is mainly transported by phonons. A slight substitution of tin by lead increases the thermal diffusivity from 0.187 to 0.311 mm²/s at 20 % lead, while at x = 0.3 thermal diffusivity is 0.285 mm²/s which could happen due to the fluctuations in the concentration of a particular sample. This rising of D is surely due to the difference between the ionic radii of Pb²⁺ and Sn²⁺ ions, and as a consequence the bigger size of lead atoms affects the phonon scattering process and therefore the phonon mean free path is reduced (fig. 7.1).



Fig. 7.1. Thermal diffusivity of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ mixed ferroelectrics along (100) crystallographic direction as a function of Pb contents at T = 295 K. Data for x = 0 has been taken from ref [43]

Figure 7.2 exhibits the thermal diffusivity values of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ with x = 0.1, 0.2, 0.3 in the region where the PT takes place, having included the corresponding value for x = 0 [43] for the sake of comparison (in all cases the orientation of the samples is the same).



Fig. 7.2. Thermal diffusivity as a function of temperature for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ with x = 0.1, 0.2, 0.3 in the region where the ferroelectric phase transition takes place. Data for x = 0 has been taken from ref. [43]

Figure 7.3 shows, in more detail, each PT. On the one hand, the addition of Pb, as expected, shifts the ferroelectric transition to lower temperatures, from $T_c \approx 301$ K for x = 0 to $T_c \approx 275$ K for x = 0.1, to $T_c \approx 211$ K for x = 0.2 and to $T_c \approx 157$ K for x = 0.3, with the thermal diffusivity values severely increasing from x = 0.1 to x = 0.2. Concerning the character of the transitions, measurements have been performed on heating and on cooling with the result that x = 0, 0.1 are continuous phase transitions while x = 0.2, 0.3 have changed the character to first order, as they present thermal hysteresis. In these cases, there is a difference in the position of the PT ($\Delta T = 0.8$ K for x = 0.2, $\Delta T = 0.3$ K for x = 0.3) as well as in its shape on heating and cooling (well seen in fig.7.4).



Fig. 7.3. Phase transitions in detail for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ with x = 0.1(b), 0.2 (c), 0.3 (d). Data for x = 0 (a) has been taken from ref. [43]



Fig. 7.4. Thermal diffusivity measured on heating and cooling at 30 mK/min showing the hysteresis for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ with x = 0.2, 0.3

The results of the fitting for $Sn_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ and $(Pb_{0.1}Sn_{0.9})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ accompanied with their corresponding deviation plots (the difference between each experimental and fitted value, divided by the experimental value, in percentage), where the difference in the width of the transition is clearly observed (an order of magnitude in reduced temperature)) are shown on fig. 7.5. The fitted parameters of the critical exponents α , the ratios of the critical amplitude $\frac{A^+}{A^-}$ and the critical temperatures T_c are collected in table 7.1. In the same table we have also included the temperature range t fitted and the determination coefficient R^2 , which represents the quality of the fits. As seen from the graph both fits are very good, which is also confirmed by the high determination coefficient R^2 ($R^2 = 1$ the case for ideal fit) and the deviation plots. There is an evolution of the critical exponent α , from the value of $+0.147 \pm 0.004$ for x = 0 (which does not correspond to any theorized universality class) to the value of $+0.085 \pm 0.006$ for x = 0.1, with a very small deviation in this case. This tendency of α to approach zero indicates that a mean field model is the closest universality class as Pb concentration is increased. As the transition has turned from second order to first order between x = 0.1 and x = 0.2, a tricritical point is traversed but the critical exponent neither approaches the corresponding theoretical value $(\frac{1}{2})$ nor points to any other class such as Lifshitz $(\frac{1}{4})$ or Tricritical Lifshitz (

 $\frac{9}{14}$). Besides, as it can be seen from fig.7.3, the transition is smeared instead of being sharpened, which is a common characteristic feature of a first order character.

Table. 7.1.

Result of the fitting of the inverse of thermal diffusivity 1/D using equation 7.2. The parameters (α , A^+/A , T_c) are shown together with the fitted range and the coefficient of determination R². Data for Sn₂P₂(Se_{0,2}S_{0,8})₆ has been taken from ref. [43]

Parameters	Sn ₂ P ₂ (Se _{0.2} S _{0.8}) ₆	$(Pb_{0.1}Sn_{0.9})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$
α	0.147 ± 0.004	0.085 ± 0.006
A^+/A^-	0.66	0.92
T_c , K	300.93	275.68
Fitted range $ \mathbf{t} , T_c < T$	$8.3^{\times}10^{-3} - 3.1^{\times}10^{-4}$	$5.1^{x}10^{-2} - 5^{x}10^{-3}$
Fitted range $ \mathbf{t} , T_c > T$	$7.6^{\times}10^{-3} - 3^{\times}10^{-5}$	$6.3^{x}10^{-2} - 5.8^{x}10^{-4}$
\mathbb{R}^2	0.996	0.998

The fact that with x = 0.2 the transition is already first order (and it keeps this character at x = 0.3) tells us that, indeed, as it was predicted, once the PT falls below the range 210 - 230 K, tricriticality appears [2]. Let's analyse in some detail these theoretical predictions and what has been experimentally found prior to this work. The observed location of the TCPs at the same temperature level (210 – 240 K) for different mechanical or chemical impacts (on compression of Sn₂P₂S₆ and at S \rightarrow Se or Sn \rightarrow Pb substitution [2, 174, 192, 214]) can be explained in the following way: On substitution of sulfur by selenium, the intercell interaction becomes weaker as a result of the stronger covalence of the chemical bonds [180, 215] but the stereoactivity of the Sn²⁺ cations and the form of the local potential remain almost unchanged. These factors determine the decrease of the transition temperature until the TCP is reached. For pure Sn₂P₂S₆ crystal under pressure, the Sn²⁺ cations stereoactivity decreases, which reduces the depth of the side wells in the local three -



Fig. 7.5. Above: Results of the fitting of the inverse of the thermal diffusivity for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ with x = 0.1 where the results for x = 0 [43] have been included, for comparison. The points correspond to experimental measurements, the continuous lines to the fittings to equation 7.2. Below: Deviation curves for the fittings. Circles correspond to the fitting above the critical temperature, crosses to the ones below it

When substituting tin by lead, the sublattice of rather strongly stereoactive Sn^{2+} cations is diluted by weakly stereoactive Pb^{2+} cations, which also have a bigger ionic radius. A relatively small stereoactivity of the lead cations has been found according to GGA calculations [158], as the difference between S 3p orbitals energy and Sn 5s or Pb 6s orbitals energies increases nearly 1 eV from $Sn_2P_2S_6$ to $Pb_2P_2S_6$. In addition to the dilution effect, the ionicity of the Sn - S chemical bonds increases [180, 215]

and the stereoactivity of the remaining Sn^{2+} cations decreases. The combined influence of the intercell interaction strengthening and the decrease of the stereoactivity of the two cation sublattices determines the decrease of the second order ferroelectric transition temperature down to the above mentioned "tricritical temperature".

For pure $Sn_2P_2S_6$ lattice compression, the observed T - p phase diagram can be related to the one predicted by the BEG model [190, 216]. With substitution of sulphur by selenium, the random field defects can appear, but their influence is small: no smearing of very sharp critical anomalies at the phase transitions was observed in the $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ mixed crystals [43]. In the case of the substitution of tin by lead, strong random field defects appear due to hybridization of different electronic orbitals around the Sn^{2+} and Pb^{2+} cations. Such a complicated situation can be described by comparing the experimentally built T - x diagram with the diagram predicted by the diluted BEG model [80]. In such model, a segment of the former first order transition line (just below the TCP in the ideal system) becomes a disorder-induced continuous transition line. However, with further shift of the PT point down to lower temperatures, a clear first order transition nature is revealed.

Coming back to the results of this current work, the fact that the critical exponent points to a mean field model, instead to a tricritical universality class, is surely associated with randomness in the system, provoking the disappearance of the TCP, while the real first order nature is revealed when the temperature of the transition is further lowered.

After the experimental results and fittings, this is the case of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ where randomness provokes the rounding of the transition as well as the tendency to a mean field model where it should be leading to an exponent belonging to a Tricritical class. For x = 0.2 and 0.3, as the transition is lowered, the first order character is manifested.

Concerning the samples $(Pb_{0.05}Sn_{0.95})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ with Se concentration higher than the one corresponding to the Lifshitz point, figure 7.6 shows the thermal diffusivity curves for y = 0.4, 0.5. The measurements have been performed in cooling/heating modes with different temperature rates (50 – 10 mK/min) in order to check the character of the PT. Thermal diffusivity curves on heating and cooling for these crystals are depicted in fig. 7.7.



Fig. 7.6. Thermal diffusivity as a function of temperature for $(Pb_{0.05}Sn_{0.95})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ with y = 0.4 (a) and 0.5 (b)



Fig. 7.7. Thermal diffusivity as a function of temperature for $(Pb_{0.05}Sn_{0.95})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ with y = 0.4 (a) and 0.5 (b), measured on heating and cooling, showing the hysteretic behaviour

According to the phase diagram, in the samples without Pb there must be two transitions (the continuous one from the paraelectric phase to an incommensurate (IC) phase and the lower one to a ferroelectric phase, with a first order character). From the critical behaviour studies of $Sn_2P_2(S_{1-x}Se_x)_6$ ferroelectric compounds [43] it was seen that, in thermal diffusivity, the two transitions were not clearly separated but for

very high Se concentrations. In particular, $Sn_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$ showed a sharp and thin dip where the two transitions were superimposed and with a first order character. The dip which appears now with Pb doping is placed at a lower temperature (about 20 K), it is much wider, rounder, with a clear structure and with hysteresis. The structure which appears in the dip, with a kink at about 237 K, could be due to the onset of the clear separation of the three phases induced by the presence of Pb.

In the case of y = 0.5 (see Fig. 7.6) the dip goes to even lower temperature (another 20 K) and the two transitions are still superimposed but more separated, with a shoulder on the left and a dip on the right, with a hysteretic behaviour due to the fact that the two transitions are not well resolved yet (see Fig. 7.7). This means that the effect of lead is to reduce the critical temperature and better separate the two transitions, introducing a certain rounding. Hence, in all cases, ferroelectricity is hindered by the presence of Pb. The physical mechanism responsible for this behaviour is that Pb weakens the stereoactivity of the samples by obstructing the hybridization of the *s*-*p* electron orbitals (*s* for Pb or Sn, *p* for S or Se) which activates the $Sn^{2+} 5s^2$ lone pair formation. As explained in the introduction, there is a bigger difference between Pb 6s and S(Se) p states, as opposed to the difference between Sn 5s and S(Se) p states. Besides, the addition of Pb introduces randomness in the system which is the origin of the roundness in the transition as it happened in the case of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$. It would have been desirable to study the evolution of the PT in $Sn_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$ and $Sn_2P_2(Se_{0.5}S_{0.5})_6$ with higher Pb contents but it has not been possible to grow single crystals of enough quality with these concentrations.

These results complement what was previously found and published concerning the effect that doping with Ge and Pb has on the Lifshitz point, which exists for $Sn_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$ [191]. Both ions affect the stereoactivity of the sample as the transition temperature is respectively increased or decreased, but only Pb provokes a significant change in the properties of the ferroelectric PT. In that work, it was found that the addition of 5% Pb changed the Lifshitz Point to a Tricritical Lifshitz Point, with further addition changing the character from second order to first order. In this study we have observed that the addition of Pb to $Sn_2P_2(Se_\nu S_{1-\nu})_6$ for Se concentrations lower to the one corresponding to the Lifshitz point also has the effect of turning the character of the transition from second to first order but without the formal apparition of a tricritical point. On the other hand, for Se concentrations higher than the Lifshitz point, the effect of Pb doping is to enhance the apparition of the intermediate, IC phase between the paraelectric and the ferroelectric phases.

7.4. Conclusions

The effect of Pb doping in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ with Se concentrations slightly below and above the Lifshitz concentration has been studied. The theoretical prediction says that a tricritical point upon pressure application (chemical doping can have an equivalent effect to mechanical pressure) appears below 210 - 240 K. As a general rule, increasing lead concentration in the cation sublattice tends to frustrate the ferroelectric transition, lowering the critical temperature because it weakens the electron orbitals hybridization which is at the core of the stereoactivity of these systems. In the particular case of y = 0.2, the transition changes its character from second order to first order between x = 0.1 and x = 0.2, fulfilling the predictions of the diluted Blume-Emery-Griffith model with randomness. This randomness prevents the apparition of a Tricritical Point and, instead, a mean field model is of application. In the case of y = 0.4, 0.5, Pb also promotes the separation of the paraelectricincommensurate and the incommensurate-ferroelectric transitions in spite of the introduction of rounding.

Chapter 8. Phase diagram of (Pb,Sn)₂P₂(Se,S)₆ ferroelectrics with multicritical points at coupling between polar and antipolar fluctuations

8.1. Introduction

Static and dynamic critical behavior of $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ type ferroelectrics and $(\text{Pb}_x\text{Sn}_1, x)_2\text{P}_2(\text{Se}_y\text{S}_{1-y})_6$ mixed crystals with line of tricritical points and line of Lifshitz points on the T - x - y phase diagram, which meet at the tricritical Lifshitz point, can be described in a combined BEG – ANNNI model. Such model considers first and second neighbor interactions for pseudospins in a local three-well potential. Below the temperature of tricritical Lifshitz point, the "chaotic" state accompanied by the coexistence of ferroelectric, metastable paraelectric and modulated phases is expected. In addition to the frustration of polar fluctuations near the Brillouin zone center, in $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ crystal the antipolar fluctuations also strongly develop in the paraelectric phase at cooling to continuous phase transition temperature T_0 . Here, critical behavior can be described as a crossover between Ising and XY universality classes, what is expected near bicritical points with coupled polar and antipolar order parameters and competing instabilities in q – space.

8.2. Phase diagram with tricritical Lifshitz point

In order to build the $t - \Delta - \lambda$ phase diagram for ferroelectrics in the system $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$, we have used the Blume - Capel spin-1 Ising model (which is a simpler version of BEG model) with competing interactions [212, 217]. Such combined BC – ANNNI model displays a multicritical behavior such as tricriticality as well as the possibility of the presence of a LP. The tricritical Lifshitz point (TCLP) is predicted at the meeting points of TCPs and LPs lines [83, 218, 219]. In the used model [212] (as for original ANNNI model [220]) the relation between two

interactions is written in the form $\lambda = -J_2/J_1$, where J_1 is the effective first neighbors' positive interaction and J_2 is the negative coupling of next nearest neighbors. The paraelectric - ferroelectric second order transitions line can be found as [212]

$$\lambda = 1 - \frac{t}{1 + 0.5e^{\frac{\Delta}{t}}} \tag{8.1}$$

and from the paraelectric phase into a modulated one continuous transitions line

$$\lambda = \frac{t}{1+0.5e^{\frac{A}{t}}} . \tag{8.2}$$

Here $t = T/J_1$, and $\Delta = \delta/J_1$. The parameter δ is related to the single-ion terms [158, 190].

At $\lambda = 0.25$ the paraelectric borders obtained from eq. (1) and eq. (2) meet at a LP. Considering the above-mentioned conditions, the line of LPs can be found by means of the following equation

$$\Delta = t_{LP} \ln(\frac{1 - 2t_{LP}}{t_{LP}}).$$
(8.3)

After reaching a value $\Delta \simeq 0.231...$ the paraelectric borders begin to split and there is no LP anymore. Near this Δ value the LPs line coincides with the TCPs line [220]. The calculated $t - \Delta - \lambda$ phase diagram is depicted in Fig. 8.1.



Fig. 8.1. Front (left) and side (right) view on calculated $t - \Delta - \lambda$ diagram. Solid lines show paraelectric - ferroelectric (orange) and paraelectric - modulated (blue) borders, Lifshitz points line (red circles), tricritical points line (green

squares), end points (EP) line (brown triangles). Thin lines indicate the second order phase transitions while thick lines the first order ones. Letters F, P and M correspond to ferroelectric, paraelectric and modulated phases. The coexistence of ferroelectric and metastable paraelectric (F+P') and ferroelectric, metastable paraelectric and commensurate modulated phases (F+M+P') below the dashed lines are also shown

Let's compare the just obtained theoretical phase diagram with the experimentally determined temperature-concentration phase diagram for (Pb_xSn₁. $_x$)₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ ferroelectric mixed crystals [56]. In order to do it we need to translate it into $t - \Delta - \lambda$ coordinates. The experimentally observed TCLP for (Pb_{0.05}Sn_{0.95})₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆ at $T_{TCLP} \approx 259$ K [191], in $t - \Delta - \lambda$ coordinates will correspond to the next position: t = 0.15825, $\Delta = 0.23105$, $\lambda = 0.5$. The LP with the composition Sn₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆ at temperature $T_{LP} \approx 284$ K [180] will lie on the line of LPs obtained from eq. 8.3 at t = 0.17345, $\Delta = 0.22997$, $\lambda = 0.5$. For mixed Sn₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ crystals in the framework of the ANNNI model, a linear variation of the λ parameter with composition x was assumed with the values 0.23, 0.25 and 0.30 for Sn₂P₂S₆, Sn₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆ and Sn₂P₂Se₆, respectively [56]. At the constant value $\Delta = 0.22997$, the coordinates for these concentrations on the $t - \Delta - \lambda$ diagram are the following: $t_0 = 0.20582$, $\lambda = 0.23$ for Sn₂P₂Se₆ with $T_0 = 337$ K; $t_c = 0.13436$, $\lambda_c = 0.30$, and $t_i = 0.11799$, $\lambda_i = 0.30$ for Sn₂P₂Se₆ with $T_c = 220$ K, $T_i = 193$ K [101].

At tin by lead substitution the shape of local three-well potential changes, and the coordinates of the TCP in the $(Pb_{1-x}Sn_x)_2P_2S_6$ mixed crystals in mean- field approximation of BEG model [221] can be determined at condition of linear variation of Δ in dependence of y, at unchanged intercell interactions. According to the earlier performed analysis for $(Pb_{1-x}Sn_x)_2P_2S_6$ mixed crystals [158], the calculated $t - \Delta$ diagram (at $\lambda = 0.23$) is shown on Fig. 8.2. It was found that the TCP has coordinates t = 0.13436, $\Delta = 0.23577$, $\lambda = 0.23$.

As the inter-site interaction J_1 is an almost unchanged quantity [158], we assume that, on increasing the lead concentration in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ mixed crystals

(with $\lambda = 0.3$), the value of Δ will change in the same way as in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ solid solutions. Accordingly, the experimental phase diagram in $t - \Delta - \lambda$ coordinates is presented in Fig. 8.3.



Fig. 8.2. Dependence of phase transition temperature on the single – ion term in dimensionless $t - \Delta$ coordinates calculated in the mean-field approximation on the BEG model [158, 221]. Dashed and solid lines indicate second and first order transitions, respectively, that meet at the tricritical point



Fig. 8.3. Experimental phase diagram for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ ferroelectrics in *t* - Δ - λ coordinates (left) and front view of both experimental and calculated phase diagrams in temperature - concentration T - x - y coordinates (right). Dashed and solid lines denote second order and first order phase transitions, respectively. Green and red spheres correspond to tricritical points line and Lifshitz points line, blue spheres to the calorimetric data [43, 96, 97, 98, 191, 198, 222]

From the calculated $t - \Delta - \lambda$ diagram, it follows that the LPs line terminates at TCLP, and this multicritical point can be considered as a "Lifshitz end point". The Lifshitz points line in TCLP splits into the tricritical points line and the end points (EP) line. At big Δ parameter, the paraelectric - modulated critical line ends at the end point.

For high lead concentrations (x > 0.2), at low temperatures a "chaotic" state can be observed [212]. This state presents a mixture of paraelectric, ferroelectric and modulated phases. Such peculiarity can be seen on the excess heat capacity ΔC_p and anomalous temperature dependencies of dielectric susceptibility ε ' in (Pb_xSn₁. x)₂P₂Se₆ crystals, according to recent investigations [175, 223, 224, 225]. For small lead concentrations, there are clear anomalies of $\Delta C_p(T)$ and $\varepsilon'(T)$ at paraelectric – incommensurate (T_i) and incommensurate – ferroelectric (T_c) phase transitions (Fig. 8.4 and 8.5). However, for $y \ge 0.2$ the $\Delta C_p(T)$ and $\varepsilon'(T)$ anomalies in the vicinity of the lock–in transition (T_c) are strongly smeared. Such chaotization can be related to a synergy of frustration effects and nonlinearity of the system with the three–well local potential.



Fig. 8.4. Temperature dependence of heat capacity according to experimental data [175] (left) and related to the phase transition excess heat capacity (right) for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6$ crystals

Therefore, the ANNNI model with two structural sublattices reflects the main properties of ferroelectrics that are related to the LP and IC phase on their phase diagram. For the description of a presence of a TCP on the phase diagram of $Sn_2P_2S_6$ family ferroelectrics, two structural sublattices were also considered in the frame of BEG model [190]. This three – state model is based on two order parameters – dipolar and quadrupolar (B_u and A_g symmetry variables in the case of $Sn_2P_2S_6$) [1, 189]. Therefore, in addition to dipole–dipole inter-site coupling, the quadrupole – quadrupole interaction can also be important. In the case of two sublattices, taking into account the quadrupole – quadrupole interactions can complicate the topology of the temperature - pressure (composition) phase diagram. On such diagram, beside a TCP, another multicritical points might appear, such as a triple point, a critical end point, a bicritical point, and a tetracritical point.



Fig. 8.5. Comparison of the anomalies for low frequency dielectric susceptibility (according to data [223, 224, 225]) and excess heat capacity

(according to data [175]) in the region of the phase transitions for $(Pb_xSn_1)_x$

8.3. Polar and antipolar fluctuations coupling

The above mentioned examples of possible complications of experimentally observed phase diagrams for objects with complex local potential for spontaneous polarization fluctuations demonstrate the proximity of the phase transitions to higher order multicritical points, like a tetracritical point, and give evidence of the importance of higher order invariants in the thermodynamic potential of the investigated ferroelectric crystals. Such possibility was earlier demonstrated [226, 227] when the incommensurate phase properties near lock – in transition into the ferroelectric phase in $Sn_2P_2Se_6$ crystals were theoretically explained.

For Sn₂P₂S₆ ferroelectrics, the experimental data of neutron scattering, dielectric susceptibility and hysteresis loops investigations present rich information about the complex character of the phase transitions. The neutron scattering data [185] show the presence of a flat lowest-energy transverse optical branch along q_y direction at 440 K in the paraelectric phase (Fig. 8.6 a). This phonon branch is polarized near [100] direction and softens at cooling. The polar soft optical mode, according to the submillimeter spectroscopy data near 10¹² Hz [228], contributes only $\Delta \varepsilon' \simeq 10^3$ to the dielectric susceptibility maximum near $T_0 \simeq 337$ K (Fig. 8.6 b). At frequency lowering till 10⁷ Hz, the dielectric susceptibility near T_0 rises to 10⁴ -10⁵ (Fig. 8.6 c) [229], and at lower frequency obeys the Curie – Weiss law $\varepsilon' = C(T - T_0)^{-1}$ with $C \simeq 0.6 \ 10^5$ K.

On cooling in the paraelectric phase of $Sn_2P_2S_6$ crystal, not only long wave polarization fluctuations are developed near the Brillouin zone center, which are proportional to the reciprocal of the polar soft optical mode (with B_u symmetry at q $\leftrightarrow 0$) frequency square. Near the Brillouin zone edge, at q_y = π /b, also critical growth occurs for fluctuations of atomic motions that are related to the eigenvector of short length phonons from the soft optical branch B(q_y). The development of the



aforementioned fluctuations was observed directly (Fig. 8.6 d) [230] by inelastic X – ray scattering at T_0 + 2 K.

Fig. 8.6. Determined by neutron scattering at 440 K transverse soft optical TO(X), acoustic longitudinal LA(XX) and transverse TA(XY) phonon branches along q_y direction of Sn₂P₂S₆ crystal monoclinic Brillouin zone [185] (a); temperature dependence of the dielectric susceptibility and his reciprocal from submillimeter soft optical mode contribution near the phase transition in Sn₂P₂S₆ crystal [228] (b); comparison of the inverse of the dielectric susceptibility temperature dependence in Sn₂P₂S₆ for 20 MHz (1), 4 GHz (2), 27 GHz (3) and submillimeter soft optical mode contribution (4) [229] (c); diffuse X – ray scattering at $T_0 + 2$ K in the paraelectric phase of Sn₂P₂S₆ crystal in the plane (0 K L) of Brillouin zone [230] (d)

The high value of the low frequency dielectric susceptibility on cooling to T_0 is obviously related to crystal lattice anharmonicities. It was earlier supposed [1, 189] that the local three – well potential follows from a nonlinear interaction of polar B_u modes with fully symmetrical A_g modes (like $A_g B_u^2 + A_g^2 B_u^2$) at the Brillouin

zone center. But on the matter of the soft optical mode flatness in q_y direction [232], the nonlinear phonon – phonon interaction can be obviously realized with the involvement of phonons from different points of the Brillouin zone. In the simplest approach, such possibility can be incorporated in QAO model [158, 231, 232, 233] that is based on a three – well on – site potential involving first and second neighbors inter-site interactions. Here we consider nonlocal interactions in q_y direction (instead of above considered frustration of J_1 and J_2 inter-site interactions that are related to the incommensurate phase appearance with modulation wave vector q_z). The phase diagram calculated with such model contains a tetracritical point at which two second order transitions lines (from paraelectric into ferroelectric phase and between paraelectric and antipolar phases) intersect. It was found [231] that for Sn₂P₂S₆ crystals below T_0 coexistence of antipolar and ferroelectric phases can be presented.

The assumption that in $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ crystals the phase transition at $T_0 \simeq 337$ K is placed near the tetracritical point agrees with the previous discussion based on the BEG model, for which the phase diagram with a TCP can be complicated by the presence of bicritical or tetracritical points [236]. Thus, the critical behavior of $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ crystals near $T_0 \simeq 337$ requires special attention.

According to previous investigations on thermal diffusivity [96], which is proportional to the reciprocal of heat capacity, the critical behavior of $Sn_2P_2S_6$ can be fitted with a good quality in the paraelectric phase to a model which considers the influence of both fluctuations and defects (combination of eqs. 3.8 and 3.11). On the other hand, below T_0 the best fittings were found using a mean field Landau model (eq. 3.6). Such asymmetry is very strange, especially when it has been possible to describe the critical behavior of mixed crystals based on $Sn_2P_2S_6$ using a single model for both phases. For $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ solutions with increasing selenium concentration and approaching the LP ($y \simeq 0.28$), the critical anomalies are nicely described by exponents and ratios of critical amplitudes that belong to the Lifshitz universality class [43]. At tin by lead substitution in $(Pb_{1-x}Sn_x)_2P_2S_6$ mixed crystals, the critical behavior is also satisfactorily described above and below T_0 as a crossover from a clear non-mean field model at x = 0.1 to a mean field one at x = 0.3 [98]. For Sn₂P₂Se₆ crystals, at the paraelectric to incommensurate second order phase transition the critical anomaly above and below T_i agrees with the predictions of the renormalization group theory for 3D – XY universality class [175]. At simultaneous substitution of chemical elements in cation and anion sublattices in $(Pb_{1-x}Sn_x)_2P_2$ (Se_yS_{1-y})₆ mixed crystals a TCLP has been found for x = 0.05 and y = 0.28 at $T_c = 259.12$ K [191]. Here the tricritical Lifshitz universality class has been assigned by the obtained critical exponent $\alpha = 0.64$ which is equal to the theoretical predicted one [69].

Why a critical behavior of $Sn_2P_2S_6$ crystals can't be described satisfactorily in both temperature sides of T_0 ? As was mentioned above, for pure $Sn_2P_2S_6$ crystals below T_0 the coexistence of antipolar (antiferroelectric like) and ferroelectric states is possible. This is manifested by the observation of double hysteresis loops and usual ferroelectric loops [231]. Considering the possibility of the coexistence of antipolar and ferroelectric phases below T_0 , we reexamine previous experimental data [96] to check the contributions into a critical anomaly from two coexisting phases. We have used for the fittings equation 7.2. Fig. 8.7 (b) demonstrates the fittings together with the deviation plots (c) (difference between each experimental and fitted value, divided by the experimental value, in percentage). Fig. 8.7 (a) shows the comparison of the shapes of the anomalies in $Sn_2P_2S_6$, $(Pb_{0.2}Sn_{0.8})_2P_2S_6$ and $Sn_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$.

The results of the fittings (Fig. 8.7 (b, c)) in $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ have shown a XY like behavior with the critical exponent $\alpha = -0.0092 \pm 0.0008$ below T_0 and Ising like one with $\alpha = 0.1049 \pm 0.0066$ above T_0 . Such value of the critical exponents, smaller than α_{ISING} in the paraelectric phase and a little bigger than α_{XY} below T₀, can be interpreted as a possible crossover in the critical behavior which earlier was predicted [234] for systems with two competing order parameters near a bicritical point on the phase diagram. The bicritical point can be originated instead of a tetracritical point if there is a strong enough coupling of two order parameters [235].

to the fitting below the critical temperature, red to the ones above it.

In any case, good fittings of thermal diffusivity in $Sn_2P_2S_6$ crystal below T_0 with negative value of critical index demonstrate its "cups" shape that is a characteristic of the antiferroelectric – like ordering and coincides with observed double hysteresis loops in $Sn_2P_2S_6$ crystal below T_0 [231].



Fig. 8.7. Dependence of the inverse of thermal diffusivity measured in the [100] crystallographic direction in the vicinity of continuous phase transition in $Sn_2P_2S_6$, $(Pb_{0.2}Sn_{0.8})_2P_2S_6$ and $Sn_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ crystals [43, 96, 98] (a); results of the fittings of the inverse of thermal diffusivity (b), deviation curves for the fittings (c). The points correspond to experimental measurements, the continuous lines to the fittings to Eq. (4). Blue color corresponds to the fitting below the critical temperature, red to the ones above it. τ is reduced temperature

8.4. Conclusions

Static and dynamic critical behavior of $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ type ferroelectrics and $(\text{Pb}_x\text{Sn}_{1-x})_2\text{P}_2(\text{Se}_y\text{S}_{1-y})_6$ mixed crystals are governed by multicritical point presence on their phase diagram. At hydrostatic compression of $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ crystal or at tin by lead substitution in $(\text{Pb}_x\text{Sn}_{1-x})_2\text{P}_2\text{S}_6$ mixed crystals the TCP can be reached, what is

described by the BEG model for a system with three-well local potential for pseudospins fluctuations. At sulfur by selenium replacement in $\text{Sn}_2\text{P}_2(\text{Se}_y\text{S}_{1-y})_6$ solid solutions the LP is induced, what is explained by first and second neighbors short range interaction ratio changing in pseudospin ANNNI model. At simultaneous variation of chemical composition in cationic and anionic sublattices the lines of TCPs and LPs on T - x - y phase diagram meet at the TCLP, and this higher order multicritical point can be described in a combined BEG – ANNNI model [212]. Below the temperature of TCLP, which can be considered as the Lifshitz line end point, the "chaotic" state with coexisting ferroelectric and metastable paraelectric and modulated phases is possible. This expectation agrees with the concentration evolution of heat capacity [175] and dielectric susceptibility [225] temperature dependence in (Pb_xSn_{1-x})₂P₂Se₆ mixed crystals, which demonstrates a gradual lock– in transition smearing with growth of lead concentration.

In addition to the frustration of polar fluctuations near the center of the Brillouin zone, in $Sn_2P_2S_6$ crystal the antipolar fluctuations also strongly develop in the paraelectric phase on cooling to the continuous phase transition temperature T₀. At this transition, the critical behavior according to the thermal diffusivity data [96] can be described as a crossover between Ising and XY universality classes, what is expected near a bicritical point with coupled polar and antipolar order parameters.

Chapter 9. Ferroelectricity induced by germanium dopants in quantum paraelectrics Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆

9.1. Introduction

In this chapter, we will consider how the introduction of germanium in the cation sublattice has an effect on the general shape of the phase diagram and on the possible responsibility to change the location and the ferroelectric properties of the transition. The dipole ordering in $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ materials may be tuned by chemical substitution realizing a ferroelectric quantum phase transition and quantum glassy or relaxor type phenomena on different parts of the phase diagram. The introduction of Ge impurity increases the temperature of the phase transitions and enhances the stereoactivity of the cation subsystem [191, 198].

At low temperatures, a quantum critical behavior in $Pb_2P_2S_6$ crystal can be established by the nonlinear coupling between polar and antipolar fluctuations. In this chapter we will consider the influence on dielectric and thermal properties induced by Ge impurity.

9.2. Samples and experimental techniques

Single crystals of $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$, $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$, $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.5}S_{0.5})_6$, $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ and $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ were obtained by a chemical gas transport reaction with a small amount of carrier gas of I₂. High-purity elements Sn (99.99%), Pb (99.99%), P (99.999%), S (99.99%), Se (99.99%), and Ge (99.999%) in atomic percentage in required proportion were placed into the quartz tube. Thin slabs with their faces in monoclinic symmetry plane perpendicular to the (001) direction with the thickness of 500 – 550 µm were cut for the thermal diffusivity measurements. The thermal diffusivity measurements have been performed using a high-resolution *ac* photopyroelectric calorimeter in the standard back detection configuration using a closed cycle helium cryostat. In order

to study the anomalies of the thermal diffusivity curves and to check possible temperature hysteresis, the rate of change of the temperature varied in the range of 100 - 10 mK / min. A detailed description of the experimental setups used during these investigations can be found in chapter 2.

In addition to the calorimetric measurements for Pb₂P₂S₆, (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆, (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂S₆ and (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ crystals the dielectric measurements data have also been used [242]. In this case, monocrystal plates with a thickness of about 2 mm and plane parallel faces around 15 mm² with silver paste electrodes on polar (100) phases were prepared. The complex dielectric permittivity $\varepsilon^* = \varepsilon' + i\varepsilon''$ was measured by a capacitance bridge HP4284A in the frequency range 10 kHz - 1 MHz. In order to study the temperature dependence of dielectric susceptibility the sample was placed in the He cryostat between the two copper conductors (contacts).

9.3. Thermal diffusivity anomalies in (Pb_xSn_{1-x})₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ chalcogenides with Ge impurity

In Sn₂P₂(Se_{0.2}S_{0.8})₆ the substitution of Ge 5% increases the critical temperature from 300.93 K to 307.13 K (fig. 9.1 a) as well as makes the anomaly slightly broader and brings some rounding. For the Lifshitz point composition Sn₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆, the critical index $\alpha \approx 0.34$ and the critical amplitudes ratio $A^+/A^- \approx 0.42$ were observed [43]. The introduction of Ge increases the critical temperature from 281.3 K to 284 K (Fig. 9.1 b) but changes neither the character of the transition nor the universality class, as it is uniaxial Lifshitz class with critical exponent $\alpha \approx 0.25$ and $A^+/A^- \approx 0.49$ [191]. Such values agree with the theoretical ones estimated for a Lifshitz system without considering strong dipolar interactions. In the case of the Lifshitz point in uniaxial ferroelectrics only small multiplicative corrections to mean field behavior are expected [69] in the critical region. Hence, both the critical exponent and the amplitude ratio values observed for the Sn₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆ mixed crystal lead to the conclusion that long-range interactions do not have a strong influence on the critical behavior in this system. This can be related to the partial screening of the dipole - dipole interaction by charge carriers in the $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ ferroelectric semiconductors.



Fig. 9.1. Thermal diffusivity as a function of temperature for $Sn_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ [43] and $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ (a), $Sn_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$ [43] and $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$ (b) [191], $Sn_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$ [43] and $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$ (c), $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$ (d). Number 1 shows the samples without Ge while 2 demonstrates the crystals with Ge 5%

As already shown in Chapter 7, the introduction of Pb leads to a more obvious separation of the paraelectric and the ferroelectric phases. In the case of germanium, as we can see in Fig. 9.1 (c, d) this does not happen, although, as in the case of lead, the introduction of germanium leads to some rounding of anomalies. Unfortunately, the quality of $Sn_2P_2(Se_{0.5}S_{0.5})_6$ crystal, where the separation may be more apparent, was quite bad, preventing it from being included in the fig. 9.1 d. Obviously, it would also be interesting to study the crystals with y = 0.6, 0.8 selenium concentration.



Fig. 9.2. Thermal diffusivity as a function of temperature for $Sn_2P_2Se_6$ (1) and $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ (2). Data for $Sn_2P_2Se_6$ is taken from [43]
For $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ crystal, the position of the transitions is almost unchanged, which can be interpreted as the fact that the amount of germanium is less than necessary (Fig. 9.2).

Overall, the results of the thermal diffusivity studies may indicate that germanium inhibits the splitting of the paraelectric and ferroelectric phases for the samples with a selenium concentration above y_{LP} .

9.4. Quantum paraelectric state and critical behavior in Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ ferroelectrics

For Pb₂P₂S₆ crystal the $\varepsilon'(T)$ dependence [242] shows monotonic rise on cooling till 20 K with some flattening below 50 K (Fig. 9.3 a). At lead by germanium substitution (about 2%), a clear maximum of $\varepsilon''(T)$ near 30 K (at 1 MHz frequency) is observed (Fig. 9.3 b). In order to describe the temperature dependencies of the dielectric susceptibility of quantum paraelectrics, the authors of work [242] have used Barrett's equation:

$$\varepsilon'(T) = \frac{C_{CW}}{\left(\frac{T_1}{2}\right) \operatorname{coth}\left(\frac{T_1}{2T}\right) - T_c} + \varepsilon_0, \qquad (9.1)$$

where C_{CW} is the Curie-Weiss constant, T_c is the classical paraelectric Curie temperature, ε_0 is a temperature independent constant and T_I is the dividing point between the low temperatures where quantum effects are important so $\varepsilon(T)$ deviates from Curie-Weiss law, and the high temperature region where a classical approximation and Curie-Weiss law are valid [238].

In many cases, $T_c \leq 0$ K, and the material does not undergo a ferroelectric phase transition at any finite temperature. When T_c is finite and $T_c < T_l$, the quantum fluctuations break the long range ferroelectric order and stabilize the quantum paraelectric state in the sample. Probable ferroelectric transition occurs at T_c [239]. According to dielectric data [216] of Pb₂P₂S₆ (Fig. 9.3 a) deviation from Barrett's equation starts around 75 K. The obtained parameter values ($T_l = 190$ K and $T_c = -$ 370 K) for $Pb_2P_2S_6$ crystal demonstrate that the material does not undergo a ferroelectric phase transition at any finite temperature.

As was mentioned in previous chapters, when lead substitutes tin in $Sn_2P_2S_6$ type crystals, the hybridization of anion and cation sublattices electron orbitals becomes weaker, reducing the phase transition temperature. On the other hand, Ge dopant plays an opposite role: it enhances the total stereoactivity of the cation sublattice in the crystal. Small amount of impurities in quantum paraelectrics could induce ferroelectricity [240, 241]. So, it is possible that germanium impurities can affect quantum paraelectric state of $Pb_2P_2S_6$. Fig. 9.3 b shows the temperature dependence of the real part of dielectric susceptibility for $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ crystal and confirms a non-classical T^2 behavior of the inverse dielectric susceptibility. For this, the temperature dependence of the real part of dielectric susceptibility for crystal doped by germanium is fitted by the Barret's equation 9.1 giving temperatures $T_1 \approx 207$ K and $T_c \approx 40$ K [242]. Since $T_c < T_1$ for $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$, it could be concluded that the long-range ferroelectric order in the sample doped by Ge is broken due to quantum fluctuations below 207 K, and a probable ferroelectric transition occurs in the temperature region between 40 K and 80 K (Fig. 9.4). Doping with germanium obviously induces some disordering and decreases the real part of susceptibility below 80 K deviating from Barrett's fit (Fig. 9.3 b).



Fig. 9.3. Temperature dependence of the real part of the dielectric susceptibility for Pb₂P₂S₆ crystal at 100kHz (a) and (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆ at 10 kHz (b) [242]. The inset shows the $\varepsilon(T)^{-1} \sim T^2$ behavior. Orange lines are the fitting of equation 9.1

The peak of the real part of the dielectric susceptibility is broad. Moreover, there are two peaks of the imaginary part of the dielectric susceptibility with a frequency dispersive behavior, and the temperatures of the loss peaks are around 50 K and 100 K at 100 kHz (Fig. 9.4). Obviously, this is related to compositional fluctuations in (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆ crystal. Also, a fast-enough dynamics of local dipoles, and slower dynamics of noninteracting ones, or weakly interacting nanoclusters, can determine the broadness of the phase transition induced by Ge impurity with related frequency – temperature anomalous behavior of dielectric susceptibility that is similar to the one observed in the case of a crossover between dipole glass and ferroelectric relaxor [240, 241].



Fig. 9.4. Temperature dependence of dielectric susceptibility real ε ' (blue squares) and imaginary ε'' (red circles) parts at 100 kHz for $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ crystal

As was already found in [171], for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ mixed crystals with compositions $x \approx 0.61$ and $x \approx 0.66$, which are close to the transition at zero temperature from a polar phase (x < 0.7) to a paraelectric one (x > 0.7), the dielectric susceptibility demonstrates the quantum critical behavior with $T_c \approx 35$ K and 20 K, respectively. Therefore, the study of crystals with higher concentrations of lead was necessary. The influence of Ge dopants on the quantum paraelectric state of Pb₂P₂S₆ type compounds by studying (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂S₆ and (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ samples has been investigated. In these crystals the Sn^{2+} sites were codoped with two different impurities (Pb²⁺ and Ge²⁺) which have very different influences on the phase transitions. It is important to realize that Sn substitution has the strongest effect because the ferroelectric phase transition is induced by the stereoactivity of the Sn²⁺ cation $5s^2$ electron lone pair.

The temperature dependence of the real part of the dielectric susceptibility for $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ and $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ crystals [242] is shown in Fig. 9.5. Susceptibility ε' increases continuously with decreasing temperature from room temperature till 20 K. The dielectric losses have a maximum at low temperature, around 50 K at a frequency of 100 kHz. The inverse dielectric permittivity $1/\varepsilon(T)$ exhibits the expected non-classical T^2 temperature dependence not only in the case of doped $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ sample (Fig. 9.3), but it is also observed in mixed crystals $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ and $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ (Fig. 9.5). From this follows that the ferroelectric quantum critical behavior is relatively insensitive to quenched disorder in doped samples and mixed crystals.



Fig. 9.5. Temperature dependence of dielectric susceptibility real part of $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ (a) and $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ (b) at 10 kHz [242]; orange solid curve is the fitting according to the Barret's equation (1). The inset shows the reciprocal dielectric susceptibility as a function of the squared temperature

By fitting the experimental data [242] of Fig. 9.5 a to Barrett's equation (1) the next parameters were determined: $T_1 \approx 70$ K, $T_c \approx -4$ K, and $C_{CW} \approx 30670$ K. The observed temperature behavior of the dielectric susceptibility demonstrates that $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ crystal obviously undergoes some inhomogeneous polar ordering at very low temperatures.

Similarly, the temperature dependence of the dielectric susceptibility $\varepsilon'(T)$ for the (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ [242] crystal is shown in Fig. 9.5 b. On cooling from 300 till 20 K both ε' and ε'' increase, their frequency dispersion appears below 70 K [242]. By fitting to the Barret's equation 9.1 (Fig. 9.5 b) it was found that $T_1 \approx 55$ K, $T_c \approx$ -6 K, and $C_{CW} \approx 34260$ K [242]. It is seen that in the selenide mixed crystal (Pb_{0.7}Sn_{0.3})₂P₂Se₆ the germanium impurity induces inhomogeneous polar ordering at lower temperatures similarly to the case of the sulfide analogue.

As a whole, according to the results of the dielectric investigations, it can be concluded that $Pb_2P_2S_6$ crystals exhibit a quantum paraelectric state. The introduction of small amounts of germanium dopant provokes the appearance of the ferroelectric phase. In mixed crystals a very inhomogeneous polar ordering (like dipole glassy or relaxor state) appears below approximately 70 K.

From the data obtained by the fittings we can see that the $\varepsilon'(T)$ dependence of Eq. 9.1, considering quantum fluctuations for Pb₂P₂S₆ compound, predicts the value of T_c in accordance with $T_0(y)$ dependence for (Pb_ySn_{1-y})₂P₂S₆ mixed crystals (Fig. 1). At this, the value of T_1 is strongly suppressed in mixed crystals – from 190 K in Pb₂P₂S₆ and 207 K in the case of (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆ to $T_1 \approx 70$ K in the solution with x = 0.7. Such decrease of the crossover temperature T_1 from classic to quantum fluctuations behavior can be interpreted as the manifestation of quantum coherence destruction for the electronic component of spontaneous polarization fluctuations, that are determined by phosphorous cations P⁴⁺ + P⁴⁺ \leftrightarrow P³⁺ + P⁵⁺ charge disproportionation. The electronic contribution to spontaneous polarization is connected to the coherent state of polaronic excitons – small hole polarons in SnPS₃ structural groups are coupled with small electronic excitons are strongly bounded

by defects in mixed crystals what preserves the development of quantum fluctuations when lowering the temperature.

In Fig. 9.6 the temperature dependencies of real and imaginary parts of dielectric susceptibility are compared for $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$, $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ and $Pb_2P_2S_6$ crystals [242] in comparison with data [171] for $(Pb_{0.66}Sn_{0.34})_2P_2S_6$ and $(Pb_{0.61}Sn_{0.39})_2P_2S_6$ mixed crystals. We can see that the dielectric anomalies induced by the germanium impurity are smeared similarly to the observed anomalies in the case of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ solid solutions with lead concentration near the threshold value $x_c = 0.7$. In all three samples a complex thermal evolution of the provoked inhomogeneous polarization occurs on cooling below 70 K.



Fig. 9.6. Temperature dielectric susceptibility real (a) and imaginary (b) parts for crystals $Pb_2P_2S_6$, $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$, $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ [242]. Data [171] for $(Pb_{0.61}Sn_{0.39})_2P_2S_6$ and $(Pb_{0.66}Sn_{0.34})_2P_2S_6$ mixed crystals are also shown for comparison

In fig. 9.7 (a) we present the experimental thermal diffusivity data for $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ Ta $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ crystals. Thermal conductivity κ has been retrieved by eq. 6.2. In order to do it we have used the calculated heat capacities for $(Sn,Pb)_2P_2S_6$ crystals and the experimental heat capacity from [175]. In the case of $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ mixed crystals the thermal conductivity temperature behavior (Fig. 9.7 b) is similar to the one observed in case of glassy materials, what demonstrates an effective phonon scattering in solid solutions with

sublattice of mixed tin and lead cations. The addition of germanium impurity induces the dipole glass state. Only a small contribution to thermal conductivity by germanium addition is observed in the temperature range from 50 K to 120 K. This has also been confirmed by additional studies of the temperature dependence of the real and imaginary parts of dielectric susceptibility at different frequencies (Fig. 9.8) of solid solutions with germanium [237]. Similar behavior is also observed for (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ selenide solid solution.

With the introduction of germanium into the lattice of $Pb_2P_2S_6$ crystal, the temperature dependence of the thermal conductivity in a wide temperature range coincides with Eiken's law, i.e. it is proportional to the inverse of temperature (Fig. 9.7 d). Such dependency gives evidence about the dominant role of three – phonon scattering processes in the thermal resistivity. In the case of $Sn_2P_2S_6$ ferroelectric phase, the introduction of Ge impurity also improves $\kappa \sim T^{-1}$ temperature dependence for the thermal conductivity.



Fig. 9.7 Temperature dependence of thermal diffusivity D for $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2 P_2S_6$ (1) and $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ (2), Temperature

dependence of thermal conductivity κ for Pb₂P₂S₆ (1) (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆ (2), (Sn_{0.95}Ge_{0.05})₂P₂S₆ (3) and Sn₂P₂S₆ (4) in normal (c) and logarithmic (d) coordinates. Inset: their $\kappa(T^{-1})$ dependence. Grey dashed curve shows $\kappa \sim T^{-1}$ behavior. Data for *D* is taken from [43, 96, 191]



Fig. 9.8. Temperature dependence of the real and imaginary dielectric susceptibility at different frequencies for: $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ (a, b) and $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ (c, d) crystals

For $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ crystal the thermal conductivity at low temperatures is bigger than in the case of pure $Pb_2P_2S_6$ crystal (Fig. 9.7 c, d). This is related to the induction of polar clusters of the ferroelectric phase when doping with Ge. The dielectric susceptibility of such clusters is smaller than the susceptibility of the paraelectric phase and the frequency of the lowest energy soft polar optic mode near the Brillouin zone center is elevated. The growth of the soft optical mode frequency diminishes the probability of the optical phonon resonance scattering by acoustic phonons [244, 245]. At low temperatures heat is transferred by acoustic and lowest frequency optical phonons. Acoustic phonons with small wave numbers are involved mostly in normal scattering (N – process) that doesn't contribute to thermal resistivity. The phonons from the optical branch near the BZ center also participate in Umklapp scattering (U – process) by lattice imperfections, which provide an effective thermal resistivity. So, the hardening of the optical branch lowers the population of the optical phonons and increases the thermal conductivity of $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ crystal at very low temperatures (Fig. 9.7 c, d).

The explanation given above agrees with the comparison of the changes in the temperature dependencies of dielectric susceptibility and thermal conductivity induced by germanium (Fig. 9.9). On cooling below 100 K, the difference in thermal conductivity between $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ and $Pb_2P_2S_6$ crystals rapidly rises, and oppositely – dielectric susceptibility of $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ crystal quickly lowers relatively to $Pb_2P_2S_6$ crystal susceptibility. Such low temperature evolution of the dielectric susceptibility induced by germanium impurity reflects the hardening (frequency increase) of the lowest polar optic mode near the BZ center.



Fig. 9.9. Temperature dependence of thermal conductivity and dielectric susceptibility [242] difference for $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ and $Pb_2P_2S_6$ crystals. Data for *D* is taken from [191]

As has already been told in chapter 8, in order to build a $T - \Delta$ diagram for $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ crystals, the parameter Δ depends on the change in the difference between the central and side minimum in the local potential, which occurs at the

change in tin/lead concentration in the cation. Thus, the quantum anharmonic oscillator model [158] can be used to determine the coordinate of the virtual " $Ge_2P_2S_6$ ", which allows us to determine the shape of the local potential. In this model, the real crystal lattice is represented as a system of one-dimensional interacting quantum anharmonic oscillators.

The local potentials of quantum anharmonic for Pb₂P₂S₆, Sn₂P₂S₆ and virtual "Ge₂P₂S₆" crystals, which were determined by a methodology described earlier [158], are shown in Fig. 9.10 a. They are characterized by the below listed frequency ω_0 , temperature T_x and values of zero-point energy $E_0 = \frac{\hbar \omega_0}{2}$:

Pb₂P₂S₆: $\omega_0 \approx 47 \text{ cm}^{-1}$, $T_x \approx 72 \text{ K}$, $E_0 \approx 0.003 \text{ eV}$; Sn₂P₂S₆: $\omega_0 \approx 60 \text{ cm}^{-1}$, $T_x \approx 86 \text{ K}$, $E_0 \approx 0.004 \text{ eV}$; Ge₂P₂S₆: $\omega_0 \approx 80 \text{ cm}^{-1}$, $T_x \approx 115 \text{ K}$, $E_0 \approx 0.005 \text{ eV}$.

The shape of the local potential favors an off - center displacement of Sn^{2+} cations in $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ or Pb^{2+} cations in $\text{Pb}_2\text{P}_2\text{S}_6$ crystal lattice that induces a local electric dipole. The local dipoles at a given inter-cell interaction *J* cannot be ordered down to the lowest temperatures in the case of $\text{Pb}_2\text{P}_2\text{S}_6$ crystal, but here the ferroelectric ground states may be reached via chemical substitution of lead cations by tin or germanium cations.



Fig. 9.10. The QAO local potentials at T = 0 K and their lowest energy levels for crystals Pb₂P₂S₆ (1), Sn₂P₂S₆ (2) and for virtual crystal "Ge₂P₂S₆" (3) (a). The phase transition temperature as a function of Δ , calculated in the mean -

field approximation on the BEG model [158] (b). Solid line denotes first order and dashed one second order phase transitions. Blue triangle shows tricritical point, orange star shows quantum point

At low temperatures for ferroelectrics the quantum fluctuating electrical dipoles are coupled to the elastic steps of freedom. The quantum critical phase in three dimensional space d is evident by the fact that the dielectric susceptibility depends on both the static and dynamic (frequency dependent) properties of the system, which results for multiaxial ferroelectrics, like perovskite SrTiO₃, in a unity rise of effective dimension $- d_{eff} = d + 1 = 4$ [246, 247]. In the uniaxial ferroelectrics apart from short range interactions, the long range anisotropic electrical dipole interactions provide a further unity increase in the effective dimension to $d_{eff} = d + 2 = 5$ [248, 249].

For SrTiO₃ below 25 K a nonmonotonic temperature dependence of the dielectric susceptibility arises from optic and acoustic phonon coupling (electrostriction) [250]. The upturn in the inverse susceptibly occurs when *T* is less than 10% of T_x , where T_x is the temperature associated with the soft transverse optical phonon frequency ω at the Brillouin zone (BZ) center in the zero-temperature limit. This means that the fit of the dielectric susceptibility data to a quantum criticality model without taking into account the electrostrictive coupling is appropriate only for $T > 0.1 * T_x$. This condition is fulfilled for Pb₂P₂S₆ crystal where 0.1 $T_x \approx 7$ K.

In Fig. 9.11 the measured dielectric susceptibility $1/\epsilon'(T)$ over the range 27 - 80 K for Pb₂P₂S₆ crystal in different temperature scales is shown. From the comparison of Fig. 9.11 a and Fig. 9.11 b, it is seen that $1/\epsilon'$ varies as T^2 in the region 27 - 80 K and doesn't satisfy the T^3 quantum critical behavior. Above 80 K this crystal exhibits classical Curie-Weiss behavior (Fig. 9.11 c, d). We emphasize that for Pb₂P₂S₆ crystal the critical exponent is close to $\gamma = 2.0$, that is calculated and observed for multiaxial quantum critical systems like SrTiO₃ [246, 247], and does not follow the theoretically predicted for uniaxial ferroelectrics value $\gamma = 3.0$ [248, 249] which have been experimentally found in the case of BaFe₁₂O₁₉ and SrFe₁₂O₁₉ crystals [248].

The $1/T^2$ low temperature variation found for the dielectric susceptibility of Pb₂P₂S₆ close to the quantum critical point instead of the expected uniaxial behavior of $1/T^3$ can be explained at first glance by a screening phenomenon in semiconductor materials of the Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ system which weakens the electric dipole interaction. Such explanation is seen as appropriate for the above discussed critical behavior near the Lifshitz point in Sn₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆ mixed crystal, which agrees with the theoretically predicted for systems with short – range interactions [43, 191]. But, for Pb₂P₂S₆ crystals at low temperatures, the electric conductivity is very small (below 10⁻¹⁴ Om⁻¹ cm⁻¹ [251]) and screening effects can't be effective with a low concentration of the free charge carriers.



Fig. 9.11. Reciprocal dielectric susceptibility of $Pb_2P_2S_6$ crystal as a function of temperature in different scales

As was already shown for $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ crystal in fig. 8.6 a, for $\text{Pb}_2\text{P}_2\text{S}_6$ crystal (Fig. 9.12) the soft optic branch in the paraelectric phase is also flat: soft phonons frequency slightly changes with the increase of wave number and moves from the BZ center to the edge, where the crossing with acoustic phonon branches occurs [185]. On cooling to the continuous phase transition temperature $T_0 \approx 337$ K for $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6$ crystal, in addition to the development of polar fluctuations near the BZ center, the antipolar fluctuations also strongly develop in the paraelectric phase. In the previous chapter we have shown that here the critical behavior can be described as a crossover between Ising and XY universality classes, what is expected near bicritical points with coupled polar and antipolar order parameters and competing instabilities in the reciprocal wave vectors space. A similar situation obviously exists in the quantum

paraelectric phase of $Pb_2P_2S_6$ crystal, where on cooling down to 0 K the flat optic phonon branch softens across wide reciprocal space in Brillouin zone. Besides, the long wavelength polar fluctuations grow together with a development of short wavelength antipolar fluctuations and, therefore, their nonlinear coupling can modify the quantum critical behavior.



Fig. 9.12. Acoustic and soft optic phonon branches, calculated by GGA approach of DFT for $Pb_2P_2S_6$ [158]



Fig. 9.13. T - x - y - z phase diagram for mixed crystals in Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ system [56]. Dashed lines show the second order PTs, solid lines demonstrate the first order PTs. Blue spheres show the phase transitions in crystals with germanium according to data [191, 198] and own experimental data presented above. For crystals with quantum paraelectric state determined by equation 9.1 values of T_c (brown spheres) and T_1 (violet triangles) are shown. Black rhombs denote quantum point (QP) and

quantum critical point (QCP). Paraelectric (P), ferroelectric (F) and incommensurate (IC) phases are also shown.

In Fig. 9.13 the T-x-y-z diagram for Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ compounds is shown. Such diagram contains the information about the crystals with germanium. It is well seen that an increase in the Ge impurity decreases the width of the incommensurate phase. Our experimental data on $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.5}S_{0.5})_6$ crystal probably confirms it as at this concentration of selenium there is no any phase separation. In the cation sublattice germanium can only be introduced up to a certain quantity which corresponds to a solubility limit [200]. Thus, it is impossible to check it experimentally.

9.5. Conclusions

The dipole ordering temperature of $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ materials may be tuned by chemical substitution realizing a ferroelectric quantum phase transition and quantum glassy or relaxor type phenomena in different parts of the phase diagram. The introduction of Ge impurity initiates several important phenomena: it increases the temperature of the phase transitions and improves the spontaneous polarization in the crystal; it doesn't shift the coordinate of the Lifshitz point y_{LP} in $Sn_2P_2(Se_yS_1,$ $y_y)_6$ mixed crystals; it initiates a more pronounced critical anomaly in $Sn_2P_2S_6$ crystals; it induces the appearance of a phase transition in the quantum paraelectric $Pb_2P_2S_6$ and inhomogeneous polar ordering in $(Pb_{0.7}Sn_{0.3})_2P_2S(Se)_6$ crystals. The quantum fluctuations are destroyed in the mixed crystals, what follows from the comparison of the low temperature behavior of the thermal diffusivity and the complex dielectric susceptibility at different frequencies.

Conclusions

In what follows, the most important results obtained in the study of the thermal properties and the critical behavior of the continuous second order PTs of $MM'P_2(S,Se)_6$ (M, M' = Cu, Ag, In, Bi, Sn, Pb) phosphorus chalcogenides by means of *ac* photopyroelectric calorimetry are presented:

- 1. It is found that in phosphorous layered crystals $(Cu,Ag)^+(In,Bi)^{3+}P_2(Se,S)_6$, at temperatures higher than the Debye temperature the thermal conductivity reaches extremely low values (≈ 0.2 W m⁻¹ K⁻¹) due to a strong anharmonicity of the crystal lattice caused by the relaxation of the lone electron pairs of stereoactive M^{3+} cations, the strong interaction between the soft optical and acoustic phonon branches, and the presence of a second order Jahn-Teller effect for copper cations. Significant thermal anisotropy was detected in the investigated layered ferroics, where the heat is transferred up to six times better along the structural layers than across them.
- 2. The thermal diffusivity data in CuBiP₂Se₆ crystal confirm the presence of an intermediate structure-modulated phase between the low temperature antiferroelectric phase and the high temperature disordered one.
- 3. The substitution of copper by silver 10% in CuInP₂S₆ changes the character of the PT from first order to second order. Such substitution also reduces the PT temperature by 30 K and frustrates the anomaly of thermal diffusivity, making it broader and shallower.
- 4. The results on the experimental research of thermal diffusivity for solids $(Sn_{1-x}Pb_x)_2P_2(S_ySe_{1-y})_6$ with lead concentration x = 0.1, 0.2, 0.3 and selenium y = 0.2 indicate that the partial substitution of tin by lead (between x = 0.1 and 0.2) has the consequence of changing the second-order PT line to a first-order PT line, which agrees with the theoretical predictions for the Blume-Emery-Griffiths

model, which describes the temperature-concentration (pressure) phase diagram for three-well potentials with spontaneous polarization fluctuations.

- 5. The obtained value of the critical exponent 0.085 for α = $(Sn_{0.9}Pb_{0.1})_2P_2(Se_{0.2}Se_{0.8})_6$ crystal indicates that the introduction of lead in the cationic sublattice leads to the appearance of strong random field defects which provoke the disappearance of the TCP; at decreasing the transition temperature to T_{TCP} , the nature of the first order PT is manifested. As a result, the critical behavior cannot be considered within the Tricritical universality class, and a Mean Field model is instead of application.
- 6. The topology of T x y phase diagram in the vicinity of tricritical Lifshitz point for $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ solid solutions is established. Such diagram can be described with the combination of Blume-Emery-Griffiths model, which explains the TCP appearance at substitution of tin by lead in cationic sublattice, and the ANNNI model, which explains the appearance of Lifshitz point as well as the incommensurate phase at substitution of sulphur by selenium in anionic sublattice.
- 7. It is shown that the critical behavior of the anomaly of the inverse thermal diffusivity near the continuous PT in Sn₂P₂S₆ crystal is well described as a crossover between Ising and XY universality classes, which is expected near a bicritical point with coupled polar and antipolar order parameters with the values: $\alpha_{XY} = -0.0092 \pm 0.0008$ below T_0 and $\alpha_{ISING} = 0.1049 \pm 0.0066$ above T_0 .
- 8. A substitution of the stereoactive tin cations by the more stereoactive germanium cations in $(Sn_Pb)_2P_2(S,Se)_6$ compounds increases their thermal conductivity due to the increase of frequency of the lowest polar optic mode near BZ center which in turn diminishes the probability of the optical phonons resonance scattering by acoustic phonons. In $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S(Se)_6$ and $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S(Se)_6$ solid solutions germanium induces the dipole glass state in the temperature region of quantum fluctuations (at T < 50 K).

Bibliography

1. Glukhov K. Electronic Structure and Phase Transition in Ferroelectic $Sn_2P_2S_6$ Crystal / K. E. Glukhov, K. V. Fedyo, Yu. M. Vysochanskii // International Journal of Molecular Sciences. -2012. - V. 13(11). - P. 14356-14384.

2. Rushchanskii K. Ferroelectricity in $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2S_6$ mixed crystals and random field BEG model / K. Z. Rushchanskii, R. M. Bilanych, A. A. Molnar, R. M. Yevych, A. A. Kohutych, S. I. Perechinskii, V. Samulionis, J. Banys, Y. M. Vysochanskii // Physica Status Solidi B. – 2016. – V. 253 No. 2. – P. 384-391.

3. Vysochanskii Yu. M. Raman spectroscopy study of the ferroelectric paraelectric transition in layered $CuInP_2S_6$ / Yu. M. Vysochanskii, V. A. Stephanovich, A. A. Molnar, V. B. Cajipe, X. Bourdon // Physical Review B. – 1998. – V. 58, N 14. – P. 9119-9124.

 Susner M. A. Metal Thio- and Selenophosphates as Multifunctional van der Waals Layered Materials / M. A. Susner, M. Chyasnavichyus, M. A. McGuire, P. Ganesh, P. Maksymovych // Advanced Materials. – 2017. – V. 29, I. 38. – P. 1602852(1–39).

5. Kleemann W. Magnetic and polar phases and dynamical clustering in multiferroic layered solid solutions $CuCr_{1-x}In_xP_2S_6$ / W. Kleemann, V. V. Shvartsman, P. Borisov, J. Banys, Yu. M. Vysochanskii // Physical Review B. – 2011. – V. 84, – P. 094411(1–8).

Belianinov A. CuInP₂S₆ Room Temperature Layered Ferroelectric / A. Belianinov, Q. He, A. Dziaugys, P. Maksymovych, E. Eliseev, A. Borisevich, A. Morozovska, J. Banys, Y. Vysochanskii, S.V. Kalinin // Nano Letters. – 2015. – V. 15, I. 6. – P. 3808-3814.

7. Wang F. Subthermionic field-effect transistors with sub-5 nm gate lengths based on van der Waals ferroelectric heterostructures / Feng Wang, Jia Liu, Wenhao

Huang, Ruiqing Cheng, Lei Yin, Junjun Wang, Marshet Getaye Sendeku, Yu Zhang, Xueying Zhan, Chongxin Shan, Zhenxing Wang, Jun He // Science Bulletin. In press.

Howell J. R. Thermal Radiation Heat Transfer, 5th Edition / J. R. Howell, M.
 Pinar Menguc, R. Siegel // CRC Press, Taylor & Francis Group. – 2010. – P. 987.

9. Levenspiel O. Engineering Flow and Heat Exchange / O. Levenspiel // Springer. – 1984. – P. 378.

 Carslaw H. S. Conduction of Heat in Solids / Carslaw H. S. Jaeger J. C. // London: Oxford University Press. – 1959. – P. 510.

Salazar A. On thermal diffusivity / A. Salazar // European Journal of Physics.
- 2003. - V. 24. - P. 351-358.

12. Ioffe A.F. Physics of semiconductors / Ioffe A.F. //Academic Press inc. – 1960.
– P. 436.

Reissland J. A. The Physics of Phonons / J. A. Reissland // Wiley. – 1972. – P.
 319.

14. Feng T. Four-phonon scattering reduces intrinsic thermal conductivity of graphene and the contributions from flexural phonons / T. Feng, X. Ruan // Physical Review B. – 2018. – V. 97. – P. 045202(1-12).

 Ziman J.M. Electrons and Phonons: The Theory of Transport Phenomena in Solids / Ziman J.M. // Oxford: At the Clarendon Press. – 2001. – P. 576.

 Yang Q. S. Advanced heat transfer, 2nd edition / Q. S. Yang, B. Y. Pu // Shanghai Jiao Tong University Press. – 2001. (In Chinese)

17. Rose A. Laser beam profile measurement by photothermal deflection technique
/ A. Rose, Y.-X. Nie, R. Gupta // Applied Optics. – 1986. – V. 25. – I. 11 – P. 1738-1741.

Rose A. Pulsed photothermal deflection spectroscopy in a flowing medium: a quantitative investigation / A. Rose, R. Vyas, R. Gupta // Applied Optics. – 1986. – V. 24. – P. 4626-4643.

 Bićanić D. Photoacoustic and Photothermal Phenomena III / D. Bićanić, // Photoacoustic and Photothermal Phenomena III. Springer Series in Optical Sciences. - 1992. - V. 69. - P. 732.

20. Thoen J. / Investigations of phase transitions in liquid crystals by means of adiabatic scanning calorimetry / J. Thoen, G. Cordoyiannis, C. Glorieux // Liquid Crystals – 2009. – V. 36. – P. 669-684.

21. Yao H. Nonadiabatic scanning calorimeter / H. Yao, K. Ema, C.W. Garland // Review of Scientific Instruments. – 1998. – V. 69. – P. 172-178.

22. Sullivan P. F. / Steady-state ac-temperature calorimetry / P.F. Sullivan, G. Seidel // Physical Review. – 1968. – V. 17. – No. 3. – P. 679-685.

23. Garland C.W. / High-resolution ac calorimetry and critical behavior at phase transitions / C.W. Garland // Thermochimica Acta. – 1985. – V. 88. – P. 127-142.

24. Birge N.O. / Specific-heat spectroscopy of the glass-transition / N.O. Birge,
S.R. Nagel // Physical Review Letters. - 1985. - V. 54. - P. 2674-2677.

25. Huang C.C. / New experimental-technique for simultaneously measuring thermal-conductivity and heat-capacity / C.C. Huang, J.M. Viner, J.C. Novac // Review of Scientific Instruments. – 1985. – V. 56. – P. 1390-1393.

26. Mandelis A. / Theory of photopyroelectric spectroscopy of solids / A. Mandelis, M.M. Zver // Journal of Applied Physics. – 1985. – V. 57. – P. 4421-4430.

27. Zammit U. / Perspective: photopyroelectric effects and pyroelectric measurements: "Invited review article: photopyroelectric calorimeter for the simultaneous thermal, optical, and structural characterization of samples over phase transitions" / U. Zammit, M. Marinelli, F. Mercuri, S. Paoloni, F. Scudieri // Review of Scientific Instruments, -2011. - V. 82. - No. 12. - P. 121101(1-4).

28. Mandelis A. Diffusion Waves and their Uses / Mandelis A // Physics Today. –
2000. – V. 53 – P. 29-34.

29. Mandelis A. Structure and the Reflectionless/Refractionless Nature of Parabolic Diffusion-Wave Fields / Mandelis A. Nicolaides L., Chen Y. – 2001. Physical Review Letters. – V. 87. – P. 020801(1-4).

30. Salazar A. / Energy propagation of thermal waves / A. Salazar // European Journal of Physics. – V. 2006. – V. 27. – No. 1. – P. 1349-1355.

31. Cattaneo C. A form of heat conduction equation which eliminates the paradox of instantaneous propagation / C. Cattaneo // Comptes Rendus. – 1958. – V. 247. – P. 431-433.

32. Almond D.P. / Photothermal Science and Techniques / D.P. Almond, P.M.
Patel // Chapman & Hall. – 1996. – P. 241.

33. Massot M. Desarrollo y aplicación de la calorimetría fotopiroeléctrica al estudio de transiciones de fase / M. Massot // PhD thesis. – 2008. – P. 137.

34. Xu. Yu. Ferroelectric materials and their applications / Yu. Xu // Elsevier science Publishers. – 1991. – P. 406.

Hsu R. Synchrotron X-ray Studies of LiNbO₃ and LiTaO₃ / R. Hsu, E. N. Maslen, D. Du Boulay, N. Ishizawa // Acta Crystallographica – 1997. – V. B53. – P. 420-468.

36. Muralt P. Micromachined infrared detectors based on pyroelectric thin films /
P. Muralt // Institute of Physics Publishing. Reports on Progress in Physics. – 2001 –
V. 64. – P. 1339–1388.

37. Sullivan P.F. Steady-state ac-temperature calorimetry / P.F. Sullivan, G. Seidel
// Physical Review. – 1968. – V. 17. No. 3. – P. 679-685.

38. Chirtoc M. Theory of the photopyroelectric method for investigation of optical and thermal materials properties / M. Chirtoc, G. Mihailescu // Physical Review B. – 1989. – V. 40. – P. 9606-9617.

39. Salazar A. / On the influence of the coupling fluid in photopyroelectric measurements / A. Salazar // Review of Scientific Instruments. -2003. - V.74. - No.1. - P. 825-827. 40. Salazar A. / Overcoming the influence of the coupling fluid in photopyroelectric measurements of solid samples / A. Salazar, A. Oleaga // Review of Scientific Instruments. -2012. - V. 83 - No. 1. - 014903(1-4).

41. Salazar A. On the influence of the coupling fluid in photopyroelectric measurements / A. Salazar // Review of Scientific Instruments. – 2003. – V. 74. – P. 825–827.

42. Delenclos S. A New Calibration Procedure for the Determination of Thermal Parameters and Their Temperature Dependence Using the Photopyroelectric Method
/ S. Delenclos, M. Chirtoc, A. Sahraoui, C. Kolinsky, J. Buisine // Analytical Sciences. - 2001. - V. 17. - P. s161-s164.

43. Oleaga A. Critical behavior near the Lifshitz point in $Sn_2P_2(S_{1-x}Se_x)_6$ ferroelectric semiconductors from thermal diffusivity measurements / A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, Yu. Vysochanskii // Journal of Physics-Condensed Matter – 2011. – V. 23. – P. 025902(1-9).

44. Salazar A. On the piezoelectric contribution to the photopyroelectric signal /
A. Salazar, A. Oleaga // Review of scientific instruments. – 2005. – V. 76. – P. 034901(1-4).

45. Landau L. D. Theoretical Physics. Statistical Physics / L. D. Landau, E. M. Lifshitz // Pergamon. Oxford. – 1980. – P. 544.

46. Landau L. On the Theory of Phase Transitions / Landau L. D. // Zh. Eksp. Teor. Fiz. – 1937. – V. 7. – P. 19–32.

47. Landau L. On the Theory of Phase Transitions / Landau L. D. // Phys. Z. Sowjet. – 1937. – V. 11 (545). – P. 26-35.

48. Landau L. D. On the Anomalous Absorption of Sound Near a Second-Order Phase Transition Point / L. D. Landau, I. M. Khalatnikov // Report of the Academy of Sciences of the USSR. – 1954. – V. 96. – P. 469-472.

49. Ginzburg V. L. The dielectric properties of crystals of seignettcelectric substances and of barium titanate / Ginzburg V. L. // Zh. Eksp. Teor. Fiz. – 1945. – V. 15. – P. 739-749.

50. Ginzburg V. L. Polarization and Piezoelectric Effect in BaTiO3 Near the Ferroelectric Transition Point / Ginzburg V. L. // Zh. Eksp. Teor. Fiz. – 1949. – V. 19. – P. 36-41.

51. Ginzburg V.L. Some remarks on second order phase transitions and microscopic theory of ferroelectrics / V.L. Ginzburg // Fiz. Tver. Tela. – 1960. – V. 2. – P. 2031-2134.

52. Strukov B. A. Ferroelectric Phenomena in Crystals / Strukov B. A., Levanyuk
A. P. // Springer-Verlag. – 1998. – P. 308.

53. Devonshire A. F. XCVI. Theory of barium titanate. Part I / Devonshire A. F. // The London, Edinburgh, and Dublin Philosophical Magazine and Journal of Science.
- 1949. - V. 40. - P. 1040-1063.

54. Devonshire A. F. CIX. Theory of barium titanate. Part II / Devonshire A. F. // The London, Edinburgh, and Dublin Philosophical Magazine and Journal of Science.
- 1951. - V. 42. - P. 1065-1079.

55. Valasek J. Piezo-Electric and Allied Phenomena in Rochelle Salt / Valasek J.
// Physical Review. - 1921. - V. 17(4). - P. 475-481.

 56. Vysochanskii Yu. M. Phase Transitions in Ferroelectric Phosphorous Chalcogenide Crystals / Yu. M. Vysochanskii, T. Janssen, R. Currat, R. Folk, J. Banys, J. Grigas, V.Samulionis // Vilnius University Publishing House. – 2006. – P. 453.

57. Khoma M. M. The mean-field analysis of $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ thermodynamical properties in the paraelectric, incommensurate and ferroelectric phases / M. M. Khoma, A. A. Molnar, Yu. M. Vysochanskii // Journal of Physical Studies. – 1998. – V. 2. No. 4. – P. 524-535.

58. Levanyuk A. P. Defects and Structural Phase Transitions / A. P. Levanyuk, A.
S. Sigov // Gordon and Breach Science Publishers. – 1988. – P. 222.

59. Isaverdiev A. A. Influence of defects on the properties of uniaxial ferroelectrics near the lifshitz point / A. A. Isaverdiev, N. Lebedev, A. P. Levanyuk, A. S. Sigov // Ferroelectrics. – 1991. – V. 117. – P. 135-139.

60. Isaverdiev A. A. Phase transition anomalies of physical properties of pyroelectrics and improper ferroelectrics with charged point defects / A. A. Isaverdiev, A. P. Levanyuk, A. S. Sigov // Ferroelectrics. – 1991. – V. 117. – P. 141-148.

61. Isaverdiyev A. Influence of point defects on the properties of ferroelectrics with one spontaneous polarization axis near the Lifshitz point / A. Isaverdiyev, N. Lebedev, A. Levanyuk, A. Sigov // Fiz. Tverd. Tela. – 1989. – V. 31. – P. 272-274.

62. Goldenfeld N. Lectures on Phase Transitions and the Renormalization Group, edited by David Pines / N. Goldenfeld // Frontiers in Physics. – 1992. – P. 420.

63. Fantoni R. Lectures on the renormalization group in statistical physics / R.
Fantoni // Universit`a Ca' Foscari Venezia. - 2017. - P. 16.

64. Uzunov D. I. Introduction to the Theory of Critical Phenomena: Mean Field,
Fluctuations and Renormalization / Dimo I. Uzunov // World Scientific. – 2010. – P.
673.

65. Guida R. Critical exponents of the N -vector model / R. Guida, J. Zinn-Justin // Journal of Physics A: Mathematical and General. – 1998. – V. 31. – No. 40. – P. 8103-8121.

66. Campostrini M. Critical behavior of the three-dimensional XY universality class / M. Campostrini, M. Hasenbusch, A. Pelisseto, P. Rossi, E. Vicari // Physical Review B. – 2001. – V. 63. – No. 21. – 214503(1-28).

67. Campostrini M. Critical exponents and equation of state of the threedimensional Heisenberg universality class / M. Campostrini, M. Hasenbusch, A. Pelisseto, P. Rossi, and E. Vicari // Physical Review B. – 2002. – V. 65. – No. 3 – P. 144520(1-21).

68. Fisher M. E. Renormalization group in theory of critical behaviour / M. E.
Fisher // Reviews of Modern Physics. – 1974. – V. 46. – No 4. – P. 597-616.

69. Folk R. Multicritical behavior in ferroelectrics / R. Folk // Phase Transitions: A Multinational Journal. – 1999. – V. 67. – No. 4. – P. 645-666. 70. Folk R. Critical dynamics: a field-theoretical approach / R. Folk, G. Moser // Journal of Physics A: Mathematical and General. 2006. – V. 39. No. 24. – P. 207-313.

71. Hohenberg P. Theory of dynamic critical phenomena / P. Hohenberg, B.
Halperin // Reviews of Modern Physics. – 1977. – V. 49. – No 3. – P. 435-479.

72. Halperin B. Generalization of scaling laws to dynamical properties of a system near its critical point / B. Halperin, P. Hohenberg // Physical Review Letters. – 1967.
– V. 19. – No. 12. – P. 700-703.

73. Halperin B. Renormalization-group treatment of critical dynamics of superfluid-helium, isotropic antiferromagnet, and easy-plane ferromagnet / B. Halperin, P. Hohenberg, E. Siggia // Physical Review B. – 1976. – V. 13. – No. 3. – P. 1299-1328.

74. Frey E. Critical-dynamics of magnets / E. Frey, F. Schwabl // Advanced Physics. – 1994. – V. 43. – No. 5. – 577-683.

75. Kadanoff L. Static phenomena near critical points - theory and experiment / L.
Kadanoff, W. Götze, D. Hamblen, R. Hecht, E. Lewis, V. Palciauskas, M. Rayl, J.
Swift // Reviews of Modern Physics. - 1967. - V. 39. - No. 2. - P. 395-431.

76. Lederman F. L. Experimental verification of scaling and test of the universality hypothesis from specific-heat data / F. L. Lederman, M. B. Salamon, L. W. Shacklette // Physical Review B. – 1974. – V. 9. – No. 7. – P. 2981-2988.

77. Pelisseto A. / Critical phenomena and renormalization-group theory / A. Pelisseto, E. Vicari // Physics Reports. – 2002. – V. 368. – No. 4. – P. 549-727.

Wilson K. The Renormalization Group and Critical Phenomena / Kenneth G.
Wilson // Reviews of Modern Physics. – 1983. – V. 55. – No. 3. – P. 583-600.

Wilson K. The renormalization group and the ε expansion / Kenneth G. Wilson,
J. Kogut // Physics Reports. – 1974. – V. 12. – P. 75-199.

80. Falicov A. Tricritical and Critical End-Point Phenomena under Random Bonds
/ A. Falicov, A.N. Berker // Physical Review Letters. – 1996. – V. 76. – P. 4380-4383.

81. Wilson K. Critical Exponents in 3.99 Dimensions / K. Wilson, M. Fisher // Physical Review Letters. – 1972. – V. 28. – No 4. – P. 240-243.

82. Folk R. Lifshitz points in uniaxial ferroelectrics / R. Folk, G. Moser // Physical Review B. – 1993. – V. 47. – No. 21. – P. 13992-13997.

83. Abdel-Hadif A. Tricritical Lifshitz point in uniaxial ferroelectrics / A. Abdel-Hadif, R. Folk // Physical Review B. – 1996. – V. 54. – No. 6. – P. 3851-3860.

84. Dengler R. Renormalization group calculation of the critical exponents for the lifshitz tricritical point / R. Dengler // Physical Letters. – 1985. – V. 108A. – P. 269-271.

85. Nasser I. Specific-heat amplitude ratio near a Lifshitz point / I. Nasser, A. Abdel-Hady, R. Folk // Physical Review B. – 1997. – V. 56. – No. 1. – P. 154-160.

86. Pleimling M. Anisotropic Scaling and Generalized Conformal Invariance at Lifshitz Points / M. Pleimling, M. Henkel // Physical Review Letters. - 2001. - V.
87. - No. 12. - P. 125702(1-4).

87. Mo Z. Three-dimensional axial next-nearest-neighbor Ising model: A series investigation / Z. Mo, M. Ferer // Physical Review B. – 1991. – V. 43. – No. 13. – P. 10890-10904.

88. Garcia J. Accurate Monte Carlo critical exponents for Ising lattices / J. Garcia,
J. A. Gonzalo // Physica A. - 2003. - V. 326. - P. 464-472.

89. Geldart D. J. W. Specific heat of nickel in the critical region / D. J. W. Geldartt,
G. Malmstrom // Journal of Physics C Solid State Physics. – 1982. – V. 15. – P. 5811-5819.

90. Kornblit A. Heat capacity of EuO near the Curie temperature / A. Kornblit, G. Ahlers // Physical Review B. – 1975. – V. 11. – No. 7. – P. 2678-2688.

91. Ahlers G. Universality of the specific heat of Heisenberg magnets near the critical temperature / G. Ahlers, A. Kornblit // Physical Review B. – 1975. – V. 12. – No. 5. – P. 1938-1946.

92. Vysochanskii Yu. Critical behaviour of uniaxial Sn₂P₂S(Se)₆ ferroelectrics /
Yu. Vysochanskii, S. Perechinskii, V. Rizak, I. Rizak // Ferroelectrics. – 1993. – V.
143. – P. 59-66.

93. Molnar A. A. Relaxational change of the phase transition character in ferroelectrics-semiconductor / A. A. Molnar, Yu. M. Vysochanskii, A. A. Horvat, Yu. S. Nakonechnii // Ferroelectrics. – 1995. – V. 174. – P. 41-49.

94. Kohutych A. Sound behavior near the Lifshitz point in proper ferroelectrics / A. Kohutych, R. Yevych, S. Perechinskii, V. Samulionis, J. Banys, Yu. Vysochanskii // Physical Review B. – 2010. – V. 82. I. 5. – P. 054101(1-10).

95. Vysochanskii Y. M. Birefringence investigations of the $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ uniaxial ferroelectrics behaviour near the lifshitz point / Y. M. Vysochanskii, V. V. Mitrovcij, A. A. Grabar, S. I. Perechinskii, S. F. Motrja, J. Kroupa // Ferroelectrics. -2000. - V. 237. - P. 193-200.

96. Oleaga A. Thermal diffusivity and critical behaviour of uniaxial ferroelectric $Sn_2P_2S_6$ / A. Oleaga, A. Salazar, M. Massot, and Y. M. Vysochanskii // Thermochimica Acta. – 2007. – V. 459. – P. 73-79.

97. Shvalya V. Thermal diffusivity and 3D-XY critical behavior of ferroelectric semiconductors $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6 / V$. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. A. Kohutych, Yu. M. Vysochanskii // Journal of Physics and Chemistry of Solids. – 2016. – V. 88. – P. 78–84.

98. Shvalya V. Critical behaviour study of ferroelectric semiconductors $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ from thermal diffusivity measurements / V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. A. Kohutych, Yu. M. Vysochanskii // Thermochimica Acta. -2015. – V. 617. – P. 136–143.

99. Dziaugys A. Dipolar glass phase in ferrielectrics: $CuInP_2S_6$ and $Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP_2S_6$ crystals / A. Dziaugys, J. Banys, J. Macutkevic, R. Sobiestianskas, Yu. Vysochanskii // Physica Status Solidi A. – 2010. – V. 207. – P. 1960-1967.

100. Maisonneuve V. Ferrielectric ordering in lamellar CuInP₂S₆ / V. Maisonneuve,
V.B. Cajipe, A. Simon, R. Von Der Muhll, J. Ravez // Physical Review B. – 1997. –
V. 56. – P. 10860-10868.

101. Vysochanskii Yu. M. Phase transitions in CuInP₂(Se_xS_{1-x})₆ layered crystals /
Yu. M. Vysochanskii, A. A. Molnar, M. I. Gurzan, V. B. Cajipe // Ferroelectrics. –
2001. – V. 257. – P. 147-154.

102. Dziaugys A. Phase transitions in CuBiP₂Se₆ crystals / A. Dziaugys, J. Banys,
J. Macutkevic, Yu. Vysochanskii, I. Pritz, M. Gurzan // Phase Transitions. – 2011. –
V. 84: 2. – P. 147-156.

103. Dziaugys A. Conductivity spectroscopy of new AgInP₂S₆ crystals / A. Dziaugys, J. Banys, J. Macutkevic and Yu. Vysochanskii // Integrated Ferroelectrics. – 2009. – V. 103.– P. 52-59.

104. Banys J. Dielectric and ultrasonic investigation of phase transition in $CuInP_2S_6$ crystals / J. Banys, J. Macutkevic, V. Samulioniz, A. Brilingas, Y. Vysochanskii // Phase Transition. – 2004. – V. 77. – P. 345-358.

105. Studenyak I. P. Phase transitions and optical absorption edge in $CuInP_2Se_6$ layered ferrielectrics / I. P. Studenyak, O. A. Mykajlo, V. O. Stephanovich, M. I. Gurzan, Y. M. Vysochanskii, V. B. Cajipe // Physica Status Solidi A. – 2003. – V. 198. – P. 487-494.

106. Wang X. Second-harmonic generation in quaternary atomically thin layered AgInP₂S₆ crystals / X. Wang, K. Du, W. Liu, P. Hu, X. Lu, W. Xu, C. Kloc, Q. Xiong // Applied Physics Letters. – 2016. – V. 109. – P. 123103(1-5).

107. Mengwei S. Ferroelectric Field-Effect Transistors Based on MoS_2 and CuInP2S6 Two-Dimensional Van der Waals Heterostructure / S. Mengwei, P.Y. Liao, G. Qiu, Yu. Duan, P.D. Ye // ACS Nano. – 2018. – V. 12, I. 7. – P. 6700-6705.

108. Liubachko V. Anisotropic thermal properties and ferroelectric phase transitions in layered $CuInP_2S_6$ and $CuInP_2Se_6$ crystals / V. Liubachko, V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, A. Pogodin and Yu. M. Vysochanskii, Journal of Physics and Chemistry of Solids. – 2017. – V. 111. – P. 324-327.

109. Zheng Yi. Wafer-scale graphene/ferroelectric hybrid devices for low-voltage electronics / Yi Zheng, Guang-Xin Ni, Sukang Bae, Chun-Xiao Cong, Orhan Kahya, Chee-Tat Toh, Hye Ri Kim, Danho Im, Ting Yu, Jong Hyun Ahn, Byung Hee Hong, Barbaros Özyilmaz // EPL (Europhysics Letters). –2011. – V. 93 (1). – P. 17002(1-4).

110. Hyeon Jun Hwang. Ferroelectric polymer-gated graphene memory with high speed conductivity modulation / Hyeon Jun Hwang, Jin Ho Yang, Young Gon Lee, Chunhum Cho, Chang Goo Kang, Soo Cheol Kang, Woojin Park, Byoung Hun Lee // L. Nanotechnology – 2013. – V. 24 (17). – P. 175202(1-6).

111. Lee S. General trends observed in the substituted thiophosphate family. Synthesis and structure of silver scandium thiophosphate, $AgScP_2S_6$, and cadmium iron thiophosphate, $CdFeP_2S_6 / S$. Lee, P. Colombet, G. Ouvrard, R. Brec // Inorganic Chemistry – 1988. – V. 27. – P. 1291-1294.

112. Pfitzner A. Synthesis and Structure Determination of AgScP₂Se₆, AgErP₂Se₆ and AgTmP₂Se₆ / A. Pfitzner, S. Seidlmayer // Zeitschrift für anorganische und allgemeine Chemie. – 2009. – V. 635. – P. 704-707.

113. Maisonneuve V. Room-temperature crystal structure of the layered phase Cu^{In} ^{III} P_2S_6 / V. Maisonneuve, M. Evain, C. Payen, V.B. Cajipe, P. Molinié // Journal of Alloys and Compounds. – 1995. – V. 218. – P. 157-164.

114. Ouili Z. Crystal structure of a new lamellar compound: Ag₁₂In₁₂PS₃ / Z. Ouili,
A. Leblanc, P. Colombet // Journal of Solid State Chemistry. – 1987. – V. 66. – P. 86-94.

115. Colombet P. Structural aspects and magnetic properties of the lamellar compound $Cu_{0.50}Cr_{0.50}PS_3$ / P. Colombet, A. Leblanc, M. Dannot, J. Rouxel // Journal of Solid State Chemistry. – 1982. – V. 41, I. 2. – P. 174-184.

116. Maisonneuve V. Low-temperature neutron powder diffraction study of copper chromium thiophosphate (CuCrP2S6): observation of an ordered, antipolar copper sublattice / V. Maisonneuve, V. B. Cajipe, C. Payen // Chemistry of Materials. – 1993. – V. 5(6). – P. 758-760.

118. Pfeiff R. Quaternary selenodiphosphates (IV): M^IM^{III}[P₂Se₆], (M^I= Cu, Ag;
M^{III}=Cr, Al, Ga, In) / R. Pfeiff, R. Kniep // Journal of Alloys and Compounds. – 1992.
– V. 186. – P. 111-133.

119. Gave M. A. On the Lamellar Compounds $CuBiP_2Se_6$, $AgBiP_2Se_6$ and $AgBiP_2S_6$. Antiferroelectric Phase Transitions Due to Cooperative Cu⁺ and Bi³⁺ Ion Motion / M.A. Gave, D. Bilc, S.D. Mahanti, J.D. Breshears, M.G. Kanatzidis // Inorganic Chemistry. – 2005. – V. 44, I. 15. – P. 5293–5303.

120. Bercha D.M. Vibronic interaction in crystals with the Jahn-Teller centers in the elementary energy bands concept / D.M. Bercha, S.A. Bercha, K.E. Glukhov, M. Sznajder // Condensed Matter Physics. – 2015. – V. 18. No 3. – P. 33705(1-17).

121. Simon A. Paraelectric-Ferroelectric Transition in the Lamellar Thiophosphate CuInP₂S₆ / A. Simon, J. Ravez, V. Maisonneuve, C. Payen, V. B. Cajipe // Chemistry of Materials. – 1994. – V. 6. – P. 1575-1580.

122. Durand E. Split model description of the copper site distribution in the new layered (2D) copper vanadium phosphorus sulfide (CuIVIIIP₂S₆) phase / E. Durand, G. Ouvrard, M. Evain, R. Brec // Inorganic Chemistry. -1990. - V. 29. I. 24. - P. 4916-4920.

123. Néel L. Antiferromagnetism and Ferrimagnetism / Louis Néel // Proceedings of the Physical Society A. – 1952. – V. 65. No 11. – P. 859. The term is used in analogy with "ferrimagnetism," a term suggested by L. Ne'el to describe magnetic behavior similar to that of ferrites which contain two unequal and oppositely directed magnetic sublattices.

124. Burdett J. K. From three- to four-coordination in copper(I) and silver(I) / Burdett J. K., Eisenstein O. // Inorganic Chemistry. – 1992. – V. 31. – P. 1758-1762.

125. Wei S. H. Off-Center Atomic Displacements in Zinc-Blende Semiconductor / Wei S. H., Zhang S., Zunger A. // Physical Review Letters. – 1993. – V. 70. – P. 1639-1642.

126. Fagot-Revurat Y. Interplay between electronic and crystallographic instabilities in the low-dimensional ferroelectric $CuInP_2Se_6$ / Y. Fagot-Revurat, X. Bourdon, F. Bertran, V. B. Cajipe, and D. Malterre // Journal of Physics: Condensed Matter. – 2003. – V. 15. – P. 595-602.

127. Bercha D.M. Electron-Phonon Interaction as a Mechanism of Phase Transition in the CuInP₂S₆ Crystal / D.M. Bercha, S.A. Bercha, K.E. Glukhov, M. Sznajder. Acta Physica Polonica A. – 2014. – V. 126. – P. 1143-1145.
128. Bourdon X. Copper sublattice ordering in layered CuMP₂Se₆ (M=In,Cr) / X. Bourdon, V. Maisonneuve, V.B. Cajipe, C. Payen, J.E. Fischer // Journal of Alloys and Compounds. – 1999. – V. 283. – P. 122–127.

129. Vysochanskii Yu. M. Dielectric measurement study of lamellar CuInP₂Se₆: successive transitions towards a ferroelectric state via an incommensurate phase? / Yu. M. Vysochanskii, A. A. Molnar, M. I. Gurzan, V. B. Cajipe, X. Bourdon // Solid State Communications. -2000. - V. 115. - P. 13-17.

130. Dziaugys A. Anisotropy effects in thick layered CuInP₂S₆ and CuInP2Se6 crystals / A. Dziaugys, J. Banys, J. Macutkevic, Y. Vysochanskii // Phase Transition.
- 2013. - V. 86. - P. 878-885.

131. Macutkevic J. Electrical conductivity of layered $\text{CuInP}_2(S_x\text{Se}_{1-x})_6$ crystals / J. Macutkevic, J. Banys, Y. Vysochanskii // Physica Status Solidi B. – 2015. – V. 252. – P. 1773-1777.

132. Dziaugys A. Piezoelectrically active domain walls in layered ferroelectric CuInP₂Se₆/A. Dziaugys, K. Kelley, J. A. Brehm, A. Puretzky, T. Feng, S. Neumayer, M. Chyasnavichyus, E. A. Eliseev, J. Banys, Yu. Vysochanskii, F. Ye, B Chakoumakos, M. A. McGuire, S. V. Kalinin, G. Panchapakesan, S. T. Pantelides, N. Balke, A. N. Morozovska, P. Maksymovych // Wiley-VCH. – Preprint. – P. 1-32.

133. Dziaugys A. Dielectric Properties of New AgInP₂Se₆ Crystals / A. Dziaugys,
J. Banys, J. Macutkevic, Ju. Vysochanskii // Ferroelectrics. – 2009. – V. 391(1). – P.
151-157.

134. Babuka T. Structural, electronic, vibration and elastic properties of the layered AgInP₂S₆ semiconducting crystal – DFT approach / T. Babuka, K. Glukhov, Y. Vysochanskii, M. Makowska-Janusik // RSC Advances. – 2018. – V. 8. – P. 6965(1-13).

135. Villars P. Pauling File in: Inorganic Solid Phases, SpringerMaterials (online database), Springer, Heidelberg (ed.) SpringerMaterials AgIn[P₂Se₆] Crystal Structure / Villars P. // Springer-Verlag. – 2016.

136. Samulioniz V. Piezoelectric and Ultrasonic Studies of New Lamellar Crystals of CuInP₂S₆ Type / V. Samulioniz, J. Banys, A. Dziaugys, M. I. Gurzan, I. P. Pritz, Y. Vysochanskii // Ferroelectrics. – 2011. – V. 419. – P. 97-102.

137. Xu Bo. Monolayer AgBiP₂Se₆: an atomically thin ferroelectric semiconductor with out-plane polarization / Bo Xu, Hui Xiang, Yidong Xia, Kun Jiang, Xiangang Wan, Jun He, Jiang Yin, Zhiguo Liua // Nanoscale. -2017. - V. 9. - P. 8427-8434.

138. Shusta V. S. Dielectric properties of CuInP₂S₆ crystals under high pressure / V.
S. Shusta, I. P. Prits, P. P. Guranich, E. I. Gerzanich, A. G. Slivka // Condensed Matter
Physics. – 2007. – V. 10. No. 1(49). – P. 91-94.

139. Džiaugys A. Dielectric and ultrasonic studies of new Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP₂S₆ layered ferroelectric compound / A. Džiaugys, J. Banys, V. Samulionis, Y. Vysochanskii // Ultragarsas. – 2008. – V. 63. No.3. – P. 7-10.

140. Macutkevic J. Broadband dielectric spectroscopy of CuInP2Se6 crystals / J.
Macutkevic, J. Banys, Yu. Vysochanskii // Physica Status Solidi (a). – 2009. – V.
206, – P. 167-172.

141. Macutkevic J. Asymmetric phase diagram of mixed CuInP₂(S_xSe_{1-x})₆ crystals /
J. Macutkevic, J. Banys, R. Grigalaitis, Yu. Vysochanskii // Physical Review B. –
2008. – V. 78. – P. 064101(1-9).

142. Samulionis V. Piezoelectric and elastic properties of layered materials of Cu(In,Cr)P₂(S,Se)₆ system / V. Samulionis, J. Banys, Yu. Vysochanskii // Journal of Electroceramics. – 2009. – V.22. – P. 192–197.

143. Samulionis V. Ultrasonic and Piezoelectric Studies of Phase Transitions in Two-Dimensional CuInP₂S₆ Type Crystals / V. Samulionis, J. Banys, Y. Vysochanskii // Ferroelectrics. -2009. - V. 379. - P. 69-76.

144. Samulionis V. Piezoelectric and Ultrasonic Studies of Mixed Ag_xCu_1 _xInP₂(S,Se)₆ Layered Crystals / V. Samulionis, J. Banys, Y. Vysochanskii, Materials Science Forum. – 2010. V. 636-637. – P. 398-403.

145. Beley L.M. Thermodynamic Properties of Ferroelectric Crystals $CuInP_2(Se_xS_{1-x})_6 / L.M.$ Beley // PhD thesis. Uzhhorod. – 2007.

146. Moriya K. The Heat Capacity of CuInP₂Se₆, a Layer-Structured Selenodiphosphate / K. Moriya, N. Kariya, I. Pritz, Yu. M. Vysochanskii, A. Inaba, T. Matsuo // Ferroelectrics. – 2007. – V. 346. – P. 143-148.

147. Grabar A. A. Photorefractive Materials and Their Applications, V.2 "Photorefractive effects in $Sn_2P_2S_6$ " / A. A. Grabar, M. Jazbinšek, A. N. Shumelyuk, Yu. M. Vysochanskii, G. Montemezzani, P. Günter // Springer. Springer Series in Optical Sciences. – 2007. – V. 114. – P. 327-362.

148. Mys O. On the acoustooptic efficiency of $Pb_2P_2Se_6$ crystals. Acoustic and thermal studies / O. Mys, I. Martynyuk-Lototska, A.M. Kostruba, A. Grabar, R. Vlokh // Ukrainian Journal of Physical Optics. – 2012. – V. 13. – P. 177-182.

149. Ovsyannikov S. V. Tuning the electronic and vibrational properties of $Sn_2P_2Se_6$ and $Pb_2P_2S_6$ crystals and their metallization under high pressure / S. V. Ovsyannikov, N. V. Morozova, I. V. Korobeinikov, V. Haborets, R. Yevych, Yu. Vysochanskii, V. V. Shchennikov // Dalton Transactions. – 2017. – V. 46. – P. 4245-4258.

150. Voroshilov Yu. Peculiarities of structure and phase transitions in crystals Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ / Voroshilov Yu., Vysochanskii Yu., Grabar A., Potorii M., Pritz I., Rizak V., Seykovskaya L., Slivka V., Yatsenko A. // – 1990. Ukr. Fiz. Zh. – V. 35. – P. 71-75.

151. Voroshilov Yu. Crystalstructure of Sn₂P₂Se₆ / Yu. Voroshilov, M. Potorii, L. Seykovskaya, A. Yatsenko, I. Pritz // Kristallografiya – 1988. – V. 33. – No. 5. – P. 1282-1283.

152. Dittmar G. Die Struktur des Di-Zinn-Hexathiohypo-diphosphats $Sn_2P_2S_6$ / G. Dittmar, H. Shafer // Zs. Natturforsch. – 1974. – V. 296. – P. 312-317.

153. Carpentier C. D. Vapour growth and crystal data of the thio (seleno) hypodiphosphates $Sn_2P_2S_6$, $Sn_2P_2Se_6$, $Pb_2P_2S_6$, $Pb_2P_2Se_6$ and their mixed crystals / C. D. Carpentier, R. Nitsche // Materials Research Bulletin. – 1974. – V. 9. – P. 401-410.

154. Scott B. High temperature crystal structure and DSC of Sn₂P₂S₆ B. Scott, M.
Pressprich, R.D. Willit, D.A. Cleary J. Solid State Chem. – 1992. – V. 96. – P. 294-300.

155. Kuepper K. Electronic structure of $Sn_2P_2S_6$ / K. Kuepper, B. Schneider, V. Caciuc, and M. Neumann, A. V. Postnikov, A. A. Grabar, Yu. M. Vysochanskii // Physical Review B. – 2003. – V. 67. – P. 115101(1-7).

156. Curro G.M. An X-ray photoemission spectroscopy study of the $Sn_2P_2S_6$ monoclinic II phase G.M. Curro, V. Grasso, F. Neri, L. Silipigni // Nuovo Cimento D. – 1998. – V. 20. – P. 1163-1170.

157. Baltrunas D. Temperature investigations of the ferroelectric crystals $Sn_2P_2S_6$ and $Sn_2P_2Se_6$ by means of ¹¹⁹Sn Mössbauer spectroscopy / D. Baltrunas, A. Grabar, K. Mazeika, Y. Vysochanskii // Journal of Physics: Condensed Matter. – 1999. – V. 11. – P. 2983-2992.

158. Yevych R. Valence fluctuations in Sn(Pb)₂P₂S₆ ferroelectrics / R. Yevych, V.
Haborets, M. Medulych, A. Molnar, A. Kohutych, A. Dziaugys, Ju. Banys, Yu.
Vysochanskii // Low Temperature Physics. – 2016. – V. 42. No. 12. – P. 1155-1162.

159. Enjalbert R. Structural study of the ferroelectric instability in $Sn_2P_2Se_6$ / R. Enjalbert, J. Galy, Yu. Vysochanskii, A. Ouedraogo, P. Saint-Gregoire // European Physical Journal B. – 1999. – V. 8. – P. 169-177.

160. Gomonnay A. The splitting of phase transitions in ferroelectric solid solutions of Sn₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ / A. Gomonnay, A. Grabar, Yu. Vysochanskii, A. Belyaev, V. Machulin, M. Gurzan, V. Slivka // Fiz. Tv. Tela. –1981. – V. 23. – No. 12. – P. 3602-3606.

161. Barsamian T. Incommensurate phase in proper ferroelectric Sn₂P₂Se₆ / T.
Barsamian, S. Khasanov, V. Shekhtman, Yu. Vysochanskii, V. Slivka // Fiz. Tv. Tela.
- 1985. - V. 27. - No. 11. - P. 3327-3331.

162. Barsamian T. Diffraction analysis of incommensurate phases in crystals of quasi-binary system $Sn_2P_2(S_{1-x}Se_x)_6 / T$. Barsamian, S. Khasanov, V. Shekhman // Ferroelectrics. – 1993. – V. 138. – No. 1. – P. 63-77.

163. Israel R. Crystal structures of di-tinhexa(seleno)hypodiphosphate, Sn₂P₂Se₆, in the ferroelectric and paraelectric phase / R. Israel, R. Gelder, J. Smits, P. Beurskens, S. W. H. Eijt, T. Rasing, H. van Kempen, M. Maior, S. Motrija // Z. Kristallographie. – 1998. – V. 213. – P. 34-41.

164. Vysochanskii Yu. M. Concentration dependencies of temperatures and character of phase transitions in $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2S_6$ and $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2Se_6 / Yu. M.$ Vysochanskii, M. I. Gurzan, M. M. Maior, S. F. Motrja, S. I. Perechinskii, M. V. Potorij, L. A. Salo, M. M. Khoma, V. Yu. Slivka, Yu. V. Voroshilov // Soviet physics, Solid state. – 1984. – V. 23. No.3. – P. 858-864.

165. Villars P. Pauling File in: Inorganic Solid Phases, SpringerMaterials (online database), Springer, Heidelberg (ed.) SpringerMaterials Pb₂P₂S₆ (PbPS₃ ht) Crystal Structure / Villars P. // Springer-Verlag. – 2016.

166. Xu Ya. Role of Stoichiometry in the Growth of Large $Pb_2P_2Se_6$ Crystals for Nuclear Radiation Detection / Yadong Xu, Xu Fu, Hongjian Zheng, Yihui He, Wenwen Lin, Kyle M. McCall, Zhifu Liu, Sanjib Das, Bruce W. Wessels, Mercouri G. Kanatzidis // ACS Photonics. – 2018. – V. 5. – P. 566-573.

167. Becker R. Kristallstruktur und Schwingungsspektren des Di-BleiHexathiohypodiphosphates $Pb_2P_2S_6$ / R. Becker, W. Brockner // Z. Naturforsch. - 1983. – V. 38a. – P. 874-879. 168. Prits I. Phase equilibria in the Pb-P-S(Se) systems / I. Prits, M. Potorii, Y. Voroshilov / Ukrainskii Khimichnyi Zhurnal. – 1989. – V. 55. – No. 2. – P. 25-27.

169. Gerzanich E. I. Optical properties of $A_2^{IV}B_2^V C_6^{VI}$ ferroelectrics-semiconductors the effect of temperature and hydrostatic pressure / Gerzanich E. I. // Ukr. J. Phys. Opt. – 2008. – V. 9. – No. 3. – P. 129-163.

170. Slivka A. G. Effect of isomorphous substitution and external hydrostatic pressure on the fundamental optical absorption edge of $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ crystals / Slivka A. G., Gerzanich E. I., Shusta V. S. and Guranich P. P. // Izv. Vuzov. Ser. Fiz. – 1999. – V. 9. – P. 23–28.

171. Moriya K. Dielectric Studies of Ferroelectric Phase Transitions in $Pb_{2x}Sn_2(_{1-x})P_2S_6$ Single Crystals / K. Moriya, K. Iwauchi, M. Ushida, A. Nakagawa, K. Watanabe, S. Yano, S. Motojima, Y. Akagi // Journal of the Physical Society of Japan. – 1995. – V. 64, No. 5. – P. 1775-1784.

172. Barsamian T. K. Incommensurate phase in proper ferroelectric Sn₂P₂Se₆ / T.
K. Barsamian, S. S. Khasanov, V. S. Shekhtman, Y. M. Vysochanskii, V. Y. Slivka
// Ferroelectrics. – 1986. – V. 67. – P. 47-54.

173. Vysochanskii Yu. M. Influence of defects and conductivity on the Phase Transitions and the domain structure properties in ferroelectric-semiconductors $Sn_2P_2S(Se)_6$ / Yu. M. Vysochanskii, A. A. Molnar, M. M. Khoma // Ferroelectrics. – 1999. – V. 223. – P. 19-26.

174. Vysochanskii Yu. M. The tricritical Lifshitz point on the phase diagram of Sn₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ ferroelectrics / Yu. M. Vysochanskii, M. M. Mayor, V. M. Rizak, V. Yu. Slivka, M. M. Khoma // Sov. Phys. JETP. – 1989. – V. 68. No. 4. – P. 782-787.
175. Moriya K. Ferroelectric Phase Transitions in Pb_{2x}Sn_{2(1-x})P₂Se₆ System / K. Moriya, T. Yamada, K. Sakai, S. Yano, S. Baluja, T. Matsuo, I. Pritz, Y. M. Vysochanskii. // Journal of Thermal Analysis and Calorimetry. – 2002. – V. 70. – P. 321-328.

176. Moriya K. Low-temperature thermal properties of Pb₂P₂Se₆ and Pb_{1.424}Sn_{0.576}P₂Se₆ / K. Moriya, T. Yamada, S. Baluja, T. Matsuo, I. Pritz d, Yu. M. Vysochanskii // Thermochimica Acta. – 2003. –V. 403. – P. 153-160.

177. Major M. The heat capacity and linear expansion of crystals $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ in the field of phase transitions / M. Major, B. Koperles, B. Savchenko, M. Gurzan, O. Morozova, N. Korda // Fiz. Tver. Tela. – 1983. – V. 25. – P. 214-223.

178. Moriya K. Ferroelectric Phase Transitions in $Sn_2P_2S_6$ and $Sn_2P_2Se_6$ Crystals, / K. Moriya, K. Iwauchi, M. Ushida, A. Nakagawa, K. Watanabe, S. Yano, S. Motojima, Y. Akagi // Journal of the Physical Society of Japan. – 1998. – V. 67, No. 10. – P. 3505-3511.

179. Vysochanskii Yu. The model of phase transitions in $Sn_2P_2S_6$ ferrosemiconductor and their lattice dynamics / Yu. Vysochanskii, V. Slivka, Yu. Voroshilov // Fiz. Tverd. Tela, 1979. – V. 21. – No 8. – P. 2402-2408.

180. Vysochanskii Yu. M. Lifshitz point on the state diagram of ferroelectrics / Yu.
M. Vysochanskii, V. Yu. Slivka// Usp. Fiz. Nauk. – 1992. – V. 162. No. 2. – P. 139-160.

181. Bilanych R. M. Elastic properties of (Pb_ySn_{1-y})₂P₂S₆ solid solutions / R. M.
Bilanych, R. M. Yevych, A. A. Kohutych, S. I. Perechinskii, I. M. Stoika, Yu. M.
Vysochanskii // Central European Journal of Physics. – 2014. – V. 12. – P. 611-614.
182. Kohutych A. Acoustic attenuation in ferroelectric Sn₂P₂S₆ crystals / A.
Kohutych, R. Yevych, S. Perechinskii, Yu. Vysochanskii // Central European Journal of Physics. – 2010. – V. 8. No. 6. – P. 905-914.

183. Rushchanskii K. Z. Observation of nonequilibrium behavior near the Lifshitz point in ferroelectrics with incommensurate phase / K. Z. Rushchanskii, A. Molnar, R. Bilanych, R. Yevych, A. Kohutych, Yu. M. Vysochanskii // Physical Review B. – 2016. – V. 93. I. 1. – P. 014101(1-12).

184. Vysochanskii Yu.M. Phase transitions in crystals $Sn_2P_2S_6$ / Yu. M. Vysochanskii, M.M. Maior, B.M. Koperles, M.I. Gurzan // Fiz. Tverd. Tela. – 1984. – V. 26. No. 3. – P. 690-695.
185. Eijt S. W. H. Soft modes and phonon interactions in $Sn_2P_2Se_6$ studied by means of neutron scattering / S. W. H. Eijt, R. Currat, J. E. Lorenzo, P. SaintGr'egoire, S. Katano, T. Janssen, B. Hennion, Y. M. Vysochanskii // Journal of Physics: Condensed Matter. – 1998. – V. 5. – P. 169–178.

186. Vysochanskii Yu. M. Critical behavior of $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ uniaxial ferroelectrics near the Lifshitz point / Yu. M. Vysochanskii, V. G. Furtsev, M. M. Khoma, A. A. Grabar, M. I. Gurzan, M. M. Maior, S. I. Perechinskii, V. M. Rizak, V. Yu. Slivka // Journal of Experimental and Theoretical Physics. – 1986. – V. 91. No. 4. – P. 1384-1390.

187. Rizak. I. M. Lifshitz points line on the state diagram (Pb_ySn_{1-y})₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ / I.
M. Rizak, V. M. Rizak, M. I. Gurzan, S. I. Perechinskii, Yu. Vysochanskii, V. Yu.
Slivka // Ukr. Fiz. J. – 1993. – V. 38. No. 5. – P. 67-70.

188. Michelson A.P. Phase diagrams near the Lifshitz point. I. Uniaxial magnetization / A.P. Michelson // Physical Review B. – 1977. – V. 16. – P. 577-584.

189. Rushchanskii K. Ferroelectricity, nonlinear dynamics and relaxation effects in monoclinic $Sn_2P_2S_6$ / K. Rushchanskii, Yu. Vysochanskii, D. Strauch // Physical Review Letters. – 2007. – V. 99. – P. 207601(1-4).

190. Blume M. Ising Model for the λ Transition and Phase Separation in He3 -He4
Mixtures / M. Blume, V.J. Emery, R.B. Griffiths // Physical Review A. – 1971. – V.
4. I. 3 – P. 1071-1077.

191. Oleaga A. In search of a tricritical Lifshitz point in Sn₂P₂(S_{1-x}Se_x)₆ doped with Pb, Ge: A critical behavior study / A. Oleaga, V. Shvalya, A. Salazar, I. Stoika, Yu. M. Vysochanskii // Journal of Alloys and Compounds. – 2017. – V. 694. – P. 808-814.

192. Ondrejkovic P. An x-ray scattering study of $Sn_2P_2S_6$: absence of incommensurate phase up to 1 GPa / P. Ondrejkovic, M. Guennou, M. Kempa, Y. Vysochanskii, G. Garbarino, J. Hlinka // Journal of Physics: Condensed Matter. – 2013. – V. 25. No. 11. – P. 115901(1-5).

193. Andersson O. Tricritical Lifshitz point in the temperature-pressurecomposition diagram for $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ ferroelectrics / O. Andersson, O. Chobal, I. Rizak, V. Rizak // Physical Review B. – 2009. – V. 80. – P. 174107(1-5). 194. Zapeka B. Critical Behavior of $Sn_2P_2S_6$ and $Sn_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$ Crystals under

High Hydrostatic Pressures / Zapeka B., Kostyrko M., Martynyuk-Lototska I. and Vlokh R. // Philosophical Magazine. – 2015. – V. 95. – I.4. – P. 382-393.

195. Shvalya V. / Electron-phonon anharmonicity and low thermal conductivity in phosphorous chalcogenide ferroelectrics / V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, Yu. M. Vysochanskii // Material Express. – 2017. – V. 7. – No. 5. – P. 361-368.

196. Baltrunas D. / Mossbauer spectroscopy of the phase transitions in the ferroelectric system $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ / D. Baltrunas, K. Mazeika, Yu. Vysochanskii, A. Grabar, V. Slivka // Ferroelectrics. – 1995. – V. 165. – P. 359-368.

197. Mys O. / Thermal expansion of Pb₂P₂Se₆ crystals / O. Mys, I. Girnyk, A. Grabar, I. Martynyuk-Lototska, M. Kostyrko, R. Vlokh // Ukr. J. Phys. Opt. – 2013.
– V. 14. – No. 4. – P. 219-224.

198. Shvalya V. Influence of dopants on the thermal properties and critical behavior of the ferroelectric transition in uniaxial ferroelectric $Sn_2P_2S_6$ / V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, I. Stoika and Yu. M. Vysochanskii // Journal of Materials Science. – 2016. – V. 51. – P. 8156-8167.

199. Grigas J. XPS of Impurities Influence on Electronic Structure of $Sn_2P_2S_6$ Ferroelectrics / J. Grigas, E. Talik, K. Glukhov, K. Fedyo, I. Stoika, M. Gurzan , I. Prits, A. Grabar, Yu. Vysochanskii // Ferroelectrics – 2011. – V. 418. – P. 134-142.

200. Maior M. M. Effect of Germanium Doping on Pyroelectric and Piezoelectric Properties of $Sn_2P_2S_6$ Single Crystal / M. M. Maior, M. I. Gurzan, Sh. B. Molnar, I. P. Prits, Yu. M. Vysochanskii // IEEE Transactions on Ultrasonics, Ferroelectrics, and Frequency Control. – 2000. – V. 47. – P. 877-880.

201. Potorii M. V. Phase equilibrium in systems involving tetra-type compounds $Me^{III}P_2S_6(Se_6)$, where $Me^{I} - Cu$, Ag; $Me^{III} - In$, Cr. / M. V. Potorii, P. M. Mylian,

S. F. Motria, V. V. Tovt, S. M. Hasynets // Physics and chemistry of solid state. – 2015. – V. 16, No 2. – P. 327-334.

202. Altomare A. A new tool for crystal structure determination and refinement / A. Altomare, M. C. Burla, M. Camalli, B. Carrozzini, G. Cascarano, C. Giacovazzo, A. Guagliardi, A.G.G. Moliterni, G. Polidori, R. Rizzi // Journal of Applied Crystallography. – 1999. – V. 32. – P. 115-119.

203. Altomare A. EXPO2013: A kit of tools for phasing crystal structure from powder data / A. Altomare, C. Cuocci, C. Giacovazzo, A.G.G. Moliterni, R. Rizzi, N. Corriero, A. Falcicchio // Journal of Applied Crystallography. – 2013. – V. 46. – P. 1231-1235.

204. Kohn W. Self-Consistent Equations Including Exchange and Correlation Effects / W. Kohn, L. J. Sham // Physical Review Journals A. – 1965. – V. 140. – P. 1133-1138.

205. Gonze X. Recent developments in the ABINIT software package / X. Gonze,
F. Jollet, F. Abreu Araujo, D. Adams, B. Amadon, T. Applencourt, C. Audouze, J.
M. Beuken J. Bieder, A. Bokhanchuk, E. Bousquet, F. Bruneval, D. Caliste, M. Côté,
F. Dahm, F. Da Pieve, M. Delaveau, M. Di Gennaro, J.W.Zwanzigerd // Computer
Physics Communications. – 2016. – V. 205. – P. 106-131.

206. Lee Ch. Ab initio calculation of the thermodynamic properties and atomic temperature factors of SiO₂ α -quartz and stishovite / Ch. Lee, X. Gonze // Phys. Rev. B. – 1995. – V. 51. – P. 8610-8613.

207. Perdew J. P. Generalized Gradient Approximation Made Simple / J. P. Perdew,
K. Burke, and M. Ernzerhof // Physical Review Letters. – 1996. – V. 77. – P. 3865-3868.

208. Monkhorst H. J. Special points for Brillouin-zone integrations / H. J. Monkhorst, J. D. Pack // Physical Review B. – 1976. – V. 13. – P. 5188-5192.

209. Gonze X. First-principles responses of solids to atomic displacements and homogeneous electric fields: Implementation of a conjugate-gradient algorithm / X. Gonze // Physical Review B. – 1997. – V. 55 – P. 10337-10354.

210. Maradudin A. A. Theory of Lattice Dynamics in the Harmonic Approximation.
2nd Edition / Maradudin A. A., Montroll E. W., Weiss G. H., Ipatova I. P. // Academic
Press. – 1971. – P. 708.

211. Cahill D. Lower limit to the thermal conductivity of disordered crystals / D.
Cahill, S. Watson, R. Pohl // Physical Review B. – 1992. – V. 46. – No. 10. – P. 6131-6140.

212. Tomé T. Modulated phases and chaotic behavior in a spin-1 ising-model with competing interactions / T. Tomé, R. Salinas // Physical Review A. – 1989. – V. 39. – P. 2206-2213.

213. Rizak V.M. On the origin of the anomalies in the temperature dependences of thermal conduction in $Sn_2P_2S_6$ -like crystals at the phase transitions / V.M. Rizak, K. Al'-Shoufi, I.M. Rizak, Yu. Vysochanskii, V.Yu Slivka // Ferroelectrics. – 1997. – V. 192. – P. 177-185.

214. Ondrejkovic P. Neutron scattering study of ferroelectric $Sn_2P_2S_6$ under pressure / P. Ondrejkovic, M. Kempa, Y. Vysochanskii, P. Saint-Gregoire, P. Bourges, K.Z. Rushchanskii, J. Hlinka // Physical Review B. – 2012. – V. 86. – P. 224106(1-8).

215. Baltrünas D. Manifestation of the Ferroelectric Phase Transition in the Mössbauer Parameters of the System $(Sn_xPb_{1-x})_2P_2S_6$ / D. Baltrünas, R. Mikaitis, V.Yu. Slivka, Yu.M. Vysochanskii // Physica Status Solidi A. – 1990. – V. 119. – P. 71-75.

216. Ekiz C. Metastable and unstable states of the Blume-Capel model obtained by the cluster variation method and the path probability method / C. Ekiz, M. Keskin, O. Yalcin // Physica Status Solidi A. -2001. - V. 293. - P. 215-232.

217. Jensen P. J. Properties of a spin-1 system with competing interactions and reentrant magnetic behavior / P. J. Jensen, K. A. Penson, K. H. Bennemann // Physical Review B. – 1987. – V. 35. – No. 13. – P. 7306-7309.

218. Aharony A. Novel Lifshitz tricritical point and critical dynamics / Aharony, A., Domany, E., Hornreich, R. M., Schneider, T., Zannetti M. // Physical Review B. – 1985. – V. 32. – No. 5. – P. 3358–3360.

219. Tonchev N. S. On the tricritical Lifshitz behaviour / Tonchev N. S., Uzunov D. I. // Physica A: Statistical Mechanics and Its Applications. – 1985. – V. 134. – P. 265-273.

220. Selke W. The ANNNI model – Theoretical analysis and experimental application / W. Selke // Physics Reports. – 1988. – V. 170. – I. 4. – P. 213-264.

221. Rice T. M. Real-Space and k \rightarrow Space Electron Pairing in BaPb_{1-x}Bi_xO₃ / Rice T. M., Sneddon L. // Physical Review Letters – 1981. – V. 47. – P. 689–692.

222. Oleaga A. Inducing a Tricritical point in $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ ferroelectrics by Pb addition / A. Oleaga, V. Liubachko, A. Salazar, Yu. Vysochanskii // Thermochimica Acta. – 2019. – V. 675. – P. 38–43.

223. Penning F. C. A sensitive capacitance thermometer at low temperature for use in magnetic fields up to 20 T / Penning F. C., Maior M. M., Wiegers S. A. J., van Kempen H., Maan J. C. // Review of Scientific Instruments. – 1996. – V. 67. – P. 2602–2605.

224. Maior M. M. New dielectric material for low temperature thermometry in high magnetic fields / Maior M. M., Molnar S. B., Vysochanski, Y. M., Gurzan, M. I., van Loosdrecht P. H. M., van der Linden P. J. E. M., van Kempen H. // Applied Physics Letters. – 1993. – V. 62. – P. 2646–2648.

225. Vysochanskii Yu. Influence of cation and anion replacing on anomalous hysteresis of dielectric susceptibility in crystals $Sn_2P_2S_6$ / Yu. Vysochanskii, M. Mayor, V. Slivka, M. Gurzan // Fiz.Tv. Tela. – 1985. – V. 27. – No. 5. – P. 1560-1562.

226. Korda V. Y. A possible generalization of the phenomenological theory of phase transitions in type II ferroelectrics with incommensurate phase / Korda V. Y., Berezovsky S. V., Molev A. S., Korda L. P., Klepikov V. F. Physica B: Condensed Matter. – 2012. – V. 407. – P. 3388–3393.

227. Korda V. Y. On importance of higher non-linear interactions in the theory of type II incommensurate systems / Korda V. Y., Berezovsky S. V., Molev A. S., Korda L. P., & Klepikov V. F. // Physica B: Condensed Matter. – 2013. – V. 425. – P. 31–33.

228. Volkov A. A. Low frequency modes in infrared spectra of Sn₂P₂S₆ crystal / Volkov, G. V. Kozlov, N. I. Afanasjeva, A. A. Grabar, Yu. M. Vysochanskii, V. Yu. Slivka // Fiz. Tverd. Tela. – 1983. – V. 25. – P. 2575-2578.

229. Grigas, J. Microwave Dielectric Spectroscopy of Ferroelectrics / Grigas, J. // Ferroelectrics. – 2009. – V. 380. – I. 1. – P. 113–121.

230. Hlinka J. Two-length-scale behavior near the ferroelectric phase transition of $Sn_2P_2S_6$ / Hlinka J., Currat R., de Boissieu M., Livet F., & Vysochanskii Y. M. // Physical Review B. – 2005. – V. 71. – P. 052102(1-4).

Zamaraite I. Double hysteresis loops in proper uniaxial ferroelectrics / I.
Zamaraite, R. Yevych, A. Dziaugys, A. Molnar, J. Banys, S. Svirskas, Yu.
Vysochanskii // Physical Review Applied. – 2018. – V.10. I.3. – P. 034017(1-7).

232. Yevych R. Nonlinear dynamics of ferroelectrics with three-well local potential
/ R. Yevych, M. Medulych, Yu. Vysochanskii // Condensed Matter Physics. – 2018.
– V. 21. No 2.– P. 23001(1–8).

233. Yevych R. Description of lattice anharmonicity observed in ferroelectrics with unusual three-well local potential / R. Yevych, Yu. Vysochanskii // Condenced Matter Physics. – 2018. – V. 21. No 3. – P. 33001(1–6).

234. Kosterlitz J. M. Bicritical and tetracritical points in anisotropic antiferromagnetic systems / Kosterlitz J. M., Nelson D. R., Fisher M. E. // Physical Review B. – 1976. – V. 13. – P. 412–432.

235. Folk R. Field theory of bicritical and tetracritical points. I. Statics / Folk R., Holovatch Y., Moser G. // Physical Review E. – 2008. – V.78. – P. 041124(1-14).

236. Hoston W. Multicritical phase diagrams of the Blume-Emery-Griffiths model with repulsive biquadratic coupling / Hoston, W., Berker, A. N. // Hoston, W., & Berker, A. N. Multicritical phase diagrams of the Blume-Emery-Griffiths model with

repulsive biquadratic coupling. Physical Review Letters. – 1991. – V. 67. – No. 8. – P. 1027–1030.

237. Zamaraite I. Quantum paraelectric state and critical behavior in $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ ferroelectrics / I. Zamaraite, V. Liubachko, R. Yevych, A. Oleaga, A. Salazar, A. Dziaugys, J. Banys, Yu. Vysochanskii // Physical Review B. under revision. – 2020. – V. – P.

238. Wang C. L. Burns temperature and quantum temperature scale / C. L. Wang,
M. L. Zhao // Journal of Advanced Dielectrics. - 2011. - V. 1. - P. 163 - 167.

239. Barman N. Incipient ferroelectric to a possible ferroelectric transition in Te4+ doped calcium copper titanate (CaCu₃Ti₄O₁₂) ceramics at low temperature as evidenced by Raman and dielectric spectroscopy / N. Barman, P. Singh, C. Narayana, K. B. R. Varma // AIP Advances. -2017. - V. 7. - P. 035105(1-7).

240. Bednorz J. G. Sr_{1-x}Ca_xTi0₃: An XY Quantum Ferroelectric with Transition to Randomness / J. G. Bednorz, K. A. Muller // Physical Review Letters. – 1984. – V. 52, – P. 2289 – 2292.

241. Ang C. Phonon-coupled impurity dielectric modes in $Sr_{1-1.5x}Bi_xTiO_3$ / Chen Ang, Zhi Yu. // Physical Review B. – 2000. – V. 61. – P. 11363 – 11366.

242. Zamaraite I. Quantum paraelectricity and induced ferroelectricity by germanium doping of $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2S(Se)_6$ single crystals / I. Zamaraite, A. Dziaugys, Yu. Vysochanskii, J. Banys // Lithuanian Journal of Physics. – 2020. – V. 60. – P. 125 – 131.

243. Vysochanskii Yu. Ferroelectricity and polarons in $Sn_2P_2S_6$ crystals / Yu. Vysochanskii, A. Molnar, R. Yevych, K. Glukhov, M. Medulych // Ferroelectrics. – 2012. – V. 440. – P. 31 - 41.

244. Martelli V. Thermal Transport and Phonon Hydrodynamics in Strontium Titanate / V. Martelli, J. Larrea Jim'enez, M. Continentino, E. Baggio-Saitovitch, K. Behnia // Physical Review Letters. – 2018. – V. 120. – P. 125901(1-6).

245. Huber W. H. Electric field dependence of the thermal conductivity of quantum paraelectrics / W. H. Huber, L. M. Hernandez, A. M. Goldman // Physical Review B. – 2000. – V. 62. – P. 8588 – 8591.

246. Fujishita H. Quantum Paraelectric States in $SrTiO_3$ and $KTaO_3$: Barrett Model, Vendik Model, and Quantum Criticality / H. Fujishita, S. Kitazawa, M. Saito, R. Ishisaka, H. Okamoto, T. Yamaguchi // Journal of the Physical Society of Japan. – 2016. – V. 85. – P. 074703(1-8).

247. Rytz D. Dielectric susceptibility in quantum ferroelectrics / D. Rytz, U. T. Hochli, H. Bilz // Physical Review B. – 1980. – V. 22. – P. 359 – 364.

248. Rowley S. E. Uniaxial ferroelectric quantum criticality in multiferroic hexaferrites $BaFe_{12}O_{19}$ and $SrFe_{12}O_{19}$ / S. E. Rowley, Yi-Sheng Chai, Shi-Peng Shen, Young Sun, A. T. Jones, B. E. Watts, J. F. Scott // Scientific Report. – 2016. – V. 6. – P. 25724(1-5).

249. Rowley S. E. Quantum criticality in a uniaxial organic Ferroelectric / S. E. Rowley, M. Hadjimichael, M. N. Ali, Y. C. Durmaz, J. C. Lashley, R. J. Cava, J. F. Scott // Journal of Physics: Condensed Matter. – 2015. – V. 27. – P. 395901(1-7).

250. Rowley S. E. Ferroelectric quantum criticality / Rowley S. E., Spalek L. J., Smith R. P., Dean M. P. M., Itoh M., Scott J. F., Lonzarich G. G., Saxena S. S // Nature Physics. – 2014. – V. 10. – P. 367–372.

251. Rizak V. M. Electric conduction of Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆-like crystals / V. M. Rizak,
A. A. Bokotey, I. M. Rizak, K. Al'-Shoufi, V. Yu. Slivka // Ferroelectrics. – 1997. –
V. 192. – P. 149-154.

Summary in Spanish / Resumen en Castellano

"Transporte térmico y transiciones de fase en calcogenuros fosforosos MM'P₂(S,Se)₆ (M, M' = Cu, Ag, In, Bi, Sn, Pb)"

Esta tesis doctoral se ha realizado en el marco de un acuerdo de cotutela internacional entre la Uzhgorod National University, Uzhgorod, Ucrania y la Universidad del País Vasco-Euskal Herriko Unibertsitatea, habiendo realizado el estudiante Vitalii Liubachko una estancia en la UPV/EHU de un total de 19 meses, en dos fases separadas en el tiempo (10 meses más otros 9) con el soporte económico de la Unión Europea a través del programa ERASMUS MUNDUS ACTIVE (primer período de estancia) y de la UPV/EHU a través de una beca del programa de cotutelas internacionales (segundo período de estancia). El resto del tiempo el trabajo se ha desarrollado en Ucrania.

Los materiales objeto de estudio son dos familias de calcogenuros fosforosos, una de multiferroicos que se disponen en capas bidimensionales $M^{1+}M^{3+}[P_2X_6]^{4-}(M^{1+}$ = Cu, Ag; M^{3+} = In, Bi; X = S, Se) y otra de calcogenuros tridimensionales (Pb_xSn₁. _x)₂P₂(Se_yS_{1-y})₆. En el caso de los materiales en capas, el objetivo principal es estudiar sus propiedades térmicas en función de la temperatura (de 20 a 350 K) focalizando la atención sobre la posibilidad de obtener conductividades térmicas ultrabajas. En el caso de los tridimensionales, estudiar también la evolución de las propiedades térmicas para, en este caso, analizar el comportamiento crítico de las transiciones de fase ferroeléctricas y su evolución con las sustituciones de Sn por Pb. También se ha analizado este comportamiento si se añaden ligeros dopajes de Ge.

El interés del estudio tanto experimental como teórico de las propiedades físicas de cristales calcogenuros con estructura *bulk* o en capas y que presentan polarización espontánea tiene importancia, en primer lugar, desde el punto de vista del avance en la Física de la Materia Condensada y, en segundo, por sus posibles aplicaciones en

la creación de una tecnología de fabricación de materiales ferroicos de baja dimensionalidad para integrarlos en heteroestructuras con materiales tipo grafeno que puedan ser utilizados esencialmente en nuevos elementos funcionales biestables para eléctronica de ultra-alta densidad y alta velocidad.

Los dos primeros capítulos de la memoria son capítulos que contextualizan el trabajo experimental que se describe en los capítulos 6 al 9. El **capítulo uno** contiene una descripción general de los procesos de transferencia de calor, introduciendo las definiciones de las variables térmicas que se van a manejar en la memoria. El **capítulo dos** describe con todo detalle las técnicas experimentales utilizadas y su fundamento teórico. La técnica básica utilizada ha sido calorimetría fotopiroeléctrica *ac* y en todos los casos se han utilizado monocristales de alta calidad para los estudios.

El **capítulo tres** desarrolla la teoría del comportamiento crítico de transiciones de fase continuas (segundo orden), empezando por la teoría clásica de Landau y las correcciones aplicadas a la misma con el fin de considerar fenómenos tales como fluctuaciones del parámetro de orden, presencia de interacciones dipolares fuertes, contribución añadida de defectos cargados, etc. Se describen los límites de esta teoría clásica y se pasa a describir la teoría moderna del comportamiento crítico, basada en el desarrollo de los hamiltonianos que incluyan las interacciones relevantes en la transición y la obtención por diferentes métodos (el más relevante de los cuales es la teoría de grupos de renormalización) del comportamiento singular de diferentes variables físicas, como el calor específico o la difusividad térmica. Se obtienen así las diferentes clases de universalidad, donde cada una tiene un conjunto particular de exponentes críticos, susceptibles de ser evaluados experimentalmente. Así, una vez que obtengamos las curvas experimentales, las ajustaremos a los diferentes modelos teóricos con el fin de extraer conclusiones sobre los mecanismos físicos relevantes en la transición. La magnitud experimental utilizada para dichos ajustes ha sido en todos los casos el inverso de la difusividad térmica, cuyo comportamiento crítico es análogo al del calor específico en estos materiales. Se

plantea también en este capítulo el estado del arte del comportamiento crítico de la familia $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$.

Las peculiaridades de la estructura cristalina, la influencia en las propiedades físicas de la sustitución de átomos en las redes catiónica y aniónica de los tio y selenofosfatos bidimensionales $M^{1+}M^{3+}[P_2X_6]^{4-}$ han sido considerados en el **capítulo cuatro.** La segunda parte de este capítulo está dedicada a la descripción de las propiedades físicas de cristales en capas bidimensionales, a saber dieléctricas, piezoeléctricas, ultrasónicas y térmicas.

El **capítulo cinco** contiene una breve revision de las propiedades físicas (térmicass, ópticas, elásticas, acústicas y dielétricas) de las soluciones sólidas cristalinas (Pb,Sn)₂P₂(Se,S)₆, lo que permite describir el muy complejo diagrama de fases temperatura-concentración. Con el fin de entender mejor la evolución del carácter de la transición de fase al sustituir elementos químicos en las subredes aniónica y catiónica, se hean considerado tres diagramas de fase independientes para $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$, (Pb_xSn_{1-x})₂P₂S₆ and (Pb_xSn_{1-x})₂P₂Se₆. Se ha prestado especial atención a los puntos multicríticos que aparecen en el diagrama de fases, dependiendo del cambio, bien en la composición química, bien en la presión. Se ha considerado la influencia del Pb en la posición de la temperatura de la transición ferroeléctrica así como en la forma de lass anomalías críticas en los cristales $Sn_2P_2S_6$ y $Sn_2P_2S_6$. Por último, se han presentado los estudios sobre propiedades físicas en $Sn_2P_2S_6$ dopado con Ge.

Los restantes cuatro capítulos están dedicados a la presentación de resultados y a la interpretación de los mismos. Así, el **capítulo seis** está dedicado a los materiales bidimensionales en capas $M^{1+}M^{3+}[P_2X_6]^{4-}$, donde se ha estudiado el efecto en sus propiedades térmicas de la sustitución de átomos en las subredes aniónica y cationica, encontrando además una anisotropía muy significativa en dichas propiedades, sean medidas sobre las capas bidimensionales o perpendiculares a ellas. Además, se han estudiado con detalle las transiciones de fase ferroeléctricas en las composiciones que las presentan. Se han desarrollado cálculos teóricos de espectros de fonones para cada cristal estudiado, utilizando teoría de densidad functional (functional density theory), obteniendo la capacidad calorífica que, combinada con la difusividad térmica medida, nos ha permitido extraer la conductividad térmica desde baja temperatura hasta por encima de temperatura ambiente en todos los casos, obteniendo valores ultrabajos que han sido justificados por la presencia de una fuerte anarmonicidad de la red cristalina creada por la relajación de los pares de electrones aislados de los cationes estereoactivos M³⁺, la fuerte interacción entre las ramas de fonones ópticas y acústicas y por la presencia de un efecto Jahn-Teller secundario de los cationes de cobre,

En el caso particular de CuBiP₂Se₆, los datos de difusividad térmica confirman la presencia de una fase intermedia modulada entre la fase antiferroeléctrica de baja temperatura y la fase desordenada a alta temperatura. También se ha observado que la sustitución de cobre por plata en un 10% en CuInP₂S₆ cambia el carácter de la transición de fase de primer orden a segundo orden, reduciendo la temperatura crítica en 30 K y frustrando la anomalía crítica en la difusividad térmica, haciéndola más ancha y menos picuda.

En el **capítulo siete** se presentan, en primer lugar, las curvas de difusividad térmica en función de la temperatura para (Pb_xSn_{1-x})₂P₂(Se_{0.2}S_{0.8})₆ con x = 0.1, 0.2, 0.3 y para (Pb_{0.05}Sn_{0.95})₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ con y = 0.4, 0.5. Se ha considerado la sustitución de estaño por plomo con el fin de intentar obtener un punto tricrítico. Los exponentes críticos obtenidos tras el ajuste de las curvas se han comparado con las diferentes clases de universalidad aplicables a ferroeléctricos. Al incrementar la concentración de Pb en (Pb_xSn_{1-x})₂P₂(Se_{0.2}S_{0.8})₆ se ha comprobado una tendencia al cambio desde la clase de universalidad Lifshitz hacia el modelo de Campo Medio en lugar de a una clase de universalidad tricrítica, lo que ha sido explicado sobre la base del modelo Blume-Emery-Griffiths model (modelo BEG) con influencia de defectos de campo aleatorio. Dicho modelo describe el diagrama de fases temperatura-concentración para el caso de potenciales de tres pozos con fluctuaciones de la polarización espontanea.

El **capítulo ocho** esta dedicaddo al comportamiento crítico de $Sn_2P_2S_6$, que puede ser descrito como un "crossover" entre las clases de universalidad Ising y XY,

lo que es esperable cerca de puntos bicríticos con parámetros de orden polar y antipolar acoplados e inestabilidades que compiten en el espacio q. Se ha propuesto un diagrama de fases mejorado T - x - y para los ferroeléctricos Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ que combina una línea de puntos de Lifshitz, una línea de puntos tricríticos y un punto de Lifshitz tricrítico. Este complejo diagrama de fases puede ser descrito en un modelo BEG-ANNNI combinado. Aquí es esperable la presencia de un estado "caótico" acompañado de la coexistencia de una fase ferroeléctrica, otra paraeléctrica metastable y una tercera modulada.

Por ultimo, el capítulo nueve está dedicado a las propiedades térmicas y dieléctricas de cristales $(Pb_{\nu}Sn_{1-\nu})_2P_2(Se,S)_6$ dopados con Ge. Se presenta la difusividad térmica temperatura dependencia de la con la para $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_{6,} \quad (Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_{6,} \quad (Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.5}S_{0.5})_{6,} \quad (Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.5}S_{0.5})_{$ $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ y $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$. La dependencia de las susceptibilidades dieléctricas con la temperatura ha sido analizada usando el modelo de Barrett, mostrando la presencia de un estado paraeléctrico cuántico en Pb₂P₂S₆. También se ha obtenido la conductividad térmica para los cristales con Ge y se ha comparado con la de las mismas muestras sin dopar. La presencia de germanio incrementa la conductividad térmica debido al incremento de la frecuencia del menor modo óptico polar cerca del centro de la zona de Brillouin lo que, a su vez, reduce la probabilidad de que haya scattering resonante de los modos ópticos por los acústicos. En el caso de (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂S(Se)₆ y (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂S(Se)₆ se ha demostrado que la presencia de Ge induce un estado vítreo dipolar, de acuerdo con los datos de susceptibilidad dieléctrica.

La memoria finaliza con la exposición de las **conclusiones** principales derivadas del estudio completo, resumiendo, recogiendo y relacionando las conclusiones planteadas al final de lass discusiones dessarrolladas en cada uno de los cuatro capítulos (seis a nueve) que contienen el trabajo de investigación realizado.

Todo este trabajo ha dado lugar a 5 publicaciones en revistas del Journal Scitation Index y una más está ya enviada (en el momento de redactar esta memoria) y en proceso de revisión. Además, se han presentado siete comunicaciones en congresos internacionales y otras cinco en nacionales.

Міністерство освіти і науки України Державний вищий навчальний заклад «Ужгородський національний університет»

Кваліфікаційна наукова праця на правах рукопису

<u>Любачко Віталій Юрійович</u>

УДК 538.911; 538.953; 536.2.022; 536.2.023

ДИСЕРТАЦІЯ ТЕПЛОВИЙ ТРАНСПОРТ ТА ФАЗОВІ ПЕРЕХОДИ У ФОСФОРВМІСНИХ ХАЛЬКОГЕНІДАХ MM'P2(S,Se)6 (M, M' = Cu, Ag, In, Bi, Sn, Pb)

01.04.10 – фізика напівпровідників і діелектриків

Подається на здобуття наукового ступеня кандидата фізико-математичних наук Дисертація містить результати власних досліджень. Використання ідей, результатів і текстів інших авторів мають посилання на відповідне джерело

(підпис) В. Ю. Любачко

Наукові керівники:

Височанський Юліан Миронович – член-кореспондент НАН України, доктор фізико-математичних наук, професор

Олеага Альберто – доктор фізико-математичних наук, професор

Ужгород – 2020

АНОТАЦІЯ

ЛЮБАЧКО В. Ю. Тепловий транспорт та фазові переходи у фосфорвмісних халькогенідах ММ'Р₂(S,Se)₆ (M, M' = Cu, Ag, In, Bi, Sn, Pb). – Кваліфікаційна наукова праця на правах рукопису.

Дисертація на здобуття наукового ступеня кандидата фізикоматематичних наук (доктора філософії) за спеціальністю 01.04.10 фізика напівпровідників і діелектриків. – Державний вищий навчальний заклад «Ужгородський національний університет» Міністерства освіти і науки України, Ужгород, 2020.

Дисертаційна робота присвячена комплексному дослідженню впливу катіонного та аніонного заміщення атомів на термодинамічні властивості 2D $(Cu,Ag)^{+}(In,Bi)^{3+}P_{2}(Se,S)_{6}$ 3D $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ фосфоровмісних та халькогенідних кристалів у широкій температурній області та, зокрема, в околі структурних фазових переходів i3 застосуванням методики фотопіроелектричної калориметрії (ФПЕК) у конфігурації зворотного детектування.

У першому розділі розглянуті основні теплові властивості матеріалів: теплова дифузія, теплова інерція, теплоємність та теплопровідність. Приведено детальний опис методики, яка безпосередньо була використана для вивчення теплових властивостей твердих тіл (ФПЕК у конфігурації зворотного детектування). У другій частині розділу розглянуті експериментальні установки, на яких проводилися вимірювання теплової дифузії досліджуваних сегнетоелектричних кристалів.

Другий розділ присвячений дослідженням теплової дифузії та теплопровідності двомірних шаруватих халькогенідів $M^{1+}M^{3+}P_2(Se,S)_6$ ($M^{1+} = Cu, Ag; M^{3+} = In, Bi$). Розглянуті особливості кристалічної структури, вплив заміщення атомів у катіонній та аніонній підґратках на фізичні властивості, відзначено суттєву анізотропію теплових властивостей у цих шаруватих кристалах. Також детально розглянуті фазові переходи (ФП) у кристалах, у яких

вони мали місце. У цьому ж розділі описана методика розрахунку фононного спектра з використанням теорії функціонала густини та представлені результати теоретичних розрахунків фононних спектрів для кожного досліджуваного кристала, аналіз яких дозволяє у повній мірі зрозуміти причини низької теплопровідності. Проведено розрахунок температур Дебая, довжин вільного пробігу та середню групову швидкість теплонесучих акустичних фононів. Дані, отримані на основі експериментальних досліджень та теоретичних розрахунків дозволяють пояснити як саме заміна хімічних елементів у катіонній та аніонній підґратках впливає на зміну теплофізичних властивостей.

У третьому розділі приведено короткий теоретичний огляд фізичних властивостей (теплових, оптичних, еластичних, акустичних та діелектричних) твердих розчинів сімейства кристалів (Pb,Sn)₂P₂(Se,S)₆, що дозволяє описати їхню фазову діаграму температура-концентрація. Для кращого розуміння еволюції характеру ФП при заміщенні хімічних елементів у катіонній та $Sn_2P_2(Se_rS_{1-r})_6$, аніонній підґратках окремо розглянуто три діаграми $(Pb_{\nu}Sn_{1-\nu})_{2}P_{2}S_{6}$ та $(Pb_{\nu}Sn_{1-\nu})_{2}P_{2}Se_{6}$. Особливу увагу приділено мультикритичним точкам, які з'являються на фазовій діаграмі в залежності від зміни хімічного складу або стиснення. Розглянуті основні теорії, які описують критичну поведінку, а саме класична теорія Ландау, яка базується на наближенні середнього поля та деякі відхилення від неї, що можуть виникати в досліджуваних сегнетоелектричних кристалах, і враховують можливу появу різних флуктуаційних ефектів та впливи дефектів, які можуть спричинити таке відхилення. Основної уваги заслуговує сучасна теорія критичної поведінки в рамках теорії ренормгруп, яка була спеціально розроблена для тих випадків, для яких класична теорія не працює належним чином. Експериментально досліджена теплова дифузія кристалів ($Pb_{y}Sn_{1-y}$)₂ $P_{2}(Se_{0.2}S_{0.8})_{6}$ з y = 0.1, 0.2, 0.3 та для $(Pb_{0.05}Sn_{0.95})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ з x = 0.4, 0.5. Розглянуто вплив зміщення олова свинцем для отримання трикритичної точки (ТКТ) на фазовій діаграмі. Отримані критичні індекси порівнювалися з теоретично передбаченими для

даного класу сегнетоелектриків. Наближення значення критичного індексу *а* до моделі середнього поля натомість трикритичного класу універсальності пояснене на основі моделі Блюме-Емері-Гріффітса (моделі БЕГ) з впливом дефектів типу «випадкове поле».

Четвертий розділ присвячений вивченню статичної та динамічної критичної поведінки кристалів $(Pb_x Sn_{1-x})_2 P_2(Se_v S_{1-v})_6$ у рамках комбінованої моделі БЕГ – ANNNI з триктритичною точкою (ТКТ) та точкою Ліфшиця (ТЛ). У рамках такої об'єднаної моделі пояснене отримання мультикритичної точки вищого порядку - трикритичної точки Ліфшиця (ТКТЛ), яка виникає при одночасному заміщенні хімічних елементів у катіонній та аніонній підґратках. Показано, що нижче температури ТКТЛ, яка може розглядатись як кінцева точка лінії Ліфшиця стає можливим утворення так званого хаотичного стану, у співіснування сегнетоелектричної, метастабільної якому можливе параелектричної та модульованої фаз. Особливу увагу приділено дослідженню критичної поведінки кристалу Sn₂P₂S₆. Розглянуті в комплексі дані з розсіювання нейтронів, дифузійного рентгенівського розсіювання, а також діелектричних властивостей та петель гістерезису разом із калориметричними даними дозволили зробити припущення щодо близькості цього переходу до тетракритичної точки, яка з'являється внаслідок взаємодії між двома параметрами порядку, пов'язаними з полярними флуктуаціями біля центру зони Бріллюена та антиполярними флуктуаціями біля його краю, яка може еволюціонувати до бікритичної точки при досить сильній взаємодії згаданих параметрів порядку.

Друга частина цього розділу присвячена впливу заміщення олова германієм на теплові та діелектричні властивості кристалів $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se,S)_6$. Тут приведені температурні залежності теплової дифузії для кристалів $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$, $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$, $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$, $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.5}S_{0.5})_6$, $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ та $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$. Аналіз температурних залежностей діелектричної сприйнятливості, разом із калориметричними даними показали наявність квантового параелектричного

стану у кристалах типу Pb₂P₂S₆. Проведене дослідження теплопровідності кристалів із вмістом германію та їхнє порівняння з кристалами без його вмісту.

Ключові слова: фероїки, сегнетоелектричні кристали, фазові переходи, фотопіроелектрична калориметрія, теплова дифузія, теплопровідність, критична поведінка, ангармонізм.

ABSTRACT

LIUBACHKO V. Yu. Thermal transport and phase transitions in $MM'P_2(S,Se)_6$ (M, M' = Cu, Ag, In, Bi, Sn, Pb) phosphorus chalcogenides. – Manuscript copyright.

Thesis for the Candidate of Physics and Mathematics Sciences Degree (Doctor of Philosophy), specialty 01.04.10 – physics of semiconductors and dielectrics. State Higher Institution "Uzhhorod national university", Uzhhorod, 2020.

The thesis is devoted to the comprehensive study of the influence of cationic and anionic atoms substitution on the thermodynamic properties of 2D and 3D $(Cu,Ag)^+(In,Bi)^{3+}P_2(Se,S)_6$ and $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ phosphorus chalcogenide crystals in a wide temperature range, and, especially in the vicinity of the structural phase transitions by means of *ac* photopyroelectric calorimetry technique.

In the **first chapter**, four essential thermophysical properties which characterize the material are considered: heat capacity, thermal diffusivity, thermal conductivity and thermal effusivity. A detailed description of the technique which was directly used in order to study the thermal properties of solids (photopyroelectric calorimetry (PPE) in the back-detection configuration) is given. In the second part of the chapter the experimental techniques were considered, the thermal diffusivity measurements of the investigated ferroelectric crystals were carried out.

The **second chapter** is devoted to thermal diffusivity and thermal conductivity studies in two-dimensional layered chalcogenides of type $M^{1+}M^{3+}P_2(Se,S)_6$ ($M^{1+} = Cu, Ag; M^{3+} = In, Bi$). The peculiarities of the crystalline structure, the influence on the physical properties of the substitution of atoms in the cation and anion sublattices were considered, and a significant anisotropy of the thermal properties in these layered crystals has been distinguished. Also, the phase transitions (PT) had been considered in great detail if the last were presented. In this chapter a method for calculating the phonon spectrum using the theory of functional density is described, the results of the theoretical calculations of the phonon spectra for each investigated crystal are presented, whose analysis allows us completely understand the nature of low thermal conductivity. Also, the Debye temperatures, mean free paths and the

average phonons group velocities have been calculated. Finally, the data obtained on the basis of experimental studies and theoretical calculations allow us to explain how the substitution of chemical elements in the cation and anion sublattices affects the thermo-physical properties.

In the **third chapter** a brief review of the literature on physical properties (thermal, optical, elastic, acoustic and dielectric) of solid solutions of the family of $(Pb,Sn)_2P_2(Se,S)_6$, crystals has been made, which allows us to describe their complex temperature-concentration phase diagram. For a better understanding of the evolution of the nature of the PT at the substitution of chemical elements in the cation and anion sublattices, we have considered separately three diagrams $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$, $(Pb_{\nu}Sn_{1-\nu})_{2}P_{2}S_{6}$ and $(Pb_{\nu}Sn_{1-\nu})_{2}P_{2}Se_{6}$. Special attention was paid to the multicritical points that appear on the phase diagram, depending on the change in the chemical composition or on compression. In order to study the critical behavior in the studied crystals, the classical Landau theory was considered, which is based on the mean field approximation. Some deviations from the classical Landau theory, which may occur in ferroelectric crystals, have also been considered, taking into account the appearance of various possible fluctuation effects and the effect of charged defects that may cause such a deviation. Also, in this chapter, within the framework of the renormalization group theory, a modern theory of critical behavior was considered, which was developed specifically for the cases for which the classical theory does not work properly. Experimentally, the thermal diffusivity for $(Pb_{\nu}Sn_{1-\nu})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ with y =0.1, 0.2, 0.3 and for $(Pb_{0.05}Sn_{0.95})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ with x = 0.4, 0.5 crystals has been studied. In order to obtain a tricritical point on the phase diagram the effect of lead by tin substitution is considered. The obtained critical exponents were compared with the theoretically predicted ones for this class of ferroelectrics. The approaching of the value of the critical exponent to a Mean Field model instead of the tricritical universality class has been explained on the basis of the Blume-Emery-Griffiths model (BEG model) with the influence of random field defects.

Finally, the **fourth chapter** is devoted to the study of the static and dynamic critical behavior of $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ crystals in the framework of a combined BEG - ANNNI model with a tricritical point (TCP) and a Lifshitz point (LP). Such a combined model explains the existence of a higher order multicritical point, the tricritical Lifshitz point (TCLP), which occurs with the simultaneous substitution of chemical elements in the cationic and anionic sublattices. It is shown that below the temperature of TCLP, which can be considered as the Lifshitz line end point, the "chaotic" state with the coexistence of the ferroelectric, metastable paraelectric and modulated phases is possible. Special attention is paid to study the critical behavior of the Sn₂P₂S₆ crystal. Considered the complex data on neutron scattering, dielectric data, diffuse x-ray scattering, as well as hysteresis loops together with calorimetric data allowed to make assumptions about the closeness of this transition to the tetracritical point, which appears due to the interaction between two order parameters related to polar fluctuation near the Brillouin zone center and to antipolar fluctuations near its edge, which can evolve to a bicritical point at strong enough coupling of the mentioned order parameters.

The second part of this chapter is devoted to the analysis of thermal and dielectric properties in $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se,S)_6$ crystals with germanium impurity. Here the temperature dependences of thermal diffusivity for $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$, $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$, $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.5}S_{0.5})_6$, $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ and $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ crystals are presented. The temperature dependences of the dielectric susceptibility together with calorimetric data have shown the presence of a quantum paraelectric state in $Pb_2P_2S_6$ type crystals. The temperature dependences of thermal conductivity for the crystals which contain germanium was also studied and compared with the pure crystals.

Key words: ferroics, ferroelectric crystals, phase transitions, photopyroelectric calorimetry, thermal diffusivity, thermal conductivity, critical behavior, anharmonicity.

СПИСОК ПУБЛІКАЦІЙ ЗА ТЕМОЮ ДИСЕРТАЦІЇ

Статті у фахових журналах:

- Anisotropic thermal properties and ferroelectric phase transitions in layered CuInP₂S₆ and CuInP₂Se₆ crystals / V. Liubachko, V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, A. Pogodin and Yu. M. Vysochanskii // Journal of Physics and Chemistry of Solids – 2017. – V. 111. – P. 324-327.
- Thermal diffusivity and thermal conductivity in layered ferrielectric materials M¹⁺M³⁺P₂(S,Se)₆ (M¹⁺ = Cu, Ag; M³⁺ = In, Bi) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin and Yu. Vysochanskii // Phase Transitions – 2019. – V.92, No.5. – P. 494-499.
- Inducing a Tricritical point in Sn₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ ferroelectrics by Pb addition / A. Oleaga, V. Liubachko, A. Salazar, Yu. Vysochanskii // Thermochimica Acta 2019. V. 675. P. 38-43.
- 4. Cation role in the thermal and electric properties of layered ferroelectric materials M¹⁺M³⁺P₂(S,Se)₆ (M¹⁺ = Cu, Ag; M³⁺ = In, Bi) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin and Yu. Vysochanskii // Physical Review Materials – 2019. – V. 3. – P. 104415(1-9).
- Phase diagram of ferroelectrics with tricritical and Lifshitz points at coupling between polar and antipolar fluctuations / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, R. Yevych, A. Kohutych, Yu. Vysochanskii // Physical Review B – 2020. – V. 101. – P. 224110(1-10).
- 6. Quantum paraelectric state and critical behavior in Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ ferroelectrics
 / I. Zamaraite, V. Liubachko, R. Yevych, A. Oleaga, A. Salazar, A. Dziaugys, J. Banys, Yu. Vysochanskii // [https://arxiv.org/abs/2003.09966].

Тези-доповіді на конференціях:

 Influence of dopants and vacancies of chalcogenide atoms on possible deviation from Lifshitz behavior of Sn₂P₂(S_{0.72}Se_{0.28})₆ crystal. / A. Oleaga, V. Shvalya, A. Salazar, V. Lyubacko, A. Kohutych, I. Stoika, M. Danko, Yu. Vysochanskii. // 7th Seminar "Properties of ferroelectric and superionic systems". Uzhhorod (Ukraine), April 24 2017.

- Anisotropic thermal properties and ferrielectric phase transitions in layered CuIn P₂S₆ and CuInP₂Se₆ crystals. / V. Liubachko, V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, A. Pogodin, Yu. M. Vysochanskii. // 19th International Conference on Photoacoustic and Photothermal Phenomena in Bilbao (Spain), 16-20 July 2017.
- Ferroelectric phase transitions and anisotropic thermal properties in layered CuInP₂(S,Se)₆ crystals. / V. Liubachko, A. Oleaga, V. Shvalya, A. Kohutych, A. Pogodin, A. Salazar, Yu. M. Vysochanskii // Seminar "New multiferroics and superionic conductors for acustoelectronics and solid state ionics", Vilnius, (Lithuania), 10 October 2017.
- 4. Thermal diffusivity and thermal conductivity in layered ferroelectric materials M¹⁺M³⁺P₂(S,Se)₆ (M¹⁺= Cu, Ag; M³⁺= In, Bi) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // V Ukrainian-Polish-Lithuanian Meeting on Physics of Ferroelectrics in Uzhhorod (Ukraine), 18-20 September 2018.
- Cation role in the thermal and electric properties of layered ferrielectric materials M¹⁺M³⁺P₂(S,Se)₆ (M¹⁺= Cu, Ag; M³⁺= In, Bi) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // International Meeting on Clusters and Nanomaterials (CNM'5-2018) in Uzhhorod (Ukraine), 22-26 October 2018.
- Ultralow thermal conductivity in layered phosphorus chalcogenides M¹⁺M³⁺P₂(S, Se)₆ (M¹⁺ = Cu, Ag; M³⁺ = In, Bi) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // The conference of young scientist "Lashkaryov's readings 2019" in Kyiv (Ukraine), 3-5 April 2019.
- The effect of Pb doping on the critical behavior in (Pb_xSn_{1-x})₂P₂(Se_{0.2}S_{0.8})₆ ferroelectrics / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, Yu. Vysochanskii //

Conference of Young Scientists and Post-graduate Students IEP-2019 in Uzhhorod (Ukraine), 21-24 May 2019.

- Thermal diffusivity and phase transitions in (Pb_xSn_{1-x})₂P₂(Se_yS_{1-y})₆ crystals / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, Yu. Vysochanskii // School-conference of young scientists «Modern material science: physics, chemistry, technology» (MMSPCT-2019), in Uzhhorod (Ukraine), 27 31 May 2019.
- Phonon Spectrum and Heat Transport in Metal Thio- and Senenophosphates / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // XXIV Galyna Puchkovska International School-Seminar "Spectroscopy of Molecules and Crystals" (XXIV ISSSMC), in Odesa (Ukraine), 25 - 30 August 2019.
- Investigation of thermal transport in 2D layered [Cu,Ag]¹⁺[In,Bi]³⁺P₂[(Se,S)₆]⁴⁻ crystals / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, K. Glukhov, A. Kohutych, Yu, Vysochanskii, A. Pogodin // VIII International seminar "Properties of ferroelectric and superionic systems", in Uzhhorod (Ukraine), 29-30 October 2019.
- Phase diagram of ferroelectrics with tricritical Lifshitz point: paraelectric modulated critical line end point and chaotic behavior / V. Liubachko, R. Yevych, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, Yu. Vysochanskii // VIII International seminar "Properties of ferroelectric and superionic systems, in Uzhhorod (Ukraine), 29-30 October 2019.

3MICT

ВСТУП15
РОЗДІЛ 1. ЗАГАЛЬНА МЕТОДИКА ТА ОСНОВНІ МЕТОДИ
ДОСЛІДЖЕННЯ ТЕПЛОФІЗИЧНИХ ВЛАСТИВОСТЕЙ ТВЕРДИХ ТІЛ21
1.1. Визначення теплових властивостей твердих тіл21
1.2. Методика фотопіроелектричної калориметрії у конфігурації зворотного детектування24
1.3. Експериментальні установки та методика вимірювання теплової дифузії твердих тіл32
1.3.1. Частотне сканування при фіксованій температурі32
1.3.2. Вимірювання температурної залежності теплової дифузії34
РОЗДІЛ 2. ТЕПЛОВІ ВЛАСТИВОСТІ ШАРУВАТИХ КРИСТАЛІВ
СІМЕЙСТВА ММ'Р ₂ X ₆ 39
2.1. Кристалічна структура та фізичні властивості халькогенідів CuInP ₂ (Se,S) ₆
2.2. Вплив катіонної підсистеми на термодинамічні властивості шаруватих халькогенідів М ¹⁺ М ³⁺ Р ₂ (Se,S) ₆ 46
2.3. Анізотропні теплові властивості та фазові переходи у шаруватих кристалах50
2.4. Природа наднизької теплопровідності у кристалах MM'P ₂ X ₆ 62
РОЗДІЛ З. ТЕПЛОВА ДИФУЗІЯ В СЕГНЕТОЕЛЕКТРИЧНИХ ТВЕРДИХ
РОЗЧИНАХ ($Pb_x Sn_{1-x}$) ₂ $P_2(Se_y S_{1-y})_6$ 80
3.1. Фазова діаграма сегнетоелектриків (Pb,Sn) ₂ P ₂ (Se,S) ₆ 80
3.1.1. Фазова діаграма Sn ₂ P ₂ (Se _x S _{1-x}) ₆ . Точка Ліфшиця на діаграмі стану
86

3.1.2. Фазова діаграма (Pb _y Sn _{1-y}) ₂ P ₂ S ₆ 91
3.1.3. Фазова діаграма кристалів (Pb _y Sn _{1-y}) ₂ P ₂ Se ₆ 93
3.1.4. Трикритична точка та трикритична точка Ліфшиця94
3.2. Класична та сучасна теорії фазових переходів для сегнетоелектриків97
3.3. Критичні аномалії теплової дифузії у халькогенідах $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$. Трикритична точка на фазовій діаграмі зі збільшенням концентрації свинцю
РОЗДІЛ 4. ФАЗОВА ДІАГРАМА СЕГНЕТОЕЛЕКТРИКІВ (Pb,Sn) ₂ P ₂ (Se,S) ₆ 3
МУЛЬТИКРИТИЧНИМИ ТОЧКАМИ ТА ЇЇ ТРАНСФОРМАЦІЯ ІЗ
ВВЕДЕННЯМ ГЕРМАНІЮ 116
4.1. Фазова <i>T</i> – <i>x</i> – <i>y</i> діаграма сегнетоелектриків (Pb,Sn) ₂ P ₂ (Se,S) ₆ з мультикритичними точками з урахуванням полярних та антиполярних флуктуацій 116
4.1.1. $t - \lambda - \Delta$ діаграма з трикритичною точкою Ліфшиця 117
4.1.2. Полярні та антиполярні флуктуації 122
4.2. Вплив германію на сегнетоелектричні властивості квантових параелектриків $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se,S)_6$ 127
4.2.1. Теплова дифузія змішаних кристалів $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ з
германієм 128
4.2.2. Квантовий параелектричний стан та критична поведінка в
сегнетоелектриках Sn(Pb) ₂ P ₂ S(Se) ₆ 130
ВИСНОВКИ 146
СПИСОК ВИКОРИСТАНИХ ДЖЕРЕЛ 148

ПЕРЕЛІК УМОВНИХ ПОЗНАЧЕНЬ, СКОРОЧЕНЬ І ТЕРМІНІВ

ФП – фазовий перехід

НС – неспівмірна фаза

ФПЕК – фотопіроелектрична калориметрія

ТЛ – точка Ліфшиця

ТКТ – трикритична точка

ТКТЛ – трикритична точка Ліфшиця

БЕГ модель – Блюме-Емері-Гріффітса (модель)

ВСТУП

Актуальність теми

Експериментальні та теоретичні дослідження фізичних властивостей халькогенідних кристалів фероїків, які мають об'ємну і шарувату структуру та володіють спонтанною поляризацією, важливі для створення технології їхньої інтеграції у гетероструктури з графеноподібними матеріалами, які можуть знайти застосування при виготовленні бістабільних функціональних елементів електроніки з надвисокими щільністю та швидкодією.

Для халькогенідних кристалічних матеріалів системи (Pb,Sn)₂P₂(Se,S)₆ заміна атомів у катіонній та аніонній підґратках істотно впливає на характер хімічних зв'язків та визначає наявність та особливості структурних фазових переходів [18, 19]. У сегнетоелектриках-напівпровідниках $Sn_2P_2S_6$ та $Sn_2P_2Se_6$ структурні фазові переходи супроводжуються значною перебудовою хімічних зв'язків. Зміна хімічного складу твердих розчинів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ та введення домішки германію дозволяють модифікувати сегнетоелектричні та напівпровідникові властивості цих фосфорвмісних халькогенідів.

Шаруваті кристали сімейства CuInP₂S₆ є напівпровідниками з іонною провідністю сегнетиелектричним, антисегнетоелектричним та та антиферомагнітним упорядкуванням [20, 21, 22, 23]. У їхніх твердих розчинах наявні стани дипольного та спінового скла, а також проявляються цікаві ефекти магнітоелектричної взаємодії. У таких ван дер ваальсових матеріалах спостерігається сегнетоелектричне упорядкування при зменшенні товщини досліджуваних зразків до декількох кристалічних шарів [21]. Ці властивості значно збагачують спектр функціональних 2D матеріалів, особливо у випадку, коли фазовий перехід відбувається при температурах, близьких до кімнатної. Такі двомірні шаруваті матеріали у поєднанні з гетероструктурами ван дер Ваальса можуть бути перспективними для застосування у передових високоінтегрованих логічних пристроях із низьким енергоспоживанням [24].

Актуальність теми дисертаційної роботи визначається необхідністю отримання даних про термодинамічні властивості кристалів MM'P₂(S,Se)₆ (M, M' – Cu, Ag, In, Bi, Sn, Pb), їхні фононні спектри, ангармонізм кристалічної гратки та електрон-фононну взаємодію для опису природи їхніх фазових переходів, топології фазових діаграм, процесів теплопровідності, що важливо при визначенні хімічних складів матеріалів з оптимальними фізичними характеристиками.

Зв'язок роботи з науковими програмами, планами, темами. Дисертаційна робота виконувалася на кафедрі фізики напівпровідників і в інституті фізики і хімії твердого тіла Ужгородського національного університету у рамках держбюджетних тем ДБ-860 "Процеси в матеріалах з керованою динамікою структури для пристроїв з надшвидкою обробкою даних" (№ державної реєстрації 0116U004786) та ДБ-892 "Напівпровідникові фероїки фосфорвмісних халькогенідів для надщільних та надшвидких елементів пам'яті" (№ державної реєстрації 0119U100235), а також за підтримки об'єднаної РhD-програми між Україною (ДВНЗ «Ужгородський національний університет», м. Ужгород) та Іспанією (Університет Країни Басків (UPV/EHU), м. Більбао).

Мета і завдання дослідження

Об'єктом дослідження є 2D шаруваті кристали $M^{1+}M^{3+}P_2(S,Se)_6$ ($M^{1+}=Cu$, Ag; $M^{3+} = In$, Bi) та 3D кристали сімейства $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$, які володіють сегнетоелектричними, сегнетиелектричними та антисегнетоелектричними фазовими переходами.

Предметом дослідження є вивчення теплових властивостей та проявів низької теплопровідності у шаруватих ван дер ваальсових фосфорвмісних фероїках, а також критичної поведінки теплової дифузії в околі структурних фазових переходів для кристалів Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆.

Метою дисертаційної роботи є комплексне дослідження теплофізичних властивостей фосфорвмісних халькогенідних сегнетоелектричних сполук у

широкому температурному діапазоні. Для досягнення мети, були поставлені наступні завдання:

- Провести температурні дослідження та проаналізувати температурні залежності теплової дифузії (температуропровідності) та теплопровідності шаруватих фосфорвмісних кристалів типу M¹⁺M³⁺P₂(S,Se)₆ (M¹⁺ = Cu, Ag; M³⁺ = In, Bi).
- 2.Проаналізувати критичну поведінку аномалій оберненої теплової дифузії, в околі неперервних фазових переходів для твердих розчинів (Pb_ySn₁. y)₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ з метою підтвердження найважливіших висновків моделі Блюме-Емері-Гріффітса (BEG) щодо обов'язкової зміни роду переходу з другого на перший (тобто необхідністю появи трикритичної точки на фазовій діаграмі станів).
- 3.Дослідити вплив заміщення олова германієм у катіонній підґратці на теплові властивості кристалів (Pb,Sn)₂P₂(Se,S)₆ за допомогою вимірювань температурної залежності теплової дифузії.
- 4.Дослідити топологію фазової діаграми для твердих розчинів (Pb_ySn₁₋ _y)₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ з урахуванням раніше отриманих даних та доповнивши їх новими, одержаними у даній роботі.

Методи дослідження. Для дослідження термодинамічних властивостей кристалів використана методика фотопіроелектричної калориметрії змінного струму (ФПЕК) з високим розділенням по температурі. Аналіз критичних аномалій проведений з використанням теорії ренормованих груп, яка враховує вплив розвинених взаємодіючих флуктуацій параметра порядку в околі фазових переходів.

Наукова новизна результатів

У результаті проведених експериментальних досліджень та їхнього аналізу вперше встановлені наступні закономірності:

1. Показано, що теплопровідність двомірних шаруватих кристалів (Cu,Ag)(In,Bi)P₂(S,Se)₆ сильно залежить від катіонної підсистеми. Виявлено

значну анізотропію теплових властивостей – теплової дифузії та теплопровідності: тепло поширюється до шести разів ефективніше вздовж шарів, ніж перпендикулярно до них. Описані різні механізми ангармонізму кристалічної ґратки (сильна фонон-фононна взаємодія, релаксація неподіленої електронної пари, реалізація механізму вторинного ефекту Яна-Теллера) та їхній вплив на термодинамічні властивості шаруватих фосфорвмісних халькогенідів. Встановлено, що досліджені кристали володіють низькою теплопровідністю, найнижче значення отримане для кристалу CuBiP₂Se₆ становить близько 0.2 Вт м⁻¹ К⁻¹ у розупорядкованій високотемпературній фазі.

- 2. Дослідженнями теплової дифузії $(Pb_{v}Sn_{1})$ для твердих розчинів $_{v})_{2}P_{2}(Se_{0.2}S_{0.8})_{6}$ експериментально підтверджено зміну роду сегнетоелектричного фазового переходу з другого на перший при концентрації свинцю більшій від $y \approx 0.2$. Критична поведінка оберненої теплової дифузії, що відображає аномалію теплоємності, узгоджується з передбаченнями моделі Блюме-Емері-Гріффітса для фазових переходів в околі трикритичної точки з урахуванням дефектів типу «випадкове поле». Показано, що критична поведінка для оберненої теплової дифузії в околі неперервного фазового переходу у кристалі Sn₂P₂S₆ може бути описана як кросовер між класами універсальності моделі Ізинга та двокомпонентної моделі Гейзенберга.
- 3. На основі результатів досліджень теплової дифузії та наявних даних про термодинамічні та динамічні властивості сегнетоелектричних кристалів (Pb,Sn)₂P₂(Se,S)₆ побудована *T* – *x* – *y* фазова діаграма, на якій лінії трикритичних точок та точок Ліфшиця сходяться у трикритичній точці Ліфшиця. Топологія цієї діаграми співставлена з розрахованою фазовою діаграмою у рамках комбінованої моделі BEG – ANNNI: моделі Ізинга зі спіном S = 1, яка враховує зміну співвідношення взаємодій перших та других найближчих сусідів.

4. Показано, що введення германію у катіонну підґратку кристалів $(Sn,Pb)_2P_2(Se,S)_6$ підвищує температуру фазового переходу, зумовлює появу сегнетоелектричного фазового переходу у квантовому параелектрику $Pb_2P_2S_6$. У змішаних кристалах $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ та $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2Se_6$ утворюється стан дипольного скла в області квантових флуктуацій (при T < 50 K).

Практичне значення одержаних результатів

- Виявлена низька теплопровідність для шаруватих кристалів системи (Cu,Ag)(In,Bi)P₂(S,Se)₆ та встановлені механізми ґраткового ангармонізму можуть бути використані при розробці перспективних термоелектричних матеріалів.
- 2. Результати досліджень критичних аномалій теплової дифузії у твердих розчинах $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ можуть бути використані при вдосконаленні феноменологічних та мікроскопічних моделей для опису структурних фазових переходів в околі полікритичних точок.

Особистий внесок здобувача

Результати, що представлені та опубліковані у співавторстві, отримані при безпосередній участі автора роботи. Дисертант особисто проводив вимірювання теплової дифузії, виконав обробку та аналіз результатів досліджень. Автор брав участь у підготовці зразків для досліджень, постановці задач, інтерпретації та обговоренні всіх результатів експериментальних досліджень, написанні статей та оприлюдненні їх на семінарах і конференціях, виконав повний теоретичний аналіз критичних аномалій та фазових діаграм, сформулював висновки роботи та наукову новизну дисертації.

Апробація результатів дисертації

Основні результати та положення дисертаційної роботи були представлені на вітчизняних та міжнародних семінарах і конференціях:

• VII International seminar "Properties of ferroelectric and superionic systems" (Uzhhorod Ukraine, 2017);

- 19th International Conference on Photoacoustic and Photothermal Phenomena (Bilbao, Spain, 2017);
- Seminar "New multiferroics and superionic conductors for acustoelectronics and solid state ionics" (Vilnius, Lithuania, 2017);
- International Meeting on Clusters and Nanomaterials (CNM'5-2018) (Uzhhorod, Ukraine, 2018);
- V Ukrainian-Polish-Lithuanian Meeting on Physics of Ferroelectrics (Uzhhorod, Vodograj, Ukraine, 2018);
- The conference of young scientist "Lashkaryov's readings 2019" (Kyiv, Ukraine, 2019);
- International Conference of Young Scientists and Post-graduate Students IEP-2019 (Uzhhorod, Ukraine, 2019);
- School-conference of young scientists «Modern material science: physics, chemistry, technology» (Uzhhorod, Ukraine, 2019);
- XXIV Galyna Puchkovska International School-Seminar "Spectroscopy of Molecules and Crystals" (Odesa, Ukraine, 2019);
- VIII International seminar "Properties of ferroelectric and superionic systems" (Uzhhorod Ukraine, 2019);

та на щорічних підсумкових наукових конференціях викладачів і наукових співробітників фізичного факультету ДВНЗ «Ужгородський національний університет» протягом 2015 – 2020 р.

Публікації

За матеріалами дисертації опубліковано 17 робіт: 6 статей у фахових наукових виданнях [1-6] та 11 тез доповідей [7-17].

Об'єм і структура дисертації

Робота складається зі вступу, чотирьох розділів, висновків та списку використаних джерел із 230 найменувань. Дисертація викладена на 171 сторінці, містить 76 рисунків та 10 таблиць.

РОЗДІЛ 1. ЗАГАЛЬНА МЕТОДИКА ТА ОСНОВНІ МЕТОДИ ДОСЛІДЖЕННЯ ТЕПЛОФІЗИЧНИХ ВЛАСТИВОСТЕЙ ТВЕРДИХ ТІЛ

1.1. Визначення теплових властивостей твердих тіл

Для визначення теплофізичних властивостей твердих тіл можна виділити чотири, взаємопов'язані між собою теплові властивості: теплоємність, теплопровідність, теплову дифузію та теплову інерцію.

Молярна теплоємність C (Дж K⁻¹ моль⁻¹) як основна термодинамічна величина у калориметричних дослідженнях є одним з основних параметрів оцінки, розрахунку та проектування теплової системи. Теплоємність виражає здатність матеріалу накопичувати тепло. У формі рівняння теплоємність Cвиражається як:

$$C = mc_{p}, \tag{1.1}$$

де *m* маса, c_p питома теплоємність. Теплоємність тісно пов'язана з поняттям питомої теплоємності. Питома теплоємність – це кількість тепла на одиницю маси, необхідна для підвищення температури на один Кельвін. При сталому тиску, питома теплоємність може бути вищою, ніж при сталому об'ємі, тому що при сталому об'ємі додаткова робота при розширенні тіла при нагріванні не виконується, тому для нагрівання на один Кельвін при цих умовах потрібно менше тепла, ніж при сталому тиску, коли тіло може розширятися. Кількість одержаного тілом тепла Q при нагріванні на ΔT :

$$Q = mc_p \Delta T. \tag{1.2}$$

Теплопровідність κ (Вт м⁻¹ К⁻¹) – один із найважливіших внутрішніх параметрів, який демонструє потенціал теплообміну у матеріалах. Теплопровідність – це властивість, яка вказує на здатність матеріалу проводити тепло. Різні матеріали проводять тепло з різною швидкістю. Загальне рівняння для теплопровідності для гомогенного ізотропного матеріалу має форму:

$$\vec{q} = -\kappa \vec{\nabla} T, \qquad (1.3)$$

де \vec{q} – це тепловий потік. Теплопровідність визначає кількість тепла, яке протікає за одиницю часу через одиницю площі матеріалу одиничною товщиною при різниці температур 1 К між його гранями.

Варто зазначити, що в ізотропних матеріалах теплопровідність не змінюється в залежності від напрямку поширення, а в анізотропному матеріалі у різному напрямку вона різна, тобто є тензорною величиною. Також величина швидкості теплопередачі в анізотропному матеріалі в одному напрямку залежить не тільки від температурного градієнта у цьому напрямку, але і від напрямку, перпендикулярному до напрямку градієнта температури [25].

Теплова дифузія (температуропровідність) $D(M^2 c^{-1})$ – це властивість, яка визначає швидкість поширення тепла у матеріалі. Вона визначає зміну температури, яка створюється в одиниці об'єму матеріалу, спричинену тепловим потоком, який переноситься через одиницю площі в одиницю часу у матеріалі з одиничною товщиною, протилежні поверхні якого мають температурний градієнт у 1 К. Теплова дифузія є важливим параметром, який необхідно враховувати. Її можна визначити за наступним співвідношенням:

$$D = \frac{\kappa}{\rho c_p},\tag{1.4}$$

де D – теплова дифузія, κ – теплопровідність, ρ – густина, і c_p – питома теплоємність. Для гомогенного ізотропного матеріалу з тепловими властивостями, які не залежать від температури і відсутністю генерації тепла всередині нього, диференціальне рівняння теплової дифузії має наступний вигляд [26]:

$$\nabla^2 T(\vec{r},t) - \frac{1}{D} \frac{\partial T(\vec{r},t)}{\partial t} = 0.$$
(1.5)

Як і теплопровідність, теплова дифузія є тензором другого рангу. Взаємозв'язок між теплопровідністю і тепловою дифузією у різноманітних матеріалах наведено на рис. 1.1.


Рис. 1.1. Порівняння теплопровідності і теплової дифузії у твердих тілах, рідинах і газах. ● - метали, ■ - кераміка, ○ - рідини, □ - полімери,

▲ - стекла, × - гази [27].

Теплова інерція ε (Вт с^{0.5} м⁻² K⁻¹) визначає тепловий опір матеріалу. Вона говорить про поведінку матеріалу зберігати або розсіювати тепло. Теплова інерція може бути визначена як:

$$\varepsilon = \sqrt{\rho c_p \kappa} = \frac{\kappa}{\sqrt{D}} = \rho c_p \sqrt{D}.$$
(1.6)

Інформація про теплову інерцію необхідна для визначення поведінки теплообміну між двома матеріалами (тверді речовини або рідини), коли вони контактують один з одним. Коли обидва матеріали мають однакову теплову інерцію, теплообмін між ними буде таким, ніби з'єднання між ними відсутнє.

У таблиці 1.1 зібрані значення теплоємності, теплопровідності теплової дифузії, і теплової інерції для деяких матеріалів.

24

	$\rho c_p,$	К,	D,	Е,
Матеріал	(×10 ⁻⁶ Дж м ⁻³ К ⁻¹)	(Вт м ⁻¹ К ⁻¹)	(×10 ⁻⁶ м ² с ⁻¹)	(Дж м ⁻² К ⁻¹ с ^{-0.5})
Алмаз	1.78	2300	1290	64040
Скло	1.98	1.11	0.56	1480
Повітря	0.0012	0.026	22	5.5
Гелій	0.0011	0.15	137	12.8
Вода	4.16	0.6	0.144	1580
AISI 304	3.62	14.5	4	7250
Полікарбонат	1.33	0.2	0.15	515
Мідь	3.45	400	116	37140
Нікель	3.95	91	23	19400
Калій	0.65	102	158	8150
Свинець	1.52	35	23	7300
Кобальт	4.05	102	24.6	20150

Теплофізичні властивості у деяких матеріалах [27]

1.2. Методика фотопіроелектричної калориметрії у конфігурації зворотного детектування

Фототеплові методи вимірювання грунтуються на генераціях теплового поля у зразку, і як наслідок поглинання електромагнітного випромінювання. Цей процес залежить від оптичних та теплових властивостей зразка. Фотопіроелектрична калориметрія (ФПЕК) – це техніка, яка дозволяє визначити з високою температурною роздільною здатністю теплові властивості матеріалів, такі, як теплова дифузія, молярна теплоємність, теплопровідність та теплова інерція.

Найпоширенішими піроелектриками, які використовуються у ФПЕК є такі сенетоелектрики: тригліцинсульфат, ніобат літію і танталат літію (поляризовані струмом зміщення при рості кристалу), тонкі плівки нітрату калію у сегнетоелектричній фазі, а також керамічні титанат свинцю та титанат цинку із різноманітними домішками.

Ніобат літію та танталат літію володіють поєднанням унікальних електрооптичних, акустичних, піроелектричних, п'єзоелектричних і нелінійнооптичних властивостей, які роблять їх найбажанішими матеріалами для застосування в акустичних, електрооптичних і нелінійнооптичних пристроях. Як видно з таблиці 1.2 обидва матеріали володіють подібними характеристиками, але застосування танталату літію у якості піроелектричного датчика є більш прийнятним завдяки вищому піроелектричному коефіцієнту [28, 29].

Таблиця 1.2.

Порівняння фізичних властивостей танталату літію (LiTaO₃) та ніобату літію (LiNbO₃) [28, 29].

Матеріал	LiNbO ₃	LiTaO3
Молярна маса	147.8	235.9
Симетрія	Тригональна	Тригональна
Просторова група	R3c	R3c
a (Å)	5.148	5.154
b (Å)	5.148	5.154
c (Å)	13.863	13.783
a (°)	90.000	90.000
V (Å ³)	318.2	317.1
Z	6	6
3	30	47
tg ð	< 0.01	0.01
Густина, г/см ³	4.65	7.46
<i>с</i> _{<i>p</i>} (10 ⁶ Дж м ⁻³ К ⁻¹)	3.2	3.2
Температура Кюрі (°С)	1410	620

Температура плавлення (°C)	1257	1650
Піроелектричний		
коефіцієнт	71	230
(10 ⁻⁶ Кл м ⁻² К ⁻¹)		

Впродовж останніх років вдосконалювались різні техніки та методики, які дозволяють з високою точністю вивчати поведінку систем у безпосередньому околі до ФП. Серед них, найпоширенішими є: диференційна скануюча калориметрія (адіабатична скануюча калориметрія [30], неадіабатична скануюча калориметрія [31]) та деякі інші типи методик, які базуються на змінному струмі (ас-Калориметрія) [32, 33, 34, 35]. На жаль, не всі з цих методик дозволяють отримати високий коефіцієнт сигнал/шум датчика, тому що не всі з них градієнти індукують малі температурні матеріалі або V можуть використовуватись у широкій температурній області, а також якщо теплові параметри не можуть бути вивчені з високою роздільною здатністю в безпосередній близькості від ФП. Деякі ФПЕК методики задовольняють усім цим умовам, показуючи високу ефективність при вивченні фазових переходів [36, 37].

У нашому випадку, ФПЕК методика повинна задовольняти таким умовам:

- можливість працювати в широкій температурній області;
- мати високу температурну роздільну здатність;
- можливість працювати зі зразками невеликих геометричних розмірів;
- можливість виявлення ентальпії ФП.

У свою чергу, загалом, ФПЕК методики, можна розділити на дві великі групи, у залежності, як саме детектується сигнал, а саме:

- 1. ФПЕК у конфігурації прямого детектування, коли опромінюється піроелектричний датчик.
- ФПЕК у конфігурації зворотного детектування, коли опромінюється безпосередньо зразок.

Усі калориметричні вимірювання в даній роботі проводилися 3 використанням системи, яка базується на ФПЕК у конфігурації зворотного детектування, тож розглянемо таку систему більш детально. Як показано на рис. 1.2 система складається з п'яти шарів: газу (f), непрозорого зразка (s), теплопровідної пасти, необхідної для кращого теплового контакту між зразком і фіксації на ньому зразка (g),датчиком, a також для непрозорого піроелектричного датчика (p) та оточуючого середовища (b). У випадку, якщо зразок був прозорим (напівпрозорим), його поверхня покривалася чорною графітною пастою. Оскільки товщина графітного покриття є надзвичайно малою (менша 10 мкм), вплив останньої на систему до уваги не брався. Всі товщини шарів були взяті до уваги.



Рис. 1.2. Схема ФПЕК у конфігурації зворотного детектування з непрозорим зразком.

Світло, поглинуте зразком перетворюється у тепло, збурюючи теплові хвилі. Така теплова хвиля поширюється від зразка до піроелектричного датчика і створює просторово усереднене температурне поле у ньому:

$$\langle T_p \rangle = \frac{1}{l_p} \int_{-(l_s + l_g)}^{-(l_s + l_g + l_p)} T_p(x) \, dx.$$
 (1.7)

Між поверхнями датчика виникає різниця потенціалів $\Delta \varphi$, спричинена цим температурним полем:

$$\Delta \varphi = \frac{i\omega\tau_{\xi}pl_{p}}{\xi(1+i\omega\tau_{\xi})} \langle T_{p} \rangle e^{i\omega t}$$
(1.8)

де $\omega = 2\pi f$ – кутова частота модуляції, τ_{ξ} – електрична часова стала, p – піроелектричний коефіцієнт, $\xi = \xi_0 \xi_r$ – діелектрична проникність піроелектрика [38].

Для того, щоб знайти розв'язок для усієї системи, необхідно застосувати до кожного шару диференціальне рівняння для знаходження теплової дифузії [38]:

$$\frac{\partial^2 T_i}{\partial x^2} - \frac{1}{D_i} \frac{\partial T_i}{\partial t} = 0, \qquad (1.9)$$

де D_i – теплова дифузія (i = f, s, g, p або b). Таким чином, загальний розв'язок для всієї системи набуває наступного вигляду [39]:

- $\Gamma a3$: $T_f = Ae^{-\sigma_f x}$; $x \ge 0$; - Зразок: $T_s = Be^{\sigma_s x} + Ce^{-\sigma_s x}$; $-l_s \le x \le 0$;
- **Tepmonacma:** $T_g = D e^{\sigma_g(x+l_s)} + E e^{-\sigma_g(x+l_s)}; \quad -(l_s+l_f) \le x \le -l_s;$ (1.10)
- Піродатчик: $T_p = F e^{\sigma_f(x+l_s+l_g)} + G e^{-\sigma_f(x+l_s+l_g)}; -(l_s+l_g+l_p) \le x \le -(l_s+l_g);$
- Оточуюче середовище: $T_b = H e^{\sigma_f (x+l_s+l_g+l_p)}; \quad x \leq -(l_s+l_f+l_p),$

де $\sigma = \sqrt{i\omega/D}$.

A, *B*, *C*, *D*, *E*, *F*, *G*, *H* – константи, які можна знайти, взявши до уваги граничні умови неперервності для температури між шарами:

 $T_{f}\Big|_{x=0} = T_{s}\Big|_{x=0}; \qquad T_{s}\Big|_{x=-l_{s}} = T_{g}\Big|_{x=-l_{s}};$ $T_{g}\Big|_{x=-(l_{s}+l_{g})} = T_{p}\Big|_{x=-(l_{s}+l_{g})}; \qquad T_{p}\Big|_{x=-(l_{s}+l_{g}+l_{p})} = T_{b}\Big|_{x=-(l_{s}+l_{g}+l_{p})}; \quad (1.11)$

та для теплового потоку:

Підставивши (1.11) та (1.12) у (1.7) маємо:

$$\left\langle T_{p}\right\rangle = \frac{4I_{0}(1-R_{s})b_{sf}}{2\kappa_{s}l_{p}} \frac{1}{\sigma_{s}\sigma_{p}} \frac{1}{(1+b_{pg})(1+b_{gs})(1+b_{sf})} \left[\frac{e^{\sigma_{p}l_{p}}+R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}}-(1+R_{bp})}{e^{\sigma_{s}l_{s}}\Lambda+R_{fs}e^{-\sigma_{s}l_{s}}\Sigma}\right], \quad (1.13)$$

де $R_{12} = (b_{12} - 1) / (b_{12} + 1)$, та $b_{12} = \varepsilon_1 / \varepsilon_2$ відношення теплової інерції для шарів, l, 2 = f, s, g, p, b; R_s коефіцієнт відбивання зразка. Константи Λ і Σ визначаються як:

$$\Lambda = \left(e^{\sigma_{p}l_{p}} + R_{bp}R_{pg}e^{-\sigma_{p}l_{p}}\right)e^{\sigma_{f}l_{f}} + R_{gs}\left(R_{pg}e^{\sigma_{p}l_{p}} + R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}}\right)e^{-\sigma_{g}l_{g}},
\Sigma = R_{gs}\left(e^{\sigma_{p}l_{p}} + R_{bp}R_{pg}e^{-\sigma_{p}l_{p}}\right)e^{\sigma_{f}l_{f}} + \left(R_{pg}e^{\sigma_{p}l_{p}} + R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}}\right)e^{-\sigma_{g}l_{g}}.$$
(1.14)

Тепер можна знайти сигнал *U*, індукований у фотопіроелектричному датчику

$$U = \frac{i\omega\tau_{\xi}pl_{p}}{\xi} \frac{4I_{o}(1-R_{s})b_{sf}}{2\kappa_{s}l_{p}} \frac{1}{\sigma_{s}\sigma_{p}} \frac{1}{(1+b_{pg})(1+b_{gs})(1+b_{sf})} \left[\frac{e^{\sigma_{p}l_{p}}+R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}}-(1+R_{bp})}{e^{\sigma_{s}l_{s}}\Lambda+R_{fs}e^{-\sigma_{s}l_{s}}\Sigma}\right].$$
(1.15)

Наступним кроком для отримання теплових властивостей досліджуваного зразка, необхідно відокремити складову датчика від отриманого сигналу з рівняння (1.15). Щоб зробити це, необхідно знайти $\langle T_p \rangle$ датчика без зразка $\langle T_p \rangle_{bare}$. При безпосередньому опроміненні датчика, $e^{\sigma_s l_s} \sim e^{-\sigma_s l_s} \sim 1$, а отже, знаменник в квадратних дужках дещо спрощується:

$$\left\langle T_{p}\right\rangle_{bare} = \frac{4I_{o}\left(1-R_{p}\right)b_{pf}}{2\kappa_{p}l_{p}}\frac{1}{\sigma_{p}\sigma_{p}}\frac{1}{\left(1+b_{pg}\right)\left(1+b_{gp}\right)\left(1+b_{pf}\right)}\left[\frac{e^{\sigma_{p}l_{p}}+R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}}-\left(1+R_{bp}\right)}{\Lambda+R_{fp}\Sigma}\right].$$
 (1.16)

Рівняння для знаходження фотопіроелектричного сигналу у цьому випадку набуває вигляду:

$$U_{bare} = \frac{i\omega\tau_{\xi}pl_{p}}{\xi} \frac{4I_{o}(1-R_{p})b_{pf}}{2\kappa_{p}l_{p}} \frac{1}{\sigma_{p}\sigma_{p}} \frac{1}{(1+b_{pg})(1+b_{gp})(1+b_{pf})} \left[\frac{e^{\sigma_{p}l_{p}}+R_{bp}e^{-\sigma_{p}l_{p}}-(1+R_{bp})}{\Lambda+R_{fp}\Sigma}\right]. \quad (1.17)$$

Поділивши рівняння (1.15) на (1.17), отримаємо нормалізований ФПЕ сигнал:

$$U_{n} = \frac{U}{U_{p \, bare}} = \frac{(1 - R_{s})}{(1 - R_{p})} \frac{(1 + b_{gp})(1 + b_{pf})}{(1 + b_{gs})(1 + b_{sf})} \left[\frac{\Lambda + R_{fp}\Sigma}{e^{\sigma_{s}l_{s}}\Lambda + R_{fs}e^{-\sigma_{s}l_{s}}\Sigma} \right].$$
 (1.18)

Для того, щоб застосувати вище написане безпосередньо до наших експериментальних установок, нам необхідно ввести деякі додаткові умови. Так, як ми збираємось працювати з термічно товстим LiTaO₃ піродатчиком, ми можемо вважати, що $e^{-\sigma_p l_p} \simeq 0$. Також, ми не беремо до уваги товщину теплопровідної пасти між кристалом та піродатчиком, а отже, $l_g = 0$, $e^{-\sigma_g l_g} \sim e^{\sigma_g l_g} \simeq 1$. На останок, газ та оточуюче середовище є однаковими, тобто f = b. Оскільки теплова інерція газів є досить низькою, $R_{fp} \sim R_{fs} \sim -1$ та $(1+b_{gf})/(1+b_{sf}) \sim \varepsilon_p / \varepsilon_s$. З урахуванням цих наближень, рівняння (1.18) набуває наступної форми:

$$U_{HOPM} = 2 \frac{\varepsilon_p}{\varepsilon_p + \varepsilon_s} e^{-\sigma_s l_s}.$$
 (1.19)

Оскільки величина $U_{\mu opm}$ є комплексною, її можна розділити на складові, а саме, на натуральний логарифм нормалізованої амплітуди та нормалізовану фазу фотопіроелектричного струму [39]. Натуральний логарифм амплітуди та фази можуть бути записані як:

$$\ln(U_{HOPM}) = \ln\left(2\frac{\varepsilon_p}{\varepsilon_p + \varepsilon_s}\right) - \sqrt{\frac{\pi f}{D}}l_s;$$

$$\phi_{a3a_{HOPM}} = -\sqrt{\frac{\pi f}{D}}l_s,$$
(1.20)

де *f* – частота модуляції засвітки.

Написане вище є основним етапом у отриманні теплових характеристик твердих тіл при **фіксованій температурі**.

Вимірювання, як функція температури. Після отримання значення теплової дифузії при фіксованій температурі, можна перейти до вимірювання температурної залежності теплової дифузії при фіксованій частоті, значення якої

$$D(T) = \left[\frac{1}{\sqrt{D_{ref}}} - \frac{\Delta(T)}{l_s \sqrt{\pi f}}\right]^{-2},$$
(1.21)

де $\Delta(T) = \psi(T) - \psi(T_{ref})$ нормалізована фаза як функція температури.

Важливою перевагою даної методики є можливість отримання інформації про температурну еволюцію і інших теплових параметрів. Теплова інерція може бути знайдена як [40, 41]:

$$\varepsilon(T) = \varepsilon_p(T) \left(\frac{1 + \left(\varepsilon_{ref} / \varepsilon_p(T_{ref})\right)}{e^{\Delta''(T)}} - 1 \right), \tag{1.22}$$

де $\Delta'(T) = \ln U(T) - \ln U(T_{ref})$ нормалізована амплітуда як функція температури, $\Delta''(T) = \Delta'(T) - \Delta(T)$.

Знаючи D(T) та $\varepsilon(T)$, можемо знайти температурну залежність питомої теплоємності $c_p(T)$ та теплопровідності $\kappa(T)$

$$c_{p}(T) = \frac{\varepsilon(T)}{\rho\sqrt{D(T)}},$$
(1.23)

$$\kappa(T) = \varepsilon(T)\sqrt{D(T)}. \qquad (1.24)$$

де *ρ* густина зразка. З рівнянь (1.21 – 1.24) добре видно, що теплова дифузія залежить виключно від фази ФПЕ сигналу, у той час, коли знаходження теплової інерції, питомої теплоємності та теплопровідності вимагає як фазу так і амплітуду.

Незважаючи на таку можливість, можуть виникнути дві небажані проблеми. Із досвіду проведених експериментальних вимірювань добре відомо, що фаза завжди є більш стабільною у часі, ніж амплітуда сигналу внаслідок нестабільностей лазера або інших електронних впливів. Друга проблема може інколи виникати у появі деяких артефактів на кривих $\varepsilon(T)$, $c_p(T)$, $\kappa(T)$ в околі ФП при поєднанні рівнянь 1.23 і 1.24. У таких випадках фізика переходу є складнішою, і не може розглядатись за допомогою цієї методики.

1.3. Експериментальні установки та методика вимірювання теплової дифузії твердих тіл

1.3.1. Частотне сканування при фіксованій температурі

Для визначення теплової дифузії зразка при фіксованій температурі, у якості піроелектричного датчика було використано термічно товсту пластинку танталату літію, з металевими ніхромовими електродами, безпосередньо під'єднаними до синхронного підсилювача. Товщина пластинки складала 350 мкм. Тепловий контакт між зразком і піродатчиком забезпечувався силіконовою термопастою Dow Corning 340, товщиною декілька мікрон. Схематичне зображення установки наведене на рис. 1.3.



Рис. 1.3. Схема експериментальної установки для частотного сканування ФПЕ сигналу у зворотній конфігурації при кімнатній температурі.

Непрозорий і оптично товстий зразок опромінювався модульованим діодним лазером малої потужності (5 мВт), довжиною хвилі 632 нм. Таким чином, теплова енергія, отримана зразком є досить малою, але якої достатньо для створення теплового градієнта. Як зазначено в роботі [42], виконання вищезазначених умов дозволяє швидко досягти теплової рівноваги зразка при зміні температури, а також виконувати вимірювання з малим температурним кроком, отримуючи при цьому високий коефіцієнт сигнал/шум. ФПЕ сигнал, обробляється за допомогою синхронного підсилювача Signal Recovery 7265, який виконує дві дуже важливі функції. По перше, він регулює частоту засвічування лазера. З іншого боку, він обробляє сигнал, отриманий з піродатчика, частота якого є такою ж, як і частота модуляції лазера. Принцип роботи такого підсилювача базується на використанні смугового фільтра, який синхронізований з частотою ФПЕ сигналу. Більше того, він підсилює отриманий сигнал [43].

Для того, щоб виключити накладання випадкового шуму на сигнал, синхронний підсилювач також може змінювати час інтегрування. Екран Фарадея заземлюється для мінімізації шуму від навколишнього середовища. Оброблений сигнал із синхронного підсилювача записується на комп'ютері для подальшого аналізу. Також важливим є виключення можливого впливу паразитного світла (яке може виникнути при потраплянні лазерного променю на поверхню піродатчика). Для цього використовується непрозора пластикова або паперова пластинка чорного кольору з отвором, який є меншим за розмір зразка.

На рис. 1.4 показаний результат частотного сканування при кімнатній температурі ($T_{\kappa i M H} = 295$ К) для шаруватого кристала AgInP₂Se₆, у якому теплова дифузія вимірюється вздовж шарів. Звідси можна виокремити три області: перша (I) – непридатна область без лінійності і паралельності, наступна (II) область (2 – 8 Гц) з добре вираженою лінійністю, та з однаковим нахилом *m*, звідки може бути знайдена теплова дифузія:

$$D_{_{3pa3Ka}} = \frac{\pi l_s^2}{m^2},$$
 (1.25)

і остання (III), у якій лінійність спотворюється вкладом п'єзоелектричної напруги, поява якої пов'язана з тим фактом, що і зразок і піродатчик є п'єзоелектриками. У випадку, коли п'єзоефект є дуже сильним, і він може суттєво видозмінювати лінійну область, необхідно виконати мультипараметричні апроксимації [43] для отримання точного значення теплової дифузії.



Рис. 1.4. Фаза і натуральний логарифм ФПЕ сигналу як функція квадратного кореня частоти модуляції при кімнатній температурі для шаруватого кристала AgInP₂Se₆.

1.3.2. Вимірювання температурної залежності теплової дифузії

Після виконання частотного сканування ФПЕ сигналу при кімнатній температурі можна переходити до наступного етапу – вимірювання температурної залежності теплової дифузії. Для зміни температури у режимі охолодження/нагрівання використано кріостат. В залежності від температурної області, яка нас цікавила, використано дві різні системи: гелієвий кріостат закритого циклу для наднизьких температур та азотний кріостат, у випадку, якщо необхідно виконати дослідження при температурах, вищих за кімнатну.

Для проведення температурних досліджень в діапазоні 18 – 325 К використовувався гелієвий кріостат у вертикальній конфігурації, розроблений компанією Janis Research. Важливою перевагою такої установки є відсутність витрат холодоагенту, оскільки принцип роботи такого кріостата базується на термодинамічних циклах Джиффорда-Мак-Мехона, де холодоагент циркулює між стадіями стиснення та розширення, маючи проміжкові стадії регенерації, і охолодження відбувається через використання вихлопу газоподібного гелію з постійного об'єму. Така система дозволяє працювати з дуже малими змінами температури. Швидкість охолодження і нагрівання може бути знижена до 2 мК за хвилину для виконання вимірювань з високою роздільною здатністю. Температурний контроль здійснювався за допомогою родій/залізного датчика температури RF-100T/U. Основні частини такої системи охолодження наведені на рис. 1.5:

- Гелієвий компресор: забезпечує транспортування газоподібного гелію високого тиску до охолоджуючої голови для її охолодження.
- Охолоджуюча голова: забезпечує контактне охолодження тримача зразка.
- Лінії для газу гелію: з'єднання між компресором та холодною головою для неперервного обміну гелієм високого та низького тисків.
- Внутрішня камера: монтується до холодної голови. Вона включає у себе евакуаційний клапан для скидання тиску і вакуумні прохідні фланці для подачі напруги на нагрівач.
- Зовнішній вакуумний кожух: необхідний для ізоляції внутрішньої камери від навколишнього середовища.
- Контролер керування температурою (термоконтролер): необхідний для керування і підтримки необхідної температури зразка.

Кріостат монтується на масивний стіл, який розташовується на повітряних подушках для уникнення можливих вібрацій системи, які можуть вносити п'єзоелектричну компоненту у ФПЕ сигнал [39]. Турбомолекулярний насос високого вакууму утворює вакуум близько 5 * 10⁻⁶ мбар у зовнішньому вакуумному кожусі, ізолюючи внутрішню камеру від зовнішнього впливу. Для однорідного охолодження/нагрівання всередині внутрішньої камери повітря заміщалось на газоподібний гелій. Трьохпозиційний вентиль забезпечує

альтернативний доступ до внутрішньої камери для вакуумного насоса та балона з газоподібним гелієм.

Рис. 1.5. Схема експериментальної установки для вимірювань в діапазоні 18 - 325 К. 1 – оптичне вікно, 2 – зразок, 3 – піродатчик, 4 – тримач зразка, 5 – внутрішня камера, 6 – зовнішній вакуумний кожух.

Головним недоліком даної моделі гелієвого кріостата – неможливість його використання для високотемпературних досліджень. У зв'язку з цим, для таких вимірювань, був використаний кріостат Optistat^{DN} компанії Oxford Instrument, принцип роботи якого базується на використанні рідкого азоту в якості холодоагенту. Робоча схема такої установки наведена на рис. 1.6.

Тримач зразка поміщається у внутрішню камеру у вертикальному розташуванні. Процес охолодження здійснюється через резервуар, розміщений поверх центральної камери і заповнений рідким азотом. В залежності від положення голчастого вентиля подачі холодоагента у внутрішню камеру з резервуара по капіляру надходить або газоподібний або рідкий азот і випаровується на теплообміннику. Температура всередині внутрішньої камери контролюється подачею напруги на теплообмінник. При температурах 80 – 350 К зразок оточений газом азоту. Його потік регулюється диференційним регулятором тиску, який розташований у маностаті. Комбінована система регулювання потоку газу і температури теплообмінника дозволяє отримувати високу точність підтримки температури та низькі витрати рідкого холодоагента.



Рис. 1.6. Схема експериментальної установки для вимірювань в діапазоні 80 - 350 К.

Тривалість проведення експерименту від однієї заправки рідким азотом може сягати 6-10 годин (в залежності від температури), проте, при необхідності кріостат можна поповнювати рідким азотом без необхідності повернення системи до початкових умов. Повітря всередині внутрішньої камери заміщується інертним газом аргону. Для того, щоб ізолювати внутрішню камеру від навколишнього середовища, за допомогою роторного вакуумного насоса створюється вакуум (~ 10⁻³ мбар) у зовнішньому вакуумному кожусі.

Висновки до розділу 1

У цьому розділі були розглянуті основні теплові властивості твердих тіл. Описана методика вивчення теплових властивостей матеріалів з високою точністю та у безпосередній близькості до фазових переходів, а саме фотопіроелектричної калориметрії (ФПЕК) V конфігурації зворотного детектування та наведені основні її переваги у порівнянні з іншими методами для дослідження термодинамічних характеристик матеріалів. Зроблений аналіз математичного опису даної методики, який дозволяє одночасно вивчити динамічні теплові властивості (теплову дифузію та теплову інерцію) для різних матеріалів. Друга частина цього розділу присвячена детальному опису експериментальних установок, які безпосередньо використовувалися для теплових досліджень.

РОЗДІЛ 2. ТЕПЛОВІ ВЛАСТИВОСТІ ШАРУВАТИХ КРИСТАЛІВ СІМЕЙСТВА ММ'Р₂Х₆

Перша частина цього розділу присвячена опису структури металтіо- і селенофосфатів та їхнім фізичних властивостям, друга – тепловим властивостям. Широкий спектр 2D шаруватих кристалів сімейства $Fe_2P_2S_6$ вивчався з 1970-х років і до наших днів. Сполуки $M^{1+}M^{3+}[P_2X_6]^{4-}$ є перспективними матеріалами для функціональної електроніки та п'єзоелектроніки, оскільки мають сегнето-, сегнети-, антисегнетоелектричні, феро- або антиферомагнітні та п'єзоелектричні властивості [21, 22, 44, 45, 46, 47], мають змішану електронно-іонну провідність [48] і надзвичайно високу еластичну нелінійність [49], вони володіють хорошими оптичними властивостями [50], а також у них спостерігається ефект резистивного перемикання [51, 52] та значна теплова анізотропія [1]. Такі мультифероічні матеріали мають ефекти пам'яті, які сильно залежать від температури [53, 54]. Заміна певних хімічних елементів дозволяє отримати нові сполуки, що демонструють різноманітні фізичні властивості, зокрема фоточутливість та ін.

2.1. Кристалічна структура та фізичні властивості халькогенідів CuInP₂(Se,S)₆

З точки зору структури, всі 2D шаруваті гексахалькогеногіподифосфати мають спільну властивість: спільну $[P_2X_6]^{4-}$ аніонну підгратку (де X = S, Se) у кожному шарі кристала. У катіонну підґратку можуть входити більшість елементів групи I та II, більшість перехідних металів з четвертого періоду і, навіть деякі більш важчі, як-от паладій, срібло та кадмій, або їхня комбінація. Найцікавішими є сполуки із ванадієм, хромом, марганцем, залізом, нікелем, міддю, індієм та вісмутом завдяки їх магнітному або сегнетоелектричному упорядкуванню, електрохімії та каталізу. Відомі також кілька композицій із лантаноїдами і актиноїдами [21, 55, 56].

У таблиці 2.1 наведені дані зі структури деяких шаруватих селено- і

тіофосфатів.

Параметри кристалічної ґратки для шаруватих кристалів [57, 58, 59, 60, 61, 62, 63]

			Параметри ґратки		ß	Об'єм	
	Склад	Симетрія	a	b	c	loj A	комірки
			[Å]	[Å]	[Å]	IJ	[Å ³]
$M^{1+}M^{3+}[P_2Se_6]^{4-}$	AgCrP ₂ Se ₆	C2/m	6.305	10.917	6.991	107.7	458.4
	CuInP ₂ Se ₆	$P\overline{3}1c$	6.392	6.392	13.338	_	472.0
	AgInP ₂ Se ₆	$P\overline{3}1c$	6.483	6.483	13.330	_	485.2
	CuCrP ₂ Se ₆	C2/m	6.193	10.724	6.909	107.2	438.3
	CuBiP ₂ Se ₆ (295K)	P31c	6.541	6.541	13.263	_	491.4
	CuBiP ₂ Se ₆ (197K)	R3h	6.553	6.553	39.762	Ι	1487.9
	CuBiP ₂ Se ₆ (97K)	R3h	6.559	6.559	79.385	Η	2957.7
	AgBiP ₂ Se ₆	$R\overline{3}h$	6.652	6.652	39.615	_	1518.3
$M^{1+}M^{3+}[P_2S_6]^{4-}$	CuInP ₂ S ₆	Сс	6.096	10.565	13.623	107.10	838.5
	AgInP ₂ S ₆	C2/c	6.182	6.182	12.957	_	428.8
	CuCrP ₂ S ₆ (295K)	C2/c	5.916	10.246	13.415	107.09	777.3
	CuCrP ₂ S ₆ (20K)	Рс	5.935	10.282	13.368	106.78	781.0
	AgCrP ₂ S ₆	P2/a	5.892	10.632	6.745	105.82	483.7

Як видно з рисунку 2.1, кристал $CuM^{3+}P_2S_6$ ($M^{3+} = In$, Bi, Cr) складається з шарів, оточених сіркою, в яких катіони металів та P–P зв'язки займають октаедричні комірки, а мідь з іншими катіонами та P–P пари утворюють окремі

Таблиця 2.1.

трикутні мережі в шарі. У кристалах CuInP₂X₆ (X = S, Se) кожний шар зв'язаний з іншим слабким ван-дер-ваальсівським зв'язком, утворюючи пластинчасту кристалографічну структуру з незначним поперечним (уздовж осі с) структурним і електронним зв'язком. CuInP₂S₆ є найважливішою сполукою для цього сімейства, яка показує добре визначений сегнетиелектричний ФП першого роду типу лад-безлад при $T_c \approx 315$ K (спостерігається перехід від моноклінної просторової групи C2/с до Cc) і, як наслідок впорядкування іонів міді в полярній підґратці разом з невеликим зміщенням іонів індію, утворюючи другу полярну підґратку; обидва іони зміщені з площини шарів [45]. Оскільки відхилення від центру шарів іонів міді набагато сильніше, ніж в індію, результатом цього є нескомпенсоване двовимірне сегнетиелектричне впорядкування з поляризацією, напрямленою перпендикулярно до шару (уздовж осі с) [45, 64].



Рис. 2.1. Шари у кристалі CuInP₂S₆ вздовж осі [001]. Штрихова лінія показує елементарну комірку. Сині, рожеві, фіолетові та жовті сфери – атоми міді, індію, фосфору та сірки відповідно [65].

Як видно з даних досліджень рентгенівської дифракції в CuInP₂S₆ в роботі [66], густина ймовірності Cu¹⁺ показує подвійно-симетричну форму відносно центру октаедричної групи CuS₆ у параелектричній фазі. Таке динамічне розупорядкування було кристалографічно змодельоване трьома типами частково

заповнених позицій катіонів міді у шарі з великими тепловими факторами: сильно зміщених від центрів і квазітригональними Cu1, майже у центрі або октаедричними Cu2, та тетраедричними в міжшаровому просторі Cu3 (рис. 2.2). ФП виникає завдяки кооперативним заморожуванням стрибкових рухів міді. У свою чергу, для катіонів Cu¹⁺ є дві можливі позиції: Cu^{up} – зміщений вгору від середини шарів приблизно на 1.58 Å та Cu^{down} – зміщений вниз [45].



Рис. 2.2. а - позиції трьох атомів міді Cu1, Cu2, Cu3 «вгору» у парафазі. Також показані відповідні зміщення «вниз», б - сегнетиелектричний стан, який показує мідь в позиції Cu^{up}, індій зміщений униз. Оранжеві, сині, рожеві та жовті кружки показують атоми міді, індію, фосфору та сірки відповідно [21].

При 298 К, 90 % іонів Cu¹⁺ займають положення Cu^{up} (рис. 2.3). Катіони індію несуттєво зміщуються із середини шарів (0.2 Å), але у протилежному напрямку, формуючи другу полярну підгратку. Оскільки зміщення Cu¹⁺ значно більше, ніж In³⁺, можна очікувати, що спонтанна поляризація буде напрямлена перпендикулярно до шарів. Калориметричні та діелектричні вимірювання [66], проведені для кристалу CuInP₂S₆ підвередили цю гіпотезу. Липольне впорядкування в CuMP₂S₆ виникає за наявності двох ефектів: електронна нестабільність, спричинена вторинним ефектом Яна-Теллера, яка пов'язана з електронною конфігурацією катіонів d^{10} ($3d^{10}$ Cu¹⁺ та $4d^{10}$ In³⁺), а також завдяки обмежені TOMV, ЩО катіони, шаруватою морфологією, зазнають антипаралельного зміщення. Як наслідок, в кристалі CuInP₂S₆ виникає сегнетиелектричне впорядкування [67].



Рис. 2.3. Теплова еволюція заповнення різних рівнів міддю та відповідні їм контури густини імовірностей у кристалі $CuInP_2S_6$. Малі хрестики вказують на уточнені позиції, а пунктирні лінії позначають верхню і нижню границі шару [45].

Використовуючи карти Φyp'ε, завдяки яким можна визначити розташування атомів міді, у роботі [44] були отримані імовірності заселеності різних позицій катіонами міді. В парафазі позиції Cu1^{up} та Cu1^{down} стають еквівалентними Cul, тобто структура стає центросиметричною з появою подвійної осі через октаедричний центр. При 353К спостерігається модель з трьома можливими позиціями міді Cu1 – 33%, Cu2 – 12% та Cu3 – 5% порівну зверху та знизу шарів. При 318 К були виявлені рівномірно розподілені максимуми густин на верхньому і нижньому рівнях, що говорить про наявність подвійної осі, яка проходить через центр октаедру CuS_6 та паралельна осі b [45]. 3 подальшим температури, збільшується кооперативне зниженням заморожування таких стрибкових рухів катіонів міді. При 298 та 248 К заповнення рівнів Cu1^{up} зростає на 90% та 94% відповідно. При досягненні 153 $Cu1^{up}$ повністю заповнюється, К рівень ЩО підтверджується також діелектричними вимірюваннями [44]. Щодо індію, то він не заповнює верхні позиції, а відхилення вниз зменшується з 0.24 Å при 153 K до 0.18 Å при 305 K і повністю зникає при температурі ФП [45].

Ab initio розрахунки, проведені на основі методу теорії функціоналу густини для кристалу CuInP₂S₆ (рис. 2.4) підтвердили наявність вторинного ефекту Яна-Теллера та його сегнетиелектричне впорядкування [68].



Рис. 2.4. Зонна структура та густини станів для $CuInP_2S_6$ [68].

Кристали CuInP₂Se₆ дуже подібні до кристалів CuInP₂S₆, які також змінюють свою симетрію при ФП (з P- 31c до P31c), але при значно нижчій температурі (236 K) [69, 70]. Відмінності між цими двома сполуками можуть існувати внаслідок збільшення розмірів зв'язків P–Se та кутів у зв'язках Se–P–Se, що вказує на те, що селеніди значно більш структурно чутливі, ніж сульфіди [21]. Дифракційний аналіз показав, що сегнетоелектричний перехід у матеріалах, які містять селен, також зумовлений впорядкуванням катіонів міді, але вони зміщуються лише на 1.17 Å із середини структурних шарів, тоді як у випадку CuInP₂S₆ – 1.58 Å [45, 62]. Як наслідок, двоямний потенціал для іонів міді у селеніді буде мілкішим, ніж у сульфіді, що призводить до пониження температури структурного ФП. Більше того, розраховані значення енергій активації у селенідах менші, ніж у сульфідах (E_A = 0.8 eB у парафазі і E_A = 0.59 eB в сегнетофазі для CuInP₂S₆), що підтверджує мілкіший потенціал для іонів міді у кристалі селеніду [71, 72].

У роботах [49, 71], вимірювання провідності на постійному струмі показали набагато більші значення для сульфідів ($\sigma_0 = 5.6 * 10^{12}$ См/м у сегнетофазі та σ_0

= 2.66 * 10⁷ См/м у парафазі), ніж для селенідів (σ_0 = 2.35 См/м у сегнетофазі та σ_0 = 1.21 См/м У парафазі). Вища провідність у сульфідах швидше за все зумовлена динамічними стрибковими рухами катіонів Cu¹⁺ в ґратці, які мають місце аж до низьких температур [44], коли у селеніді катіони Cu¹⁺ практично заморожені на позацентрових позиціях у сегнетофазі через мілкішу форму мінімуму двоямного потенціалу [70].

Як і у випадку кристалу CuInP₂S₆, у селеніді ефект Яна-Теллера також є рушійною силою сегнетоелектричного переходу. Розраховані парціальні густини станів для катіонів міді (рис. 2.5 (а)) показали, що зі зменшенням температури, низькоенергетичні рівні 3d чітко зміщувались до рівнів з вищою енергією, (пік A зливається з піком B) і розрив дещо збільшується [73].



Рис. 2.5. (а) - густини станів (LMTO), отримані при T = 298 К (штрихова лінія) та T = 150 К (суцільна лінія) (1), відповідні УФ спектри фотоемісії (PES) при T = 298 К (штрихова лінія) та T = 190 К (суцільна лінія); (б) – парціальні густини станів при T = 298 та 150 К, порівняні з енергетичною діаграмою, вказуючи на механізм ефекту Яна-Теллера у кристалі CuInP₂Se₆ [73].

На рис. 2.5 (б) показане розщеплення піку А. Нова енергія зв'язку для останніх зайнятих станів (прийнято вважати $3d_{z^2}$) вище, яка відповідає вторинному ефекту Яна-Теллера, і яка супроводжується значним приростом

енергії (близько 0.3 eB). Це підтверджується одночасним збільшенням енергії зв'язку незайнятих станів 4s, які спостерігаються в розрахунках LMTO для $T \ll T_c$.

2.2. Вплив катіонної підсистеми на термодинамічні властивості шаруватих халькогенідів М¹⁺М³⁺Р₂(Se,S)₆

Вище розглянуто вплив заміщення сірки на селен на фізичні властивості. Очевидно, що також стає цікавим вплив заміни хімічних елементів у катіонній підґратці на фероїчні властивості кристалів. Наприклад, при заміні катіона міді на срібло у кристалах AgInP₂S₆ та AgInP₂Se₆ ФП повністю зникає [48, 74]. Деякі селеніди з тривалентним катіоном вісмуту мають антисегнетоелектричне впорядкування (AgBiP₂Se₆ та CuBiP₂Se₆) [63]. Для початку розглянемо основні структурні і фізичні властивості деяких двохмірних складів, які належать до підгруп M¹⁺M³⁺[P₂S₆]^{4–} та M¹⁺M³⁺[P₂Se₆]^{4–}, а саме: AgInP₂S₆, AgInP₂Se₆, AgBiP₂Se₆, AgBiP₂Se₆ та CuBiP₂Se₆. Варто зазначити, що технології синтезу кристалів є досить складними, і не для всіх випадків було можливо одержати хороші зразки, наприклад, CuBiP₂S₆, а також кристали із вмістом хрому. Тому ці кристали розглядатися не будуть.

Структура кристалу AgInP₂S₆ схожа до структури кристалів CdI₂ [58]. Часткова зміна міді на срібло (Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP₂S₆) знижує температуру переходу з T = 315 K y CuInP₂S₆ до T = 283 K y Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP₂S₆ [44]. Такий ефект пов'язаний із більшим розміром катіона Ag¹⁺, де нижчі температури є необхідною умовою для зупинення статичних стрибків атомів. Розраховані електронні та фононні властивості кристалічної структури AgInP₂S₆ [75] показали велику ковалентність зв'язків між катіоном срібла та аніоном [P₂S₆]⁴, а отже поліедр Ag–S є жорсткішим. Це вказує на відсутність реалізації механізму ефекту Яна-Телерра.

AgInP₂Se₆ дуже подібний до AgInP₂S₆. Атоми селену формують гексагональну структуру з послідовністю шарів ABAB вздовж осі с [21]. Діелектричні дослідження [74] не виявили яких-небудь доказів наявності $\Phi\Pi$; отже, було показано, що він не є сегнетоелектриком.

Дослідження ультразвуку у роботі [76] для кристалів із частково заміщеною міддю на срібло як і у випадку сульфідів показало, що внесення срібла у катіонну підґратку у кристалах $Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP_2Se_6$ та $Ag_{0.2}Cu_{0.8}InP_2Se_6$ призводить до зниження температури ФП з 225 K і 235 K у чистому CuInP₂Se₆ до 215 і 230 K для 10 % срібла та 210 і 225 K з 20% відповідно.

У роботі [63] показано, що у кристалі AgBiP₂S₆ одна половина аніонів $[P_2S_6]^{4-}$ разом із P–P зв'язками лежить вздовж шарів, коли інша – повернута паралельно шарам. Аніон $[P_2S_6]^{4-}$ вздовж шару координує чотири атоми срібла і два атоми вісмуту. Натомість, катіони срібла координуються сильно спотвореним тетраедром з атомів S в межах одного шару і вони мають лише слабкі Ag–S взаємодії через ван-дер-ваальсівський зв'язок. Катіони вісмуту координуються шістьма атомами сірки. Це дуже спотворене координаційне оточення для вісмуту, і очевидно, що тут є одна сторона координаційної сфери, яка позбавлена атомів сірки. Це говорить про те, що неподілена пара (6s²) вісмуту є сильно стереоактивна [63].

AgBiP₂Se₆ – антисегнетоелектричний При кімнатній температурі напівпровідник [78], проте тут має місце внутрішньошарове сегнетоелектричне впорядкування, як показано на рис. 2.6. Фіолетові та сині стрілки показують напрямки поляризації, спричинені іонами вісмуту і срібла, відповідно. Зелена стрілка вказує на напрямок повної поляризації моношару AgBiP₂Se₆. Положення катіонів срібла спотворюються з октаедричного оточення подовженням трьох зв'язків Ag–Se, які зміщують катіони срібла вздовж осі с від центру шару на 0.4 Å. Катіони вісмуту зсуваються лише на 0.2 Å від центру октаедра в протилежному напрямку вздовж шару, перпендикулярно катіонам срібла. AgBiP₂Se₆ Кристал має шаруватий тип структури MPSe₃ 3i слабко взаємодіючими шарами, упакованими силами Ван-дер-Ваальса. У кожному шарі катіони і зв'язки Р-Р заповнюють октаедричні пустоти, визначені положеннями селену. Аніони [P₂Se₆]⁴⁻ перекриваються упорядкованим розміщенням Ag¹⁺ та Bi³⁺ [63, 78].



Рис. 2.6. Схематичний вид збоку двох спотворених сегнетоелектричних фаз (FE) з різними напрямками поляризації та високосиметричної параелектричної фази (PE) для кристалу AgBiP₂Se₆. Оранжеві, рожеві, пурпурні та блакитні сфери - атоми селену, фосфору, вісмуту та срібла відповідно [78].

При порівнянні кристалів $AgBiP_2S_6$ та $AgBiP_2Se_6$, структурні відмінності між ними можуть мати походження у положенні вісмуту в октаедрі, утвореного селеном та тенденції до зниження стереоактивності неподіленої пари електронів вісмуту [78].

Кристал CuBiP₂Se₆ також має шарувату структуру, де аніонна підґратка $[P_2Se_6]^{4-}$ з'єднується із катіонами металів (рис. 2.7). Як було показано у [63], для цієї сполуки при різних температурах (298, 173 та 97 К) підтверджено упорядкування у формі двох чітко визначених антисегнетоелектричних переходів, оскільки катіони міді рухаються і осідають на позиціях, зміщених від центру октаедрів. Часткове антисегнетоелектричне упорядкування спостерігається нижче 173 К, а нижче 97 К 85% катіонів Cu⁺ розташовуються в добре виражених позацентрових позиціях. Збільшення відхилення катіонів вісмуту порівняно з індієм може вказувати на стереоактивність неподіленої пари, яка може мати місце в Bi³⁺, але не In³⁺. Такий же механізм спостерігається в кристалах AgBiP₂Se₆ при кімнатній температурі [63].



Рис. 2.7. (а) – шарувата структура CuBiP₂Se₆ при кімнатній температурі у напрямку [110]; (б) – структура моношару (Cu,Ag)BiP₂Se₆, яка показує впорядковане розташування іонів Bi³⁺ та Cu⁺. Сині сфери – атоми міді/срібла, зелені – вісмут, червоні – селен та чорні – атоми фосфору [63].

У таблиці 2.2 наведена інформація про наявність ФП у розглянутих вище сполуках.

Таблиця 2.2.

Склад	Тип ФП	Температура ФП
CuInP ₂ S ₆	Сегнетиелектричний	315K
CuInP ₂ Se ₆	Сегнетиелектричний	$T_c = 235.5 \text{K}$ та $T_i = 248.5 \text{K}$
AgInP ₂ S ₆	Відсутній ФП	_
AgInP ₂ Se ₆	Відсутній ФП	_
AgBiP ₂ S ₆	Дані відсутні	220K
AgBiP ₂ Se ₆	Антисегнтоелектричний	<i>T_c</i> < 298K
CuBiP ₂ Se ₆	Антисегнтоелектричний	145К та 220К

Інформація про наявність та тип переходу для М¹⁺М³⁺[P₂X₆]⁴⁻ [45, 63, 70, 78]

2.3. Анізотропні теплові властивості та фазові переходи у шаруватих кристалах

Цей підрозділ сфокусований на теплових та електричних властивостях шаруватих сегнетоелектричних матеріалів $M^{1+}M^{3+}P_2(S,Se)_6$ (M^{1+} – Cu, Ag; M^{3+} – In, Bi). У попередніх підрозділах було встановлено, що заміна атомів сірки на $CuInP_2(S,Se)_6$ веде селен кристалах до зменшення температури y сегнетиелектричного ФП. Часткове заміщення міді на срібло в (Ag_xCu₁₋ _x)InP₂(S,Se)₆ веде до більшої ковалентності Ag-[P₂S₆] зв'язків [44]. Ці властивості роблять сполуки зі сріблом більш стабільними. Крім того, іони срібла мають більший розмір, що сприяє заморожуванню стрибкових рухів іонів Cu⁺, і призводить до розмиття впорядкованої сегнетиелектричної фази [63]. Це пояснює причини зниження температури ФП для кристалів з невеликою кількістю срібла та остаточного зникнення ФП при повному заміщенні. Відмінності у теплових властивостях при заміщенні індію на вісмут зумовлені тим, що неподілена пара вісмуту є стереохімічно активною, на відміну від індію [63]. Поєднуючи дані теплової дифузії та теплоємності, можна отримати теплопровідність у повному діапазоні температур. Аналіз еволюції кривих теплопровідності дає відповіді на питання, яким чином заміщення хімічних елементів змінює фізичні властивості у цих шаруватих сполуках.

Двомірні халькогенідні кристали Cu_{1-x}Ag_xInP₂(S,Se)₆ з x = 0, 0.1, та 1, AgBiP₂(S,Se)₆ та CuBiP₂Se₆ з початковою чистотою хімічних елементів: Cu (99.999%), Ag (99.999%), In (99,999%), Bi (99.9999%), P (99.9999%), S (99.999%), S (99.999%), S (99.9996%) були вирощені методом спрямованої кристалізації розплаву через конгруентний характер плавлення сполук і порівняно низький тиск парів дисоціації.

Режим синтезу для Cu_{1-x}Ag_xInP₂S₆ включав у себе ступінчатий нагрів до 673 К (тиск парів сірки ~ 101.325 кПа) зі швидкістю 50 К/год і температурною стабілізацією протягом однієї доби, яка необхідна для зв'язування фосфору, сірки з міддю та індієм (CuInP₂S₆), із сріблом та індієм (AgInP₂S₆), сріблом та вісмутом (AgBiP₂S₆) відповідно з утворенням проміжних бінарних, тернарних та тетрарних проміжних фаз. Подальше підняття температури до температур на 50 К вище температур плавлення сполук при швидкості 50 К/год (1145 К для CuInP₂S₆, 1115 К для AgInP₂S₆ та 920 К для AgBiP₂S₆) з температурною стабілізацією впродовж двох діб для гомогенізації розплаву, і потім, різкого охолодження до кімнатної температури зі швидкістю 50 К/год. Для одержання CuInP₂Se₆, AgInP₂Se₆, AgBiP₂Se₆ та CuBiP₂Se₆ температура синтезу була підвищена до 873 К (тиск парів селену ~ 101.325 кПа) зі швидкістю 50 К/год (температурна стабілізація (одна доба) – така температура необхідна для зв'язування фосфору і селену з міддю та індієм (CuInP₂Se₆); сріблом і індієм (AgInP₂Se₆), та сріблом і вісмутом (AgBiP₂Se₆) з утворенням проміжних бінарних, тернарних та тетрарних проміжних фаз відповідно), подальше нагрівання до температур на 50 К вище температур плавлення сполук (швидкість 50 К/год), (970 К для CuInP₂Se₆, 1000 К для AgInP₂Se₆ та 890 К для AgBiP₂Se₆ (i утримання даної температури протягом двох діб для гомогенізації розплаву). Режим синтезу CuBiP₂Se₆ включає у себе повільне підняття температури зі швидкістю 10 К/год до 860 К. Охолодження отриманих кристалів CuInP₂Se₆, AgInP₂Se₆, AgBiP₂Se₆ та CuBiP₂Se₆ до кімнатної температури відбувалось зі швидкістю 50 К/год [79]. У результаті були одержані монокристали CuInP₂S₆, AgInP₂S₆, CuInP₂Se₆, AgInP₂Se₆, та CuBiP₂Se₆ діаметром 14-16 мм і довжиною 40-60 мм.

З вирощених монокристалічних кристалів циліндричної форми були підготовлені тонкі плоскопаралельні пластинки, товщиною 450-700 мкм з добре відполірованими поверхнями у двох орієнтаціях: з шарами, розміщеними паралельно та перпендикулярно до плоскої поверхні для перевірки можливої теплової анізотропії.

Фотопіроелектрична калориметрія (ФПЕК) з високою роздільною здатністю у конфігурації зворотного детектування була використана для вимірювання температурної залежності теплової дифузії *D*. Теплова дифузія була виміряна у напрямку перпендикулярному та паралельному до поверхні зразка. Варто зазначити, що для того, щоб покрити весь температурний діапазон було використано обидва кріостати.

Вимірювання теплової дифузії для досліджуваних кристалів проводилось в широкій температурній області 30 - 350 К для виявлення можливих ФП у них [1, 3, 4]. Зазвичай ФП на кривій теплової дифузії мають вигляд монотонних провалів або різкої зміни нахилів. Вимірювання проводилися у два кроки: перший крок – швидке (100 мК/хв) для всієї області температур, і другий – 50 - 10 мК/хв для детальнішого дослідження характеру ФП.

Як вже зазначалось у розділі 1, окрім теплової дифузії, методика ФПЕК дозволяє також досліджувати і інші теплові властивості твердих тіл (теплоємність, теплопровідність та теплова інерція). Основною умовою для якісних стабільність отримання кривих цих величин £ амплітуди фотопіроелектричного сигналу. На жаль, для досліджуваних шаруватих кристалів, на відміну від температурної залежності фази фотопіроелектричного струму температурна залежність амплітуди виявилась досить нестабільною, а отже, не придатною ДЛЯ подальшого визначення теплоємності та теплопровідності. Таким чином, молярні питомі теплоємності для кожного складу були розраховані за допомогою фононних спектрів з використанням функціонала густини [80]. Для оцінки питомої теплоємності в теорії гармонічному наближенні був використаний програмний пакет ABINIT [81]. Розрахунок виконувався з врахуванням неоднорідності реальної густини електронів [82]. Для цього її було розкладено з врахуванням градієнту (GGA) [83] для обмінно-кореляційної частини функціоналу густини дисперсії за допомогою корекції Грімме (DFT-D). Така корекція була використана через шарувату структуру розглянутих кристалів. Базовий набір плоскої хвилі був обмежений пороговою енергією 850 еВ, що забезпечує збіжність в енергії і силі, що дорівнює 5·10⁻⁷ eB /атом і 0.01 eB/Å відповідно. Інтеграція по зоні Бріллюена була виконана на сітці зі спеціальних k-точок розміром 3x3x2, які генеруються алгоритмом Монхорста-Пака [84]. При оптимізації геометрії симетрія системи була повністю збережена.

Для ab initio розрахунку динаміки гратки було використано лінійний відгук або теорію збурень функціоналу густини (DFPT) [85]. У цьому підході електронна енергія другого порядку зводиться до мінімуму, а динамічна матриця для даного хвильового вектора *q* оцінюється зі зближених хвильових функцій і густин 1-го порядку.

Розрахувавши фононні спектри, можна отримати відповідну густину фононних станів, і звідси об'ємну теплоємність, яка може бути знайдена за допомогою виразу [86]:

$$C_{v} = 3nNk_{B} \int_{0}^{\omega_{L}} \left(\frac{\hbar\omega}{2k_{B}T}\right)^{2} \operatorname{csch}^{2} \left(\frac{\hbar\omega}{2k_{B}T}\right) g(\omega) d\omega, \qquad (2.1)$$

де *n* - число атомів на одиницю комірки, *N* - кількість одиничних комірок, ω_L - найвища частота фононів, а густина фононних станів $g(\omega)d\omega$ визначається як дробове число фононних частот в діапазоні $d\omega$ в околі ω .

Насамкінець, була розрахована теплопровідність κ за допомогою поєднання експериментально виміряної теплової дифузії D та розрахованої теплоємності C, використовуючи рівняння (1.4). Варто наголосити, що області з ФП були видалені, позаяк був розрахований тільки регулярний хід теплоємності, який не містить жодної інформації про ФП, а отже внаслідок використання (1.4) у тих областях з'являлися артефакти.

Криві теплової дифузії у логарифмічному масштабі показані на рисунку 2.8. Треба зазначити, що хоча похибка при вимірюванні теплової дифузії при фіксованій температурі становить ± 3%, при неперервних вимірюваннях як дифузія функції температури, теплова одержується 3 різниці фаз піроелектричного сигналу, який є надзвичайно стабільним (фаза отримана з похибкою $\pm 0.01^{\circ}$), що дозволяє представити криві з дуже плавними змінами. У кожному випадку були вивчені обидві орієнтації, тобто теплова дифузія була виміряна вздовж шарів та перпендикулярно до них. Для всіх досліджених зразків є загальні тенденції: при високій температурі D є малими, характерні для ізоляційних матеріалів, де тепло в основному переноситься фононами. При

зниженні температури спостерігається монотонне збільшення значення *D* (по мірі збільшення вільного пробігу фононів), яке швидко зростає при низькій температурі. Таке різке зростання починається при температурах, близьких до температури Дебая.



Рис. 2.8. Теплова дифузія D для: CuInP₂S₆ (a), CuInP₂Se₆ (б), AgInP₂S₆ (в), AgInP₂Se₆ (г), AgBiP₂Se₆ (г), AgBiP₂Se₆ (д) та CuBiP₂Se₆ (е). Темнішими кольорами позначені криві, виміряні вздовж шарів, світлішими – перпендикулярно до них.

Теплова анізотропія присутня у всіх сполуках: тепло набагато легше переноситься вздовж шарів (від двох до шести разів), ніж перпендикулярно до них. Відповідні значення теплової дифузії при 50 К і при кімнатній температурі для всіх зразків зібрані в таблиці 2.3.

Таблиця 2.3.

Значення теплової дифузії при 50 К та кімнатній температурі для Cu₁₋ _xAg_xInP₂(S,Se)₆ з x = 0, 0.1, 1, AgBiP₂(S,Se)₆ та CuBiP₂Se₆. Позначення II відповідають значенням теплової дифузії, виміряну вздовж шарів, \bot перпендикулярно шарам

Зразок	Теплова дифузія, мм ² /с			
	295K	50K		
$CuInP_2S_{6\perp}$	0.167	2.93		
CuInP ₂ S ₆	0.695	16.2		
$CuInP_2Se_{6\perp}$	0.376	7.93		
CuInP ₂ Se ₆	0.815	15.41		
$AgInP_2S_{6\perp}$	0.236	8.405		
AgInP ₂ S ₆	0.738	18.612		
$AgInP_2Se_{6\perp}$	0.214	3.054		
AgInP ₂ Se ₆	0.427	4.92		
AgBiP ₂ S ₆ \perp	0.17	1.962		
AgBiP ₂ S ₆	0.322	2.455		
AgBiP ₂ Se ₆ ⊥	0.208	2.177		
AgBiP ₂ Se ₆	0.288	2.412		
CuBiP ₂ Se ₆ ⊥	0.116	0.567		
CuBiP ₂ Se ₆	0.241	1.859		

Щодо фазових переходів, на кривих теплової дифузії, вони мають вигляд провалів різної форми, але тільки в деяких сполуках. Сегнетиелектричний ФП

для CuInP₂S₆ має форму вузької гострої аномалії, яка є характерна для фазових переходів першого роду, та мілкіша і ширша, яка виникає при сегнетоелектричному впорядкуванні у кристалі CuInP₂Se₆. Гістерезис для цих двох випадків показаний на рис. 2.9. У випадку CuInP₂S₆ спостерігається чіткий гістерезис, який проявляється не тільки різними положеннями мінімумів при нагріванні/охолодженні, але також і різною формою переходу.



Рис. 2.9. Гістерезис ФП при 50 мК/хв для CuInP₂S₆ (а) та CuInP₂Se₆ (б), виміряний у напрямку перпендикулярно до шарів.

З іншої сторони, у кристалі CuInP₂Se₆ спостерігається невеликий температурний гістерезис, який може свідчити про слабкий ФП першого роду, або що така аномалія складається з двох переходів, дуже близьких один до одного з невеликою неспівмірною фазою між ними (менше 10 К).

Заміна міді на срібло повністю змінює цей сценарій. При малих концентраціях срібла, перехід зміщується до нижчих температур і стає менш виразним і ширшим; більше того, у кристалі $Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP_2S_6$ змінюється рід ФП з першого на другий. Зміна роду сегнетиелектричного переходу також спостерігалася у роботі [76], навідміну від діелектричних досліджень [44], які показали, що перехід залишався ФП першого роду.

При повному заміщенні перехід повністю зникає, оскільки на кривих *D* немає жодної аномалії аж до 30 К. Детальне порівняння еволюції *D* при заміщенні міді сріблом наведене на рис. 2.10 (а). Для кристалу CuInP₂Se₆

часткове заміщення міді сріблом, як і у випадку сульфідів, сильно розмиває ФП та зміщує його до нижчих температур (рис. 2.10 (б)).

Оскільки ФП у CuInP₂(S,Se)₆ може бути пояснений на основі вторинного ефекту Яна-Теллера, викликаного локальними динамічними стрибковими рухами катіонів Cu⁺ [45, 73], важливо встановити, що відбувається, коли мідь заміщується сріблом. Наявність або відсутність цього ефекту сильно залежить від ковалентності зв'язків та гібридизації *s* і *d* орбіталей катіона M¹⁺. Остання ефективніша у сполуках, легованих сріблом, у параелектричній фазі, що призводить до більшої ковалентності зв'язків Ag–[P₂S₆]; ці властивості роблять сполуки срібла стабільнішими. Крім того, іони срібла мають більший розмір, що заморожує стрибкові рухи іонів Cu⁺, що у свою чергу ускладнює впорядкування сегнетиелектричної фази [63]. Всі ці підстави пояснюють зниження температури ФП з невеликими кількостями срібла і його повне розмиття при повному заміщенні.



Рис. 2.10. Теплова дифузія як функція температури для $CuInP_2S_6$ (1), $Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP_2S_6$ (2), $AgInP_2S_6$ (3) (a) та $CuInP_2Se_6$ (1), $Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP_2Se_6$ (2), $AgInP_2Se_6$ (3) (б), виміряна у напрямку, вздовж шарів.

При заміщенні індію на вісмут випливає загальний висновок, який полягає у тому, що таке заміщення ускладнює передачу тепла, оскільки значення D у всіх напрямках менше, ніж відповідні у кристалах із індієм. У кристалі CuBiP₂Se₆ спостерігається слабкий фазовий перехід першого роду біля 140 К. Рисунок 2.11 демонструє цей перехід та гістерезис при нагріванні і охолодженні, підтверджуючи антисегнетоелектричний перехід. Така різниця полягає у різній поведінці іонів при зниженні температури. У CuBiP₂Se₆ в параелектричній фазі іони міді розміщуються у декількох позацентрових позиціях, тоді як у впорядкованій фазі вони займають позацентрові октаедричні ділянки, які спричинені ефектом Яна-Теллера, пов'язаним з гібридизацією *d-p* станів [63]. Іони вісмуту зміщуються В протилежному напрямку, намагаючись зконпенсувати внутрішньошаровий дипольний момент і тим самим створюють антисегнетоелектричний стан; це зміщення обумовлено стереохімічним вираженням неподіленої пари s^2 . Основна відмінність цього кристала від кристалів CuInP₂Se₆ полягає в тому, що іони індію не мають такої неподіленої пари і можуть здійснювати лише невеликі зміщення для протидії зміщенням міді, а отже, низькотемпературна фаза є сегнетоелектричною.



Рис. 2.11. Гістерезис ФП при 75 мК/хв для CuBiP₂Se₆, виміряний у напрямку перпендикулярно до шарів.

Кристал AgBiP₂Se₆ є сегнетоелектриком при кімнатній температурі та структурно схожий із кристалом CuBiP₂Se₆ в упорядкованій фазі [63]. Головна відмінність AgBiP₂Se₆ полягає у тому, що неподілена пара вісмуту є стереохімічно виражена. Походження сегнетоелектричності - це впорядковане зміщення іонів срібла вздовж осі с. Згідно з нашими результатами дослідження теплової дифузії, підтвердження наявності ФП і потенційної сегнетоелектричної фази в області 30 - 350 К не знайдено.
Зрештою, AgBiP₂S₆ також не показав на кривих теплової дифузії якої-небуть аномалії. Цікаво, що кристалічна структура AgBiP₂S₆ сильно відрізняється від AgBiP₂Se₆ внаслідок декількох причин: іншого координаційного оточення для вісмуту, меншого розміру сірки порівняно із селеном, тенденції до стереохімічної експресії неподіленої електронної пари і т.п. [63]. Варто зазначити, що дослідження ультразвукової швидкості виявило невелику аномалію близько 220 К, яку автори визначили як ФП [76]. У представлених у цій роботі детальних вимірах з високою роздільною здатністю нічого подібного знайдено не було.

Наступним етапом нашого дослідження теплових властивостей шаруватих фероїків було визначення їхньої питомої теплоємності. Детальний опис процедури розрахунку фононних спектрів, густин фононних станів та розрахованих на їхній основі кривих питомої теплоємності вже розглядався на початку цього підрозділу. На рисунку 2.12 показані фононні спектри разом з густинами фононних станів та відповідними питомими теплоємностями для кристалів CuInP₂S₆, CuInP₂S₆, AgInP₂S₆, AgInP₂Se₆, AgBiP₂Se₆ Ta CuBiP₂Se₆.







Рис. 2.12. Розраховані фононі спектри та густини фононних станів (зліва) та розраховані питомі теплоємності для (а) - CuInP₂S₆, (б) - CuInP₂S₆, (в) - AgInP₂S₆, (г) - AgInP₂Se₆, (г) - AgBiP₂Se₆, (д) - AgBiP₂Se₆ та (е) - CuBiP₂Se₆.

2.4. Природа наднизької теплопровідності у кристалах ММ'Р₂Х₆

На рис. 2.13 показана температурна еволюція теплопровідності $\kappa(T)$ для двомірних шаруватих кристалів [Ag, Cu]¹⁺[In, Bi]³⁺P₂(S,Se)₆.



Рис. 2.13. Теплопровідність κ як функція від температури для: CuInP₂S₆ (a), CuInP₂Se₆(б), AgInP₂S₆(в), AgInP₂Se₆(Γ), AgBiP₂Se₆(Γ), AgBiP₂Se₆(π)

та CuBiP₂Se₆ (е). Криві позначені темним кольором вказують, що *к* поміряна вздовж шарів, коли світлий колір – перпендикулярно шарам. Червона штрихова лінія показує залежність *T*⁻¹.

Необхідною умовою для подальшого аналізу температурної залежності κ було також мати інформацію про температуру Дебая T_D для кожної сполуки, але у літературі до цієї роботи T_D була добре відомою тільки для кристалу CuInP₂Se₆ [87]. Тому, нами були розраховані T_D для кожної сполуки із фононних спектрів. Їх можна знайти скориставшись наступною формулою [4]:

$$T_D = \frac{\hbar \omega_D}{k_B},\tag{2.2}$$

де \hbar – стала Планка, k_B – стала Больцмана, ω_D – дебаївська частота, яка близька до значення частоти найменш енергетичної оптичної гілки. Для кристалів CuInP₂S₆ (T_D = 129 K), CuInP₂Se₆ (T_D = 94 K), AgInP₂S₆ (T_D = 135K), AgInP₂Se₆ (T_D = 80 K), CuBiP₂Se₆ (T_D = 42 K), AgBiP₂S₆ (T_D = 84 K), та AgBiP₂Se₆ (T_D = 64 K), у температурному проміжку T_D –2 T_D теплопровідність знижується, задовольняючи закон $\kappa \sim T^{-1}$, з показниками в діапазоні -1.4 – -0.8, за винятком кристалу AgBiP₂S₆ із шарами, розміщеними вздовж напрямку теплового потоку. Загалом, така поведінка підтверджує домінантну роль фононного розсіювання вище T_D .

При температурах, вищих за T_D температурна залежність $\kappa(T)$ відображає температурну залежність швидкості звуку та теплоємності. Така поведінка справедлива лише у режимі, коли вільний пробіг фононів перевищує міжатомну відстань. У сполуці CuBiP₂Se₆ теплопровідність гратки вже досягла свого найнижчого значення приблизно 0.20 Вт м⁻¹ К⁻¹ трохи вище 100 К, оскільки вільний пробіг фононів обмежений міжатомною відстанню і не може далі зменшуватися.

Біля T_D та нижче, найбільше значення к отримано для кристалів CuInP₂S₆, CuInP₂Se₆ та AgInP₂S₆. Для цих складів також спостерігалася найбільша анізотропія к вздовж та перпендикулярно до структурних шарів (рис. 2.14). Для кристалів AgIn P_2 Se₆ та для всіх трьох сполук, які містять вісмут анізотропія к була у декілька разів менша.

У кристалах, у яких наявні фазові переходи (CuInP₂S₆, CuInP₂Se₆), спостерігається загальне зниження κ в параелектричній фазі по відношенню до сегнети- сегнетоелектричної. Різке зменшення κ у кристалі CuInP₂S₆ пов'язане з поведінкою катіонів міді. На початку цього розділу вже розглядалися структурні особливості кристалу CuInP₂S₆, де було показано, що в параелектричній фазі іони міді займають три нееквівалентні позиції: Cu1, Cu2 та Cu3 (рис. 2.2 а). У свою чергу для Cu1 можливі два положення: Cu1^{*up*}. (зміщення вгору від середини шару) та Cu1^{*down*} (відповідно зміщення вниз). Таке розташування передбачає наявність диполів Cu1, які випадково повернуті вгору та вниз, даючи макроскопічно неполярну конфігурацію. При сегнетиелектричному фазовому переході відбувається кооперативне заморожування таких стрибкових рухів, яке пов'язане з вторинним ефектом Яна-Теллера катіонів Cu¹⁺ з електронною конфігурацією 3*d*¹⁰ [88]. Перенесення тепла фононами дуже ефективно блокується в невпорядкованій, високотемпературній фазі за рахунок зменшення вільного пробігу фононів внаслідок таких стрибкових рухів.



Рис. 2.14. Анізотропія теплопровідності: відношення (а) та різниця (б) між $\kappa \mid \mid$ та $\kappa \perp$.

Такий сценарій поведінки притаманний і кристалу $CuInP_2Se_6$ з головною відмінністю, яка полягає у меншому зміщенні позицій катіонів міді із середини шарів у порівнянні із сульфідом (1.17 Å та 1.58 Å відповідно [45]). Припускаючи, що порушення упорядкування відбувається внаслідок стрибкоподібних рухів міді, відповідний двоямний потенціал у селеніді повинен бути мілкішим, ніж у сульфіді, що у свою чергу призводить до пониження температури ФП. Таким чином у параелектричній фазі розупорядкування менше у селеніді, що призводить до підвищення теплопровідності, у порівнянні із сульфідом.

Введення вісмуту призводить до дуже цікавого наслідку, оскільки у всіх трьох випадках (AgBiP₂S₆, AgBiP₂Se₆ та CuBiP₂Se₆) спостерігається значне зниження теплопровідності у порівнянні із кристалами з індієм, а отже такі кристали є ідеальними кандидатами для застосування, коли необхідна низька або наднизька теплопровідність. Можливо, причиною цього є те, що заміщення вісмуту на індій впливає на вільний пробіг фононів, оскільки, хоча вони мають схоже координаційне оточення, катіон Ві³⁺ має більший розмір, а також удвічі більшу масу. Крайнім випадком є CuBiP₂Se₆. При кімнатній температурі, хоча мідь і займає позиції з октаедричним координаційним оточенням іонів селену, вважається, що фактичне положення іонів міді є невпорядкованим [63], що суттєво збільшує розсіювання фононів. При пониженні температури з 350 К, теплопровідність майже не змінюється до того часу, поки не відбудеться ФП, що означає, що розупорядкування тримається навіть при зниженні температури; але щойно кристал перебуває у впорядкованій фазі, його поведінка стає подібною до решти, і к задовольняє закон Ейкена. Надзвичайно низька к при низьких температурах вказує на те, що у цьому кристалі може мати місце сильний ґратковий ангармонізм.

Очевидно, що на низькі значення теплопровідності істотно впливає ангармонізм кристалічної ґратки, який може бути викликаний складною будовою кристалу [89], релаксацією неподіленої пари [90, 91], сильною взаємодією між м'якими акустичними та оптичними фононними гілками [92, 93], а також внаслідок розсіювання теплонесучих фононів суттєвими флуктуаціями маси, ефективно придушуючи ґраткову теплопровідність [94, 95]. Для низької *к* середній вільний пробіг фононів повинен бути дуже коротким. Для отримання значень довжин вільного пробігу фононів були використані рівняння для

розрахунку граткової теплопровідності. Загальна κ у твердому тілі є сумою граткової та електронної провідності, але оскільки у цих кристалах число вільних носіїв заряду дуже низьке, то $\kappa \approx \kappa_L$, звідки

$$\kappa_L = \frac{1}{3} C \overline{\nu} \Lambda, \qquad (2.3)$$

де C – об'ємна теплоємність, \overline{v} – середня швидкість фононів, Λ – вільний пробіг фононів. Тоді, вільний пробіг фононів можна знайти як

$$\Lambda = \frac{3D}{\overline{v}},\tag{2.4}$$

де *D* – теплова дифузія. Середня швидкість фононів може бути знайдена з нахилів трьох акустичних фононних швидкостей біля точки Г (зона Бріллюена) та беручи до уваги модулі пружності. Для кожного напрямку, швидкість звуку усереднена по двом поперечним акустичним модам (TA₁ та TA₂) та одній поздовжній акустичній моді (LA) за допомогою наступного рівняння [4]

$$\frac{3}{\overline{v}^3} = \frac{1}{v_{TA_1}^3} + \frac{1}{v_{TA_2}^3} + \frac{1}{v_{LA_1}^3}.$$
(2.5)

У таблиці 2.4 наведені значення розрахованих швидкостей звуку вздовж та перпендикулярно до структурних шарів

Таблиця 2.4.

Склад	CuInP ₂ S ₆	CuInP ₂ Se ₆	AgInP ₂ S ₆	AgInP ₂ Se ₆
\overline{v}_{\parallel} (M/c)	2745	2684	2358	2265
\overline{v}_{\perp} (M/c)	2229	2328	1595	1913
Склад		CuBiP ₂ Se ₆	AgBiP ₂ S ₆	AgBiP ₂ Se ₆
\overline{v} (M/c)		2279	2003	2160
\overline{v}_{\perp} (M/c)		2441	1938	1826

Середня швидкість звуку вздовж (||) та перпендикулярно (⊥) до структурних шарів для кристалів M'M"Р₂S(Se)₆

Температурна залежність довжини вільного пробігу для досліджуваних кристалів наведена на рис. 2.15.



Рис. 2.15. Довжина вільного пробігу Λ для кристалів $M^{1+}M^{3+}P_2(S,Se)_6$ (M^{1+} - Cu, Ag; M^{3+} - In, Bi) вздовж (а) та перпендикулярно (б) до структурних шарів.

На рис. 2.16 а, б наведена залежність значень довжин вільного пробігу при 130 К від температури Дебая. У випадку, коли тепло проходить вздовж шарів (рис. 2.16 (а)), $\Lambda(T_D)$ залежність є майже лінійною. У випадку, коли тепло поширюється перпендикулярно до шарів (рис. 2.16 (б)), тільки кристал CuInP₂S₆ випадає із загального тренду, відхиляючись до нижчих значень, що пов'язано з додатковим внеском у ґратковий ангармонізм, який слідує із вторинного ефекта Яна-Теллера, спричинюячи сегнетиелектричний ФП.



Рис. 2.16. Довжина вільного пробігу теплонесучих фононів при 130К вздовж (а) та перпендикулярно (б) до шарів як функція від температури

Дебая, нормалізована Λ/Λ_D залежність від нормалізованої температури T/T_D (в).

У безрозмірних координатах (рис. 2.16 (в)), Λ/Λ_D від T/T_D залежності для всіх сполук накладаються одна на одну, що свідчить про правильно визначені значення температур Дебая, які характеризують ґратковий ангармонізм у кристалах MM'P₂S(Se)₆.

Для того, щоб оцінити мінімально можливе значення теплопровідності *к_{тіп}*, застосуємо рівняння, яке описує «аморфний ліміт теплопровідності» для такого типу кристалів [96]:

$$\kappa_{\min} = \left(\frac{\pi}{6}\right)^{\frac{1}{3}} k_B n^{\frac{2}{3}} \sum_{i} \left[c_i \left(\frac{T}{T_D}\right)^2 \int_{0}^{\frac{T_D}{T}} \frac{x^3 e^x dx}{\left(e^x - 1\right)^2} \right], \qquad (2.6)$$

де T_D – температура Дебая для кожної моди, і яка може бути знайдена як $T_D = v_i (\hbar / k_B) (6\pi^2 n)^{\frac{1}{3}}, v_i$ – середня швидкість звуку, n – число атомів, \hbar – стала Планка, k_B – стала Больцмана. Значення експериментально виміряних κ та оцінених теоретично κ_{min} наведені на рис. 2.17.





Рис. 2.17. Порівняння температурних залежностей теплопровідності та розраховані мінімальні значення (червоні лінії) для шаруватих кристалів M'M"P₂S(Se)₆: CuInP₂S₆ (a), CuInP₂Se₆ (б), AgInP₂S₆ (в), AgInP₂Se₆ (Γ), AgBiP₂Se₆ (Γ), AgBiP₂Se₆ (Γ), AgBiP₂Se₆ (Γ), AgBiP₂Se₆ (Γ), Tемними кольорами позначені криві теплопровідності, виміряні вздовж шарів, світлими – перпендикулярно до шарів.

3 рис. 2.17 добре видно, що різниця між експериментально виміряними κ та оціненими теоретично κ_{min} збільшується при охолодженні. Коли тепло переноситься вздовж шарів, велика різниця $\kappa - \kappa_{min}$ спостерігалася для кристалів CuInP₂S₆, CuInP₂Se₆ та AgInP₂S₆ та менша для AgInP₂Se₆, AgBiP₂Se₆, AgBiP₂Se₆ та CuBiP₂Se₆. Для випадку, коли тепло поширюється перпендикулярно до структурних шарів, різниця $\kappa - \kappa_{min}$ найбільша різниця спостерігалася між найбільшим значенням для CuInP₂S₆ та найменшим для CuBiP₂Se₆.

На рис. 2.18 показана різниця $\kappa - \kappa_{min}$ як функція від T/T_D для всіх досліджуваних сполук, а рис. 2.19 показує порівняння між розрахованими κ_{min} та поміряними κ при 350К.



Рис. 2.18. Різниця між виміряною теплопровідністю κ та розрахованою мінімальною κ_{min} як функція безрозмірної температури T/T_D вздовж шарів (а) та перпендикулярно до шарів (б).

Із отриманих даних випливає, що процес перекидання (U-процес фононного розсіювання) відповідає за низькі значення теплопровідності вище температури Дебая. Рис. 2.19 (а) показує, що для випадку, коли тепло проходить вздовж структурних шарів при 350 К, у трьох сполуках (CuInP₂S₆, CuInP₂S₆ та AgInP₂S₆) виміряне значення к майже вдвічі більше, ніж к_{тіп}. Для іншої групи (AgBiP₂S₆, AgBiP₂Se₆ та CuBiP₂Se₆) виміряне значення менше або рівне, ніж розраховане κ_{min} . Очевидно, що в сполуках, які містять вісмут існує деяке додаткове структурне розупорядкування. Отримані дані по кристалу CuBiP₂Se₆ чітко демонструють наявність додаткового механізму розсіювання фононів, яке перешкоджає теплообміну. Крім того, кристал AgInP₂Se₆ може розглядатися як проміжний випадок між теплопровідними та резистивними групами сполук, оскільки κ , виміряний у цьому випадку, трохи більше, ніж κ_{min} при 350 К. У випадку κ_{\perp} (рис. 2.19 (б) виміряна теплопровідність менша або рівна розрахованому κ_{min} для всіх сполук, за винятком CuInP₂Se₆.

Надлишок у провідності $\kappa(T)$ - $\kappa_{min}(T)$, при температурах $T/T_D > 1$ розуміють, враховуючи різницю між нормальним процесом та процесом перекидання. Однак, оскільки температура знижується нижче половини температури Дебая (приблизно від 42 К до 135 К), дедалі більша частка збуджених фононів має хвильові вектори, довжиною, коротшою половини відстані до межі зони Бріллюена. При $T < T_D/2$ більшість фонон-фононних зіткнень є нерезистивними нормальними процесами, оскільки сума хвильових векторів взаємодіючих фононів вписується в першу зону Бріллюена. Кількість процесів перекидання зменшується з температурою, нижче $T_D/2$, тому вони більше не можуть обмежувати $\kappa(T)$ до $\kappa_{min}(T)$, що призводить до додаткової теплопровідності у порівнянні з випадком, коли $T > T_D/2$.



Рис. 2.19. Порівняння κ та κ_{min} вздовж (а) та перпендикулярно (б) до структурних шарів при 350К.

Можна зробити висновок, що через надзвичайно високу ангармонічність досліджуваних шаруватих кристалів, теплопровідність фононів обмежується мінімально можливим значенням, де середній вільний побіг рівний міжатомній фонон-фононним вілстані власним процесам. Тут цікаво завляки зрозуміти, чому є така велика різниця в теплопровідності між кристалами $AgInP_2S_6$ та $AgInP_2Se_6$. Можна припустити, що це прямий наслідок відмінності в природі хімічних зв'язків. У селеніді відносно низька теплопровідність виникає внаслідок коливань кристалічної ґратки, які створюють низькочастотні локалізовані оптичні фонони в акустичній області і тим самим забезпечують сильне ангармонічне розсіювання фононів. На рис. 2.20 та рис. 2.21 показані власні вектори для кристалів $AgInP_2S_6$ та $AgInP_2Se_6$, отримані з аналізу низькочастотних ділянок фононних спектрів, відповідно. Обидві сполуки мають характерну особливість наявності низько лежачих мод, прорізуючи акустичну

область (рис. 2.12, в г). Для AgInP₂S₆ акустичні моди лежать біля 40 см⁻¹ до краю зони Бріллюена, а в акустичній області розташовуються оптичні фононні моди A2_g і A2_u з низькою енергією (близько 13 см⁻¹), обидві з яких переважно пов'язані із коливаннями атомів срібла перпендикулярно до площин структурних шарів. На трохи більшій частоті (близько 30 см⁻¹) також розміщені подвійно вироджені оптичні моди E_g, які включають рух катіонів срібла та індію разом зі зміщеннями аніонів (P₂S₆)⁴⁻ у площині. Ці фононні моди з приблизно нульовою груповою швидкістю відображають локальність коливань атомів срібла і підтверджують відносну слабкість ковалентного зв'язку Ag–S.



Рис. 2.20. Власні вектори низькоенергетичних оптичних фононних мод A_{2g}, A_{2u}, E_g у центрі зони Бріллюена для AgInP₂S₆.



Рис. 2.21. Власні вектори низькоенергетичних оптичних фононних мод A_{2g}, A_{2u}, E_g у центрі зони Бріллюена для AgInP₂Se₆.

Крім зниження групових швидкостей, локалізовані оптичні моди з найменшою частотою діють як центри розсіювання для низько енергетичних акустичних мод. Таке резонансне розсіювання додатково знижує загальну теплопровідність гратки і, очевидно, є ефективнішим для кристала селеніду з більшою поляризованістю важких (P_2Se_6)⁴⁻ аніонів. Сильніше придушення κ низькоенергетичними енергетичними оптичними модами може виникати з декількох причин. Плоска оптична гілка демонструє антикросинг з акустичними фононними модами. Це значно зменшує групову швидкість теплонесучих акустичних фононів навколо енергії оптичної моди, що призводить до придушення κ . Чим менша частота оптичної моди, тим сильніший ефект,

оскільки групова швидкість акустичних фононів більша при меншій енергії. Розсіювання при процесі перекидання, яке пригнічує *к*, також може бути сильніше з менш енергетичної оптичної гілки, оскільки нижчі оптичні моди повинні розсіювати вищі акустичні фонони, щоб створити ті ж кінцеві фонони. Оскільки акустичні фонони з вищою енергією мають вищу густину станів, такий тип розсіювання може бути сильнішим.

Особливості хімічного зв'язку, як-от вторинний ефект Яна-Теллера та висока деформованість густини заряду неподіленої пари електронів, також можуть обмежувати теплопровідність кристалічних матеріалів. Як нами вже було показано [1], у сполуках $CuInP_2S_6$ та $CuInP_2Se_6$ релаксаційні м'які моди з'являються за рахунок вторинного ефекту Яна-Теллера за участю s та d орбіталей катіонів Cu^+ та *p*-орбіталей аніонів $S(Se)^{2-}$. Катіони In^{3+} у цих сегнетиелектриках також можуть бути залучені до даного ефекту шляхом гібридизації їх s та p електронних орбіталей з p-орбіталями аніона сірки або селену. Але атоми індію у цих сполуках досить сильно обмежені ковалентною взаємодією 3 оточуючими атомами халькогенідів. Що стосується невпорядкованого вторинного ефекту Яна-Теллера при ФП, нагрівання від сегнетиелектричної параелектричної фази сильно до пригнічує теплопровідність, що добре видно у випадку кристала $CuInP_2S_6$ (рис. 2.13 (a)).

У випадку $AgInP_2S_6$ та $AgInP_2Se_6$ катіони Ag^{1+} створюють сильніші ковалентні зв'язки всередині октаедра, що перешкоджає вторинного ефекту Яна-Теллера та переходу в полярний стан при зниженні температури [75]. Як було показано вище, тільки для AgInP₂Se₆ сильна фонон-фононна взаємодія пов'язана з перетином низькоенергетичної оптичної гілки з акустичними гілками, і тому к зводиться до аморфного ліміту. Але у сполуках $AgBiP_2S_6$ та $AgBiP_2Se_6$ фізичне походження ангармонізму також можна пояснити існуванням стереохімічно активної неподільної пари s^2 катіонів Bi^{3+} . Електронна оболонка вісмуту легко деформується під коливаннями ЩО ґратки, призводить ДО сильної ангармонічності через наявність нелінійних членів у повній енергії, пов'язаних з великим електронним відгуком. Очевидно, що ця неподілена пара електронів

також пов'язана з вторинним ефектом Яна-Теллера, який може призвести до спостережуваної структурної нестабільності в шаруватому кристалі CuBiP₂Se₆ [63]. Основна ідея взаємозв'язку між електронною парою та низькою к полягає в тому, що коли атоми наближаються один до одного під час теплового руху, перекриття хвильових функцій неподіленої пари та сусідніх валентних електронів індукує нелінійну відштовхуючу електростатичну силу, яка викликає підвищений ангармонізм ґратки. При віддаленні неподіленої пари від ядра ангармонічні взаємодії із сусідніми атомами посилюються, а к зменшується. Таким чином, вища ступінь ангармонізму повинна бути досягнута, коли електронна пара віддалена від ядра, але не бере участь у зв'язуванні. Аналогічна ситуація спостерігалася і для кристала Sn₂P₂S₆, де розупорядкована неподілена пара $5s^2$ Sn²⁺ спричиняє перехід від сегнетоелектричної до параелектричної фази і ефективно пригнічує теплопровідність [18, 97].

Розрахунки парціальних густин електронних станів (pDOS) для кристалів AgInP₂Se₆ та AgBiP₂S₆ наведені на рис. 2.13.



Рис. 2.22. Парціальна густина електронних станів для $AgInP_2Se_6$ (a) та $AgBiP_2S_6$ (б).

Електростатичне відштовхування між неподіленими парами електронів та сусідніми аніонами створює ангармонічність у гратці, міцність якої визначається морфологією орбіталі неподіленої пари, що показано на рис. 2.22 для шаруватих кристалів AgBiP₂S₆. Видно, що в результаті стереоактивності *s* орбіталей вісмуту електронна густина зосереджується у верхній частині валентної зони для кристала AgBiP₂S₆, але електронна густина s орбіталей індію не спостерігається у верхній частині валентної зони для AgInP₂Se₆. Це порівняння свідчить про гібридизацію *s* орбіталей вісмуту з *p* орбіталями сірки та вісмуту. Таке змішування *sp*² викликає стереоактивність неподіленої пари *s*² Bi, яка виникає в розподілі просторового зарядну для кристала AgBiP₂S₆, для якого орбіталі вісмуту лежать в діапазоні -10,62 – -10,49 еВ (рис. 2.23 (б)). Навпаки, просторовий розподіл для s орбіталей індію в області енергій -6,44 – -5,99 еВ (рис. 2.23 (а)) свідчить про їхню участь у формуванні ковалентних зв'язків In–Se.



Рис. 2.23. Розподіл електронної густини для орбіталей для кристалу $AgInP_2Se_6$ (а) та $AgBiP_2S_6$ (б).

Необхідно розглянути цікаві особливості, які спостерігались для шаруватого кристала CuBiP₂Se₆ при переході від розупорядкованої фази у модульований стан, а далі і при охолодженні до антисегнетоелектричної фази. Для початку розглянемо модуляцію структури та анізотропію теплопровідності. Як видно з результатів структурних досліджень цієї сполуки у роботі [63], при температурах, вищих 173 К (рис. 2.24 (а)) у параелектричній фазі структура є центросиметричною, усередненою по часу та періодичною. Проте, катіони вісмуту та міді здійснюють теплові релаксаційні зміщення значної амплітуди, що у свою чергу суттєво розсіює теплонесучі фонони (пакети фононів) і зменшує їхню довжину вільного пробігу до мінімальних значень.



Рис. 2.24. Структура кристалу CuBiP₂Se₆ вздовж напрямку [110] при 298 К (а), 173 К (б), та 97 К (в). Напрямок зміщення атомів міді показаний стрілками. Неупорядковані атоми міді показані квадратними дужками [63]

В проміжковій фазі (рис. 2.24 (б)) між 173 та 97 К, модульованій перпендикулярно до структурних шарів, хвильові пакети ймовірно добре поширюються вздовж шарів (у цьому напрямку структура періодична, атоми міді та вісмуту перебувають у більш локалізованих позиціях). Однак поперек шарів неоднорідність (модуляція) структури зумовлює мінімальну (біля 1 нм) довжину вільного пробігу. В антисенетоелектричній фазі (рис. 2.24 (в)), нижче 97 К, структура періодична вздовж та поперек шарів, катіони міді та вісмуту досить добре локалізовані, і довжина вільного пробігу зростає при охолодженні і визначається в основному лише фонон-фононним розсіюванням. Таким чином, дані теплової дифузії ймовірно підтверджують наявність проміжної структурно модульованої фази в CuBiP₂Se₆.

На рис. 2.13 (е) показано, що теплопровідність CuBiP₂Se₆ вздовж шарів (коричнева лінія) при нагріванні зменшується до мінімального значення близько 200 К. Вище цієї температури, у неупорядкованій фазі, залежність $\kappa(T)$ демонструє склоподібну поведінку. Теплопровідність напрямку y перпендикулярно до структурних шарів (помаранчева лінія) при нагріванні досягає мінімального значення вже близько 100 К – при переході від антисегнетоелектричної фази до проміжної модульованої фази. Структурна модуляція проміжної фази орієнтована перпендикулярно до структурних шарів. теплопередача у модульованій фазі вздовж шарів подібна до Отже, теплопередачі в антисегнетоелектричній фазі. Навпаки, перенесення тепла шарів через температурний інтервал перпендикулярно структурних ДО аналогічний модульованої фази теплопровідності У неупорядкованій високотемпературній фазі. На рис. 2.25 показана температурна поведінка довжин вільного пробігу у кристалі CuBiP₂Se₆.



Рис. 2.25. Довжина вільного пробігу як функція температури для кристалу CuBiP₂Se₆ вздовж (коричнева крива) та перпендикулярно (помаранчева крива) до структурних шарів.

Висновки до розділу 2

Для шаруватих монокристалів $Cu_{1-x}Ag_xInP_2(S,Se)_6$ з x = 0, 0.1, та 1, AgBiP₂(S,Se)₆ та CuBiP₂Se₆ досліджена теплова дифузія у широкій температурній області 30 – 350 К. Виявлено істотну теплову анізотропію у всіх шаруватих кристалах, а також фазові переходи у деяких сполуках, що підтверджує різний вплив на систему при заміщенні атомів у катіонній чи аніонній підгратках. Визначена молярна теплоємність з еволюції фононних спектрів для кожного кристалу, поєднавши яку з експериментально отриманими даними теплової дифузії, отримано температурну еволюцію теплопровідності, яка показала, що тепло ефективно переноситься фононами. Відповідно до отриманих результатів розглянуті різноманітні механізми, які виникали у кристалах та відповідальні за теплопровідності сильний низькі значення як-от ангармонізм ґратки, розупорядкування, стереоактивність неподіленої гібридизація пари, електронних орбіталей, а також наявність або відсутність вторинного ефекту Яна-Теллера.

РОЗДІЛ З. ТЕПЛОВА ДИФУЗІЯ В СЕГНЕТОЕЛЕКТРИЧНИХ ТВЕРДИХ РОЗЧИНАХ (Pb_xSn_{1-x})₂P₂(Se_yS_{1-y})₆

3.1. Фазова діаграма сегнетоелектриків (Pb,Sn)₂P₂(Se,S)₆

Сегнетоелектричні сполуки (Pb,Sn)₂P₂(Se,S)₆ є особливо цікавими для дослідження завдяки тому, що вони володіють унікальним поєднанням фоторефрактивних, акустооптичних та електрооптичних властивостей [98, 99], а також завдяки можливості утворення на їхній основі твердих розчинів із достатньо складною фазовою діаграмою, наявністю точки Ліфшиця (ТЛ), неспівмірної фази (Н Φ), а також структурних фазових переходів ($\Phi\Pi$) першого і другого родів [100]. Наявність твердих розчинів серед Sn₂P₂S₆, Sn₂P₂Se₆, Pb₂P₂S₆ та Pb₂P₂Se₆ дозволяє отримати сегнетоелектрики-напівпровідники з бажаними фізичними властивостями. Отже, стає можливим одержання матеріалів з різними структурними та електронними характеристиками для їхнього широкого застосування в різних електронних пристроях. Рисунок 3.1 демонструє загальну модель, яка зображає кристалічну структуру кристалів, сімейства $M_2^{2+}[P_2X_6]^{4-}$ [101].



Рис. 3.1. Структура фосфорвмісних халькогенідних кристалів $M_2^{2+}[P_2X_6]^{4-}$. Голубі, червоні та жовті кульки відповідають M^{2+} (Pb, Sn), Р та X (S, Se) атомам відповідно [101].

Зупинимось детальніше на основних особливостях кристалічної структури цих сполук. Напівпровідникові кристали $Pb(Sn)_2P_2S(Se)_6 \varepsilon$ іонно-ковалентними сегнетоелектриками з однаковою $[P_2S(Se)_6]^{4-}$ аніонною підгрупою. Дві третини центрів октаедра зайняті катіонами M^{2+} . Решту займають P–P зв'язки, які ковалентно зв'язуються з атомами сірки (селену), причому кожен атом фосфору має тетраедричну координацію з трьома атомами сірки (селену) та одним атомом фосфору [100]. У таблиці 3.1 зібрані основні параметри, які характеризують моноклінну кристалічну ґратку тіофосфатів Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆.

Таблиця 3.1.

Параметри кристалічної ґратки у сегнетоелектричних кристалах Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ [100, 102, 103, 104, 105]

Склад	Симетрія	Параметри ґратки				Об'єм
		a [Å]	b [Å]	с [Å]	β [°]	елементарної комірки [Å ³]
Sn ₂ P ₂ S ₆ (сегнетофаза)	Рс	9.378	7.488	6.513	91.15	456
Sn2P2S6 (парафаза)	P2 ₁ /c	9.362	7.493	6.550	91.17	457
Sn₂P₂Se₆ (сегнетофаза)	Pc	6.805	7.708	9.616	91.03	504.4
Sn2P2Se6 (парафаза)	P21/c	6.815	7.671	9.626	91.01	503.2
Pb2P2S6 (парафаза)	P2 ₁ /c	6.612	7.466	11.349	124.09	462
Pb ₂ P ₂ Se ₆ (парафаза)	P2 ₁ /c	6.910	7.660	11.819	124.38	513

Для кристалів $Sn_2P_2S_6$ довжина іонних зв'язків Sn-S варіюється в діапазоні 2.77 – 3.451 Å і є значно більшою, ніж довжина P–S та P–P зв'язків. Зв'язки P–S у двох тригональних пірамідах PS₃, які з'єднуються P–P зв'язками також мають різні довжини (2.015 - 2.035 Å). Атоми олова розташовуються всередині поліедрона, сформованого 7 або 8 атомами сірки [106]. Нижче 337 К кристал зазнає параелектричного ФП другого роду в моноклінну фазу, зі зміщенням катіонів олова від центросиметричного положення, який грає роль параметру порядку [106].

Відмінності у кристалічній структурі між $Sn_2P_2S_6$ та $Sn_2P_2Se_6$ полягають у збільшенні довжини та кутів P–Se зв'язків [104]. Кристал $Sn_2P_2Se_6$ демонструє три фази: при кімнатній температурі він є параелектриком (P2₁/c), при $T_i \approx 221$ К має місце ФП другого роду до модульованої неспівмірної фази, а також при $T_c \approx 193$ К кристал зазнає ФП першого роду в сегнетоелектричну фазу (Pc) [103, 107, 108]. Період поперечної модульованої хвилі спонтанної поляризації в неспівмірній фазі складає приблизно 14 елементарних комірок [93].

Атоми Sn²⁺ оточуються вісьмома атомами Se, утворюючи бітригональну призму, зображену на рис. 3.2 при низькій (б) та кімнатній температурі (а). Октаедри, які вміщують пару атомів фосфору, з'єднані порожніми октаедрами і утворюють зв'язки вздовж напрямків [010] та [101] [104].

В параелектричній фазі виявлено зміщення катіонів олова приблизно на 0.34 Å. Порівняння кристалічних структур у двох фазах показало, що катіони Sn²⁺ зміщуються з розупорядкованого стану у високотемпературній фазі до розташування олова в низькотемпературній сегнетоелектричній фазі на 0.13 Å [110]. Спонтанна поляризація структури очевидно зростає завдяки цим зміщенням. До того ж, середній напрямок цих зміщень перпендикулярний до напрямку вектора модульованої хвилі в неспівмірній фазі, показуючи першочергове значення таких рухів на формування неспівмірної фази [108, 110].



Рис. 3.2. З'єднання двох поліедрів Sn₂Se₈ вздовж напрямку [010] в: (а) - параелектричній фазі (293 К) та (б) – сегнетоелектричній (150 К) [32].

Порівняння параметрів зміщень атомів олова у двох фазах вказує, що вони не пропорційні температурі [110]. Просте наближення Дебая для внеску акустичних фононів передбачає лінійну температурну залежність. На рис.3.3 (еквівалентні) параметри атомного зміщення катіонів Sn^{2+} побудовані при температурах структурних перетворень для кристалів $Sn_2P_2S_6$ (а) та $Sn_2P_2Se_6$ (б). Параметри атомних зміщень атомів олова в сегнетоелектричній фазі є майже однаковими для обох сполук (штрихові лінії). Параметри атомних зміщень Sn в параелектричній фазі для обох сполук істотно вища, ніж екстрапольовані лінії сегнетоелектричної фази.



Рис. 3.3. Ізотропні параметри атомного зміщення для катіонів Sn^{2+} для $Sn_2P_2S_6(a)$ та $Sn_2P_2Se_6(b)$, згідно з рентгенівським дослідженням [110].

При кімнатних умовах кристал $Pb_2P_2S_6$ перебуває у центросиметричній фазі, у якій залишається аж до 0 К. Різниця в об'ємі елементарних комірок є досить малою з огляду на різницю розмірів іонів олова і свинцю: 1.58 Å і 1.75 Å відповідно. Таким чином, іони Sn²⁺ перебувають у менш «стиснутому» стані, що відображається їхньою сегнетоактивністю, а це означає, що сполуки з катіоном Sn²⁺ повинні мати вищу температуру ФП [100].

Для сполуки $Pb_2P_2Se_6$ єдиною відмінністю від $Pb_2P_2S_6$ є різниця в розмірах іонів, яка провокує зміну параметрів кристалічної ґратки, і власне об'єму елементарної комірки [111, 112].

Протягом останніх десятиліть були здійснені дослідження діелектричних, теплових, оптичних, еластичних та акустичних властивостей твердих розчинів сімейства кристалів $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$, які роблять можливим всебічно описати їхню фазову діаграму [19, 42, 113, 114, 115, 116, 117, 118, 119, 120, 121, 122, 123, 124, 125, 126, 127, 128, 129, 130, 131, 132, 133]. Розглянемо основні особливості фазової діаграми «температура-концентрація» для сегнетоелектричних сполук (Pb_ySn_{1-y})₂P₂(Se_xS_{1-x})₆, замінюючи атоми сірки на селен і олова на свинець (рис. 3.4).



Рис. 3.4. Фазова діаграма сегнетоелектриків Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆: пунктирною лінією позначено ФП другого роду з параелектричної до

сегнетоелектричної фази в (Pb_ySn_{1-y})₂P₂S₆ та в Sn₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ з y < 0.28, коли в Sn₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ з y > 0.28 і (Pb_ySn_{1-y})P₂Se₆ вона позначає перехід до неспівмірної фази (HC). Суцільною лінією позначено ФП першого роду з HC в сегнетоелектричну фазу [100].

Заміна катіонів S²⁺ на Se²⁺ для x < 0.28 веде до плавного розщеплення лінії ФП другого роду (пунктирна лінія на рис. 3.4) на лінію ФП першого роду (суцільні лінії) при y = 0.28. При повній заміні сірки на селен мають місце два ФП: ФП другого роду при $T_i = 221$ К та ФП першого роду при $T_c = 193$ К [107, 120]. Заміна олова свинцем в (Pb_ySn_{1-y})₂P₂S₆ різко знижує температуру сегнетоелектричного ФП аж до 4.2 К для y = 0.61. У цьому випадку ФП не змінює свій характер і залишається неперервним [105].



Рис. 3.5. Фазова діаграма змішаних кристалів Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆. Пунктирними лініями позначені лінії ФП другого роду, суцільними – ФП першого роду [133].

Заміна олова свинцем у катіонній підґратці в $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2Se_6$ дає такий самий ефект, як і у сполуках із сіркою. Іони свинцю понижують температуру переходів T_i та T_c . У той же час, збільшення концентрації свинцю збільшує ширину неспівмірної фази. Для прикладу, температурна область у якій існує НС фаза розширюється. Вона становить понад 100 К при y = 0.4. Також варто зазначити, що лінії ФП першого та другого родів досягають 0 К при y = 0.40 та y = 0.61 відповідно [105].

На основі досліджень молярної теплоємності та діелектричних вимірюваннях [133], була визначена еволюція характеру ФП та вигляд композиційної фазової діаграми в Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆. При одночасній заміні свинцю та сірки оловом та селеном відповідно, температури T_i та T_c знижуються з однаковим темпом, тобто ширина НС фази є майже незмінною (рис. 3.5).

3.1.1. Фазова діаграма Sn₂P₂(Se_xS_{1-x})₆. Точка Ліфшиця на діаграмі стану

Розглянута раніше загальна форма фазової діаграми станів може бути поділена на три частини: Sn₂P₂S₆ – Sn₂P₂Se₆, Sn₂P₂Se₆ – Pb₂P₂Se₆ та Pb₂P₂S₆ – Sn₂P₂S₆. Перш за все, розглянемо наявні у літературі дані по фазовим діаграмам температура-концентрація для сполук Sn₂P₂(Se_xS_{1-x})₆. Дані із рентгенівської дифракції [109, 115], ультразвукових [127, 129], діелектричних [116, 130] та калориметричних [42, 119, 125] досліджень зібрані на рис. 3.6. При заміщенні іонів сірки на селен, відбувається відносно повільне зниження температури ФП. Також стає чітко видно, що лінія ФП починає розщеплюватись при досягненні концентрації селену $x \sim 0.28$, T = 284 К. Точка, при якій відбувається таке розщеплення фаз називається точкою Ліфшиця (ТЛ), яка розділяє ФП із параелектричної фази у сегнетоелектричну фазу або неспівмірну (НС) фази. У модульованій НС фазі кристал описується такою ж точковою групою симетрії, як і у параелектричній фазі – (P2₁/c).

Положення ТЛ може бути також оцінене з еволюції температурної залежності фононних спектрів при різних концентраціях сірки та селену у

катіонній підгратці. За результатами, отриманими з даних нейтронного низькоенергетичних розсіювання, лінійну взаємодію виявлено м'яких оптичних та акустичних фононних гілок у кристалі Sn₂P₂Se₆[131]. Ця взаємодія феноменологічно інваріант Ліфшиця описана як функції була y термодинамічного потенціала для одновісних сегнетоелектриків з НС фазою [131, 132]. Така лінійна взаємодія поблизу ТЛ випливає з пом'якшенням акустичних фононів, які спостерігались для кристалів Sn₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ при ультразвукових дослідженнях та аналізі Мандельштам-Бріллюенівського розсіювання світла у даних кристалах [127].



Рис. 3.6. Фазова діаграма кристалів $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$. T_0 при x < 0.28 та T_i при x > 0.28 є параелектрчний-сегнетоелектричний та параелектричний-НС ФП другого роду відповідно (штрихова лінія). T_c є НС-сегнетоелектричним ФП першого роду при x > 0.28 (суцільна лінія) [42, 109, 115, 116, 117, 125, 127, 129, 130].

Експерименти з рентгенівської дифракції [109] показали, що при заміщенні атомів у аніонній підґратці є лише один варіант орієнтації хвильового вектора модуляції у НС фазі. Отже, можна припустити, що тільки довжина хвильового вектора залежить від температури, коли напрямок залишається майже константою. Швидкість зниження його значення при охолодженні збільшується при наближенні до ТЛ (рис.3.7.) [109]. Таким чином, вектор модуляції на лінії $T_i(x)$ змінюється як $q_i^2 \sim (x - x_{LP})$ (рис. 3.8). Така поведінка добре узгоджується з поведінкою, яка передбачається для моделі у наближенні середнього поля при близькості до ТЛ [134].



Рис. 3.7. Температурна поведінка хвильового вектора модуляції в кристалах $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ в HC фазі [109].



Рис. 3.8. Концентраційні залежності хвильового числа (1) та температурної ширини НС фази (2) в кристалах $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ [109].

Дослідження температурної залежності поздовжньої швидкості гіперзвуку за допомогою спектроскопії Мандельштам-Бріллюена в [129] для кристалів $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ у напрямку [001] наведені на рис. 3.9. Для x = 0.22, аномалія поздовжньої швидкості гіперзвуку має найчіткішу форму та досягає мінімального значення близько 3100 м/с (рис. 3.9 (г)). Для кристалу із 30% селену, аномалія швидкості гіперзвуку стає мілкішою через температурний гістерезис НС фази та переходу першого роду.



Рис. 3.9. Температурна залежність поздовжньої швидкості гіперзвуку для кристалів $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$: (а) x = 0, (б) x = 0.10, (в) x = 0.15, (г) x = 0.22, (г) x = 0.28, (д) x = 0.30 [129].

Рис. 3.10 (а) демонструє концентраційну поведінку швидкості гіперзвуку в параелектричній фазі, яка була визначена згідно з даними, отриманими на рис. 3.9. Мінімальне значення швидкості мав зразок із концентрацією $x_{LP} = 0.28$.



Рис. 3.10. Температурна залежність: (а) - концентраційної поведінки швидкості гіперзвуку в параелектричній фазі; (б) – поздовжня швидкість ультразвуку у кристалі Sn₂P₂(Se_{0.4}S_{0.6})₆ [129].

Дані швидкості ультразвуку у кристалі Sn₂P₂(Se_{0.4}S_{0.6})₆ (рис. 3.10 (б)) вказують на наявність температурного гістерезису ~ 0.3 К в режимі охолодження/нагрівання [129]. Цей гістерезис можна порівняти з температурним інтервалом НС фази для даного складу.



Рис. 3.11. Температурні залежності діелектричної сприйнятливості для кристалів $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ у режимі нагрівання/охолодження зі швидкістю 0.005 К/хв: (а) x = 0; (б) x = 0.22; (в) x = 0.28; (г) x = 0.4; (д) x = 1 [129].

У тій самій роботі [129] автори вивчали діелектричні властивості у кристалах $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$. У цих дослідженях встановлено, що у випадку кристала $Sn_2P_2Se_6$ чітко видні два ФП ($T_c \sim 195$ К та $T_i \sim 223$ К) із НС фазою шириною $T_i - T_c \sim 28$ К (рис. 3.11 (г)), та наявність НС фази шириною ~ 0.6 К для $Sn_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$ (рис. 3.11 (г)), коли для інших концентрацій спостерігався тільки один ФП (рис.3.11 (а, б, в)).

3.1.2. Фазова діаграма (Pb_ySn_{1-y})₂P₂S₆

Розглянемо фазову діаграму фосфорвмісних халькогенідних сегнетоелектричних кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂S₆. Температурні залежності ФП від концентрації, отримані з діелектричних [114] та калориметричних [135] вимірювань.



Рис. 3.12. Фазова діаграма кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂ P_2S_6 . Для складів з y = 0.27, 0.61 та 0.66 показані положення діелектричних аномалій. Червоні кружки – дані з діелектричних досліджень [114], сині зірочки – дані по вимірюванню теплової дифузії [135].

Діелектричні вимірювання, проведені Рущанським та співавторами [19] для кристалів: *y* = 0, 0.1, 0.2, 0.3, та 0.45 (рис. 3.13) показали, що для концентрації свинцю *y* = 0.2 може проявлятися явище кросоверу, коли сегнетоелектричний ФП змінює свій характер на перший рід (поява трикритичної точки (ТКТ)), і при y > 0.2 може мати місце деяке співіснування фаз, яке можна побачити із трансформації низькочастотних температурних аномалій діелектричної сприйнятливості (рис.3.13 (а)). Для зразку із y = 0.3, аномалій кривих діелектричної сприйнятливості стають ширшими і мають чіткий температурний гістерезис.

Температурні аномалії у сегнетоелектричній фазі для цих складів дещо розмиваються. Для y = 0.45 діелектричні втрати мають найвище значення в околі ФП, її температурна залежність має форму майже симетричного максимуму (рис. 3.13 (б) крива 5). Також при охолодженні/нагріванні видно чіткий температурний гістерезис, що може свідчити про ФП першого роду [19].



Рис. 3.13. (а) – температурна залежність дійсної частини діелектричної сприйнятливості при 10⁴ Гц при охолодженні (сині криві) та нагріванні (червоні), (б) – обернена дійсна частина діелектричної сприйнятливості при охолодженні для кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂S₆. (1) – 0; (2) – 0,1; (3) – 0.2; (4) – 0.3 та (5) – 0.45 [19].

Дані дослідження ультразвуку, отримані з тієї ж роботи [19] свідчать про те, що із 30% свинцю форма аномалії суттєво відрізняється (рис. 3.14). Така аномалія може бути пояснена наступним чином: для $y = 0.3 \ \Phi \Pi$ першого роду вже досягнутий і внаслідок співіснування фаз аномалія набуває складнішої форми [19].



Рис. 3.14. Температурна залежність швидкості ультразвуку (а) та ультразвукові затухання (б) при охолодженні (синя крива) та нагріванні (червона пунктирна лінія) для кристалу (Pb₃₀Sn₇₀)₂P₂S₆ [19].

3.1.3. Фазова діаграма кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂Se₆

Дані зі світлопропускання [105] та з калориметричних досліджень [118, 136] зібрані на рисунку 3.15.



Рис. 3.15. Фазова діаграма для твердих розчинів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂Se₆. Кружки відповідають [105], квадрати - [118] та зірочки - [136].

Як зазначалось у попередньому підрозділі, кристал $Sn_2P_2Se_6$ має два ФП з модульованою НС фазою між ними, шириною близько 28 К. Подальша заміна олова свинцем збільшує ширину цієї фази до 65 К при y = 0.3 [105]. Поряд із цим, зі збільшенням концентрації свинцю температура ФП зменшується. Таке

зменшення може бути пояснене наступним чином: іонний радіус іонів Pb^{2+} є більшим за Sn^{2+} , а отже збільшення кількості свинцю збільшує простір для олова. В результаті, рух олова стає легшим, і його іони можуть рухатись з меншою тепловою енергією, що у свою чергу веде до зменшення температури ФП [118]. Подальше збільшення концентрації свинцю розмиває неперервний перехід. У кристалі $Pb_2P_2Se_6$ ФП повністю відсутній [136].

3.1.4. Трикритична точка та трикритична точка Ліфшиця

У попередніх підрозділах ми розглядали фазову діаграму кристалів $(Pb_{v}Sn_{1-v})_{2}P_{2}(Se_{x}S_{1-x})_{6}$, використовуючи у якості змінної концентрацію (*x* або *y*). Таким чином, ми можемо виділити три різні фази, обмежені лініями ФП першого та другого родів, а також наявність точки Ліфшиця. У цьому підрозділі ми розглянемо можливість появи трикритичної точки (ТКТ) та трикритичної точки Ліфшиця (ТКТЛ) у кристалах Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ із додаванням нової змінної тиску р. Добре відомо, що кристали сімейства Sn₂P₂S₆ – одновісні сегнетоелектрики із наявним триямним потенціалом для флуктуацій спонтанної поляризації [97]. Термодинаміка такої системи повинна розглядатись в рамках моделі Блюме-Емері-Гріффітса (БЕГ), яка грає визначальну роль при розробці теорії мультикритичних точок, де псевдоспін може мати три різні значення $S_i =$ 0, +1 та –1 [137]. Іншою характерною ознакою моделі БЕГ є можливість появи ТКТ на діаграмі станів, у якій відбувається зміна роду переходу, тобто ФП другого роду змінюється на ФП першого роду. Як відомо із роботи [42], заміна сірки на селен спричиняє появу дефектів типу випадкове поле, але їхній вплив не відіграє суттєвої ролі, тому що вони не спричиняють якого-небуть розмиття критичної аномалії. Проте, для правильного опису моделі БЕГ із впливом таких дефектів є необхідним доповнити її моделлю ANNNI (axial-next-nearestneighbor-Ising), яка на відміну від моделі БЕГ, враховує також особливості міжкоміркових взаємодій [19]. Така комбінація припускає існування ТКТ, а також проміжної НС фази на фазовій діаграмі $Sn_2P_2(Se_{1-x}S_x)_6$ при $x > x_{LP}[19]$. На відміну від $Sn_2P_2(Se_{1-x}S_x)_6$, введення свинцю у катіонну підгратку у твердих
розчинах (Pb_ySn_{1-y})₂ $P_2S(Se)_6$ істотно видозмінює загальну гібридизацію електронних орбіталей, яка викликає, у свою чергу, появу сильних дефектів типу випадкове поле. Для таких випадків необхідно застосовувати БЕГ модель із врахуванням таких дефектів [138].

Декілька робіт [19, 139, 140] присвячено пошуку ТКТ у кристалах $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$. Рентгенівські дослідження у кристалі $Sn_2P_2S_6$ при стисненні виявили аномальну точку із координатами $T \approx 296$ К при $p \approx 0.18$ ГПа, яку автори інтерпретували як можливу ТКТ [139]. У роботі [140] встановлено, що для Sn₂P₂S₆, ТКТ досягається при $T_{TCP} \approx 220$ K, $p_{TCP} \approx 0.6$ ГПа. При лінійній екстраполяції ТКТ досягала 0 К при тиску близько 1.5 ГПа (рис. 3.16) [140]. Для $(Pb_{\nu}Sn_{1-\nu})_{2}P_{2}S_{6}$ параелектрична фаза стає стабільною біля 0 К при $x \sim 0.7$ [2]. залежностей Порівняння баричних концентраційних показує, та ЩО стабільність параелектричного стану у кристалі Pb₂P₂S₆ можна порівнювати з поведінкою кристала $Sn_2P_2S_6$ під тиском у 2.2 ГПа [140].



Рис. 3.16. Фазова діаграма температура-тиск для кристала $Sn_2P_2S_6$ та фазова діаграма температура-склад для $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2S_6$ [140]. ТКТ розташовується близько 220 К для $p \approx 0.6$ ГПа [140] або для концентрації $y \approx 0.3$ [2].

Щодо можливої наявності ТКТЛ на діаграмі станів, як видно з рис. 3.17, її

появу можна досягти при T = 225 К і p = 0.28 ГПа для ($Pb_{0.12}Sn_{0.88}$)₂ $P_2(Se_yS_{1-y})_6$, а також при T = 295 К і за атмосферного тиску у кристалі ($Pb_{0.12}Sn_{0.88}$) P_2S_6 [141].

У роботі [142], експериментально знайдена ТКТЛ у кристалі ($Pb_{0.05}Sn_{0.95}$) $P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$ при $T_c = 259.12$ К зі значенням критичного індексу α = 0.638, яка цілком задовольняє передбачення для моделі БЕГ із врахуванням дефектів типу «випадкове поле» для систем з локальним трьохямним потенціалом для флуктуацій параметру порядку.

Також особливу увагу необхідно приділити дослідженням оптичного двопроменезаломлення для кристалів $Sn_2P_2S_6$ та $Sn_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$ під високим гідростатичним стисненням [143]. Для $Sn_2P_2S_6$, показано, що значення критичного індексу β поступово зменшується до 0.25 ± 0.01 в області тисків 4.1 – 4.5 кбар (рис. 3.18 (а)). Це відповідає термодинамічним умовам трикритичності. Критичний індекс досягає значення, меншого за 0.25 при ~ 4.5 кбар. Очевидно, що при вищому тиску значення повинні відповідати термодинамічним умовам, при яких відбувається ФП першого роду.



Рис. 3.17. Концентраційна і барична «термодинамічна траєкторія» у площині δ - β для (Pb_ySn_{1-y})₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ [141].

Для $Sn_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$ (рис.3.18 (б)) значення критичного індексу β також

зменшується зі збільшенням тиску і стає меншим за 0.25. Це може бути зумовлено розщепленням параелектричного-сегнетоелектричного ФП [143]. Отже, згідно з цими результатами можна прийти до висновку, що точка $p \sim 2.5$ кбар відповідає термодинамічній координаті, при якій сегнетоелектричний-параелектричний ФП першого роду розщепляється на два переходи: параелектричний-НС другого роду та НС-сегнетоелектричний першого роду.



Рис. 3.18. Залежність критичного індексу β від гідростатичного стиснення для Sn₂P₂S₆ (а) та Sn₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆ (б). На вставці показана залежність критичної температури від стиснення [143].

3.2. Класична та сучасна теорії фазових переходів для сегнетоелектриків

Для того, щоб краще розуміти фізичну природу сегнетоелектриків, необхідним є вивчення фазових переходів у них. Зусиллями багатьох вчених була розроблена феноменологічна теорія сегнетоелектричності [144, 145, 146, 147, 148, 149, 150, 151, 152, 153, 154]. Найбільшої уваги заслуговує феноменологічна теорія фазових переходів Ландау [144, 145, 146, 147]. Ландау був першим, хто ввів поняття параметру порядку η , яке якісно характеризує перехід, що виникає з порушення симетрії. $\eta = 0$ вище критичної температури (температура, при якій має місце ФП) і $\eta \neq 0$ нижче. При ФП першого роду параметр порядку змінюється стрибкоподібно, тоді як при ФП другого роду – неперервно. У таких переходах, на відміну від ФП першого роду відсутній температурний гістерезис при зміні фізичних величин.

Розглянемо однокомпонентний параметр порядку і термодинамічний

потенціал в околі фазового переходу для ізотропного середовища або кристала із кубічною симетрією для нього. Його можна представити у вигляді ряду Тейлора [100]

$$\phi = \phi_0 + \frac{A}{2}P^2 + \frac{B}{4}P^4 + \frac{C}{6}P^6 + \dots + \frac{\delta}{2}(\vec{\nabla}P)^2 + \frac{g}{2}(\vec{\nabla}P)^2 + \lambda P^2(\vec{\nabla}P)^2 + \dots, \quad (3.1)$$

де ϕ_0 - густина вільної енергії у парафазі.

Густина термодинамічного потенціалу для одновісних сегнетоелектриків Sn₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ може бути записана у наступній формі [155]:

$$\phi = \phi_0 + \frac{\alpha}{2}P^2 + \frac{\beta}{4}P^4 + \frac{\gamma}{6}P^6, \qquad (3.2)$$

де $\alpha = \chi(T - T_c), \chi$ – пов'язана із константою Кюрі-Вейса, T_c – температура ФП (критична температура), β та γ – феноменологічні коефіцієнти, які не залежать від температури та є додатними (від'ємна β вказує на ФП першого роду). Конкретні значення деяких феноменологічних коефіцієнтів описуватимуть окремі ФП. Наприклад, для трикритичної точки (ТКТ) $\alpha = 0$ та $\beta = 0$, а для точки Ліфшиця (ТЛ) – $\alpha = 0$ та $\gamma = 0$. Класична теорія також включає можливість прив'язувати до параметра порядку і деякі інші величини, як-от деформація, що є корисним у випадку досліджень одновісних сегнетоелектриків [155]

$$\phi = \phi_0 + \frac{\alpha}{2}P^2 + \frac{\beta}{4}P^4 + \frac{\gamma}{6}P^6 + \frac{1}{2}c_{ijkl}u_{ij}^2 + r_{ijkl}u_{ij}P^2$$
(3.3)

де c_{ijkl} – матриця пружних модулів, u_{ij} – тензор деформації, r_{ijkl} – коефіцієнт електрострикції, члени інших порядків можна не брати до уваги. Рівняння 3.3 є скороченою версією потенціалу Ландау-Халатнікова, який включає у себе ще більшу кількість компонент [147, 155].

Для того, щоб отримати вимірювану величину, таку як питома теплоємність, необхідно, щоб вільна енергія була мінімізована по відношенню до параметру порядку, щоб отримати рівноважне значення параметра порядку в сегнетоелектричній фазі. Таким чином, з урахуванням рівняння 3.3 ізобарна теплоємність кристала при *T* < *T_c* може бути знайдена як [155]

$$C_{p} = -T \left(\frac{\partial^{2} \phi}{\partial T^{2}} \right)_{p} = C_{p}^{0} + \frac{\alpha^{2}}{2\beta'} \frac{T}{\sqrt{1 - 4A\tau}}, \qquad (3.4)$$

де C_p^0 – теплоємність вище точки Кюрі, $\tau = \frac{T - T_c}{T_c}$ – приведена температура.

$$\beta' = \beta - \frac{2r_{ijkl}}{c_{ijkl}^2} \text{ ra } A = \frac{\gamma\alpha}{\beta'^2}.$$
(3.5)

Отже, аномальна частина теплоємності має наступну форму:

$$\Delta C_p = \frac{\alpha^2}{2\beta'} \frac{T}{\sqrt{1 - 4A\tau}}.$$
(3.6)

Однак, такий підхід на жаль не може застосовуватись до більшості матеріалів, оскільки, коли у реальній фізичній системі τ прямує до нуля, починають з'являтися флуктуації параметру порядку, які при зменшенні τ стають дедалі сильнішими, стаючи домінантними при переході. Це не передбачається класичною теорією Ландау, де встановлено, що параметр порядку залишається однорідним по всьому матеріалу [145, 146].

Феноменологічна теорія Ландау застосовується в області приведених температур, де може бути використана перша флуктуаційна поправка, в рамках якої повинен бути розроблений новий підхід. Такий критерій для застосовності теорії Ландау часто називається критерієм Гінзбурга E_{LG} [150]. Також, необхідно взяти до уваги той факт, що така область не може бути більшою за кореляційну довжину ζ яка показує наскільки далеко флуктуації параметра порядку відчуваються у матеріалі, або іншими словами, розмір таких флуктуацій. Тому, E_{LG} може бути визначений як [150]

$$E_{LG} = \frac{\left| \int_{V} d^{d} r G(r) \right|}{\int_{V} d^{d} r \eta(r)^{2}},$$
(3.7)

де $V = \zeta(T)^d$ – об'єм кореляцій, G(r) – двоточкова кореляційна функція, d – розмірність системи (d = 1, 2, 3, 4, ...), та $\eta(r)$ враховує, що параметр порядку може змінюватися в просторі $\eta = \eta(r)$.

Деякі теоретичні роботи [100, 151] були направлені на розширення теорії Ландау, включаючи врахування першої флуктуаційної поправки. Тоді залежність аномальної частини питомої теплоємності, можна описати як

$$\Delta c_p \sim \tau^{-1/2}. \tag{3.8}$$

Але для більшості сегнетоелектриків такий підхід взагалі застосувати не можна. Що стосується одновісних сегнетоелектричних матеріалів, просторовонеоднорідний розподіл поляризації тісно пов'язаний з появою макроскопічного електричного поля, яке може впливати на флуктуації [100]. Дійсно, наявність диполь-дипольної взаємодії може сильно змінювати флуктуаційні ефекти, аномалія питомої теплоємності при цьому набуває наступної поведінки [100, 151]

$$\Delta c_p \sim \ln \tau \,. \tag{3.9}$$

Врахування такої логарифмічної поправки до класичної теорії Ландау виявилось надзвичайно успішним для різних одновісних сегнетоелектриків. Також є можливим використання комбінації рівнянь 3.8 та 3.9 коли загасання флуктуацій досить малі, і необхідно врахувати тільки невелику логарифмічну корекцію

$$\Delta c_p \sim \tau^{-1/2} \left| \ln \tau \right|^b \tag{3.10}$$

 $3 \frac{1}{10} < b < \frac{1}{3}$ [156].

Дефекти також можуть мати важливий вплив на сегнетоелектричні фазові переходи, що підтверджено в роботі [155]. Загалом, дефекти розмивають аномалії, але в [158, 159, 160] встановлено, що у сегнетоелектриках наявність заряджених дефектів може призвести до сильніших аномалій, оскільки вони можуть викликати далекодіючі збурення параметра порядку. При врахуванні цих чинників аномалія теплоємності матиме вигляд

$$\Delta c_p \sim \tau^{-3/2} \,. \tag{3.11}$$

Навіть з урахуванням різноманітних поправок при дослідженні магнітних та деяких сегнетоелектричних матеріалів, класична теорія Ландау не працює належним чином, вона описує лише універсальну поведінку системи. Таким чином, з'явилась необхідність розробки сучасної теорії критичної поведінки, яка реалізує нові ідеї та встановлює нові підходи.

Аналіз масштабування (скейлінг аналіз) в рамках теорії ренормгрупи передбачає, що критична поведінка аномалій у безпосередньому околі ФП другого роду характеризується набором критичних індексів, пов'язаних з різними фізичними властивостями із взаємопов'язаними значеннями [161]. Теорія ренормгрупи є ефективною при вивченні матеріалів, у яких наявні ФП другого роду та володіє наступними перевагами [162]:

- пояснює різноманітність функціональної залежності між фізичними величинами у критичних точках і поблизу них;

- пояснює значення основних термодинамічних та кореляційних показників;

-з'ясовує, чому і як класичні значення критичних показників не відповідають експериментальними даним;

- дає розуміння розподілу універсальності та масштабування.

У критичній області теплоємність часто являє собою аномалію, яка описується законом

$$c_p \sim A^{\pm} \left| \tau \right|^{-\alpha}, \tag{3.12}$$

де τ - приведена температура, A^+ та A^- – критичні амплітуди вище і нижче T_c відповідно. Критичні амплітуди A^+ та A^- є неуніверсальними, але їхнє безрозмірне співвідношення є універсальним.

Проте не тільки теплоємність дозволяє вивчати критичну поведінку ФП другого роду. Наприклад, для магнітних систем, спонтанна намагнічуваність (M_s) , обернена магнітна сприйнятливість (χ_0^{-1}) та критичні ізотерми (M(H) при $T = T_c)$ задовольняють аналогічним рівнянням з різними критичними індексами:

$$M_{s}(T) \sim |\tau|^{\beta}, \ (T < T_{c}),$$
 (3.13)

$$\chi_0^{-1} \sim |\tau|^{\gamma}, \ (T > T_c),$$
 (3.14)

$$M(H) \sim H^{\frac{1}{\delta}}, \ (T = T_c).$$
 (3.15)

Взаємозв'язок між критичними індексами описується такими співвідношеннями [100]

$$\alpha + 2\beta + \gamma = 2, \tag{3.16}$$

$$\delta = 1 + \gamma/\beta. \tag{3.17}$$

Різні набори критичних індексів відповідають різним теоретичним моделям, так званим "класам універсальності", які були теоретично розроблені для окремого виразу гамільтоніана, який описує фізичну систему. Теорія ренормгрупи передбачає певні значення критичних індексів [163, 164, 165]. Конкретні значення критичних експонент та співвідношення критичних амплітуд наведені у таблиці 3.2.

Таблиця 3.2.

Клас універсальності	α	β	γ	б	$\frac{A^+}{A^-}$	Область взаємодії
Наближення	0	0 0.5	1.0	3.0	_	дальнього
середнього поля						порядку
3D-Ізинг	0.11	0.33	1.24	4.76	0.53	короткого
						порядку
3D-XY	-0.014	0.34	1.30	4.82	1.06	короткого
						порядку
3D-Гейзенберг	-0.134	0.36	1.39	4.86	1.52	короткого
						порядку

Основні класи універсальності для магнітних систем [163, 164, 165]

Багато наукових праць присвячені вивченню класів універсальності [166, 167, 168, 169, 170, 171, 172, 173, 174, 175, 176, 177]. Зокрема, для сегнетоелектричних кристалів були теоретично отримані класи універсальності, які можуть виникати в залежності від властивостей гамільтоніана, що

використовуються для опису системи, і як наслідок фізичних механізмів, що входять у нього [138, 166, 168, 178, 179, 180, 181]. Крім питомої теплоємності, еквівалентними величинами для вивчення їх критичної поведінки є спонтанна поляризація P_s (3.18) та обернена діелектрична сприйнятливість χ^{-1} (3.19).

Між значеннями цих критичних показників існує співвідношення, встановлене теорією масштабування, яке називається законом масштабування Рашбрука і має форму (3.16) та (3.17). Значення класів універсальності, знайдені для сегнетоелектричних систем, наведені в таблиці 3.3 [167, 179, 180, 181].

$$P_s(T) \sim \tau^{\beta}, \ (T < T_c),$$
 (3.18)

$$\chi^{-1} \sim |\tau|^{\gamma}, \ (T > T_c),$$
 (3.19)

Значення співвідношення критичних амплітуд $\frac{A^+}{A^-}$ для теплоємності не наведені, тому що у цьому випадку дуже важко передбачити їхні значення в рамках теорії ренормгрупи. Проте, аналіз критичних амплітуд у роботі [182] виявив, що для класу універсальності L (m = 1) у першому наближенні, значення $\frac{A^+}{A^-} = 0.3$ і зростає до 0.35 у другому наближенні. З іншої сторони, при наближенні Гауса (наближення Гауса допускає флуктуації навколо просторово однорідного середнього поля, але припускає, по суті, що флуктуації розподілені нормально по рівномірному середньому полі; у цьому наближенні флуктуації виявляються невзаємодіючими, тобто незалежними випадковими величинами [162]), у ТЛ з далекодіючими взаємодіями це значення становить 0.25, яке зростає до 0.42, якщо цією взаємодією знехтувати [182].

Варто відзначити, що значення критичних показників у певному класі універсальності іноді досить суттєво різняться між собою в залежності від конкретних математичних методів, які використовуються для їх отримання. Наприклад, деякі автори отримали значення для критичних індексів значно нижчі за значення, наведені у таблиці 3.3 [183, 184].

Таблиця 3.3.

Значення критичних індексів для сетнетоелектричних систем. S – звичайна критична точка, ізотропні взаємодії з малим радіусом дії, U – з одновісною дипольною взаємодією, T – трикритична точка, L – точка Ліфшиця. Критичні індекси помічені зірочкою * враховують логарифмічну поправку з показником *x*; m – це число компонент параметра порядку [167, 179, 180, 181]

	Клас універсальності						
	Наближення середнього поля	S	U	Т	UT	L, m=1	L, m=2
α	0	$\frac{1}{6}$	0*	$\frac{1}{2}*$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{3}$
ß	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}*$	$\frac{1}{4}*$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{6}$
Y	1	$1\frac{1}{6}$	1*	1*	1	$1\frac{1}{4}$	$1\frac{1}{3}$
x	-	-	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{3}$	-	-	-
	L, m=3	LT,	LT,	UL,	UL,	ULT,	ULT,
		m=1	m=2	m=1	m=2	m=1	m=2
α	$\frac{5}{12}$	$\frac{9}{14}$	$\frac{31}{40}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}*$	$\frac{19}{48}$
ß	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{3}{80}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}*$	$\frac{13}{48}$
Y	$1\frac{5}{12}$	$1\frac{1}{28}$	$1\frac{3}{40}$	$1\frac{1}{6}$	$1\frac{1}{4}$	1*	$1\frac{1}{16}$
x	-	-	-			$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{8}$

Також варто зазначити, що при застосуванні сучасної теорії критичної поведінки, повністю беручи до уваги внесок флуктуацій аж до $\tau \to 0$, обидві гілки

аномалії теплоємності (параелектрична та сегнетоелектрична) повинні підганятись рівнянням:

$$c_{p} = B + C\tau + A^{\pm} \left| \tau \right|^{-\alpha} \left(1 + E^{\pm} \left| \tau \right|^{0.5} \right),$$
(3.20)

де α , A^{\pm} , B, C та E^{\pm} - регульовані параметри. Надрядкові знаки ⁺ та ⁻ для областей $T > T_c$ та $T < T_c$ відповідно. Лінійний член вказує на фоновий внесок у теплоємність, коли останній являє собою аномальний внесок у ФП другого роду. Вираз у круглих дужках являє собою поправку масштабування, конфлюентний член якої входить до степеневого розподілу, як відомо з теорії та експериментів [185, 186], але значення якої повинно бути досить малим і інколи може не братись до уваги. Також, відповідно до законів масштабування, як і критичний індекс α , параметр B повинен бути однаковим для обох віток ФП [187].

3.3. Критичні аномалії теплової дифузії у халькогенідах (Pb_ySn_{1-y})₂P₂(Se_xS_{1-x})₆. Трикритична точка на фазовій діаграмі зі збільшенням концентрації свинцю

У цьому підрозділі приведено результати досліджень температурної залежності теплової дифузії у кристалах $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ із введенням свинцю у катіонну підґратку, а також проведено аналіз критичної поведінки аномалій при ФП для дослідження теплових властивостей у широкому діапазоні температур.

Монокристали (Pb_ySn_{1-y})₂P₂(Se_xS_{1-x})₆, вирощені методом газотранспортних реакцій з номінальною концентрацією y = 0.1, 0.2, 0.3 для (Pb_ySn_{1-y})₂P₂(Se_{0.2}S_{0.8})₆ та (Pb_{0.05}Sn_{0.95})₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ з x = 0.4, 0.5. Для проведення експерименту із кристалів були підготовлені плоскопаралельні пластинки, товщиною 500-600 мкм, поверхні яких перпендикулярні до кристалографічного напрямку [100] [3]. Фотопіроелектрична калориметрія (ФПЕК) у конфігурації зворотного детектування була використана для вимірювання теплової дифузії. Теплова дифузія вимірювалась у напрямку, перпендикулярному до поверхні зразка, тобто у напрямку [100]. На кривих теплової дифузії фазові переходи мають форму впадин, а їхня точна форма забезпечується контрольованою неперервною Для випадку неперервних ФП, аналіз критичної поведінки проводився на інверсних кривих теплової дифузії, поведінка якої така ж як і у питомої теплоємності c_p , оскільки теплопровідність κ у даному сімействі сегнетоелектриків не має сингулярності при ФП [42, 125, 188], і може бути знайдена, як

$$\frac{1}{D} = \frac{\rho c_p}{\kappa},\tag{3.21}$$

де ρ – густина.

Отже, рівняння, яке використовується для опису експериментальних кривих оберненої теплової дифузії при ФП другого роду, має таку ж математичну форму, як і рівняння 3.20

$$\frac{1}{D} = B + C\tau + A^{\pm} \left| \tau \right|^{-\alpha} \left(1 + E^{\pm} \left| \tau \right|^{0.5} \right).$$
(3.22)

Низькі значення теплової дифузії у кристалах (Pb_ySn_{1-y})₂P₂(Se_{0.2}S_{0.8})₆ при кімнатній температурі (295 K) підтверджує той факт, що такі сегнетоелектрики є поганими теплопровідними матеріалами, де тепло в основному транспортується фононами.



Рис. 3.19. Залежність теплової дифузії для (Pb_ySn_{1-y})₂P₂(Se_{0.2}S_{0.8})₆ твердих розчинів вздовж кристалографічного напрямку [100] від

концентрації свинцю при T = 295 К. Дані для y = 0 взяті з [42].

Незначне заміщення олова свинцем збільшує теплову дифузію з 0.187 до 0.311 мм²/с при 20% свинцю, а при y = 0.3 - 0.285 мм²/с, що може свідчити про певні флуктуації маси конкретного зразка. Таке зростання може бути пояснене різницею між іонними радіусами іонів Pb²⁺ та Sn²⁺, тобто, більший розмір атомів свинцю впливає на процес розсіювання фононів, а тому вільний пробіг фононів зменшується (рис. 3.19).

На рисунку 3.20 наведені криві теплової дифузії для $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ з y = 0.1, 0.2, 0.3 у близькому околі ФП, включаючи відповідну криву з y = 0 [42] для порівняння (у всіх випадках орієнтація однакова – [100]).



Рис. 3.20. Теплова дифузія як функція температури для (Pb_ySn_{1-y})₂ $P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ з y = 0.1, 0.2, 0.3 в області, де має місце ФП. Дані для y = 0 взяті з [42].

Рисунок 3.21 показує кожен ФП детальніше. З одного боку, як і очікувалось, збільшення концентрації свинцю зсуває сегнетоелектричний ФП до нижчих температур, з $T_c \approx 301$ K для y = 0 до $T_c \approx 275$ K для y = 0.1, до $T_c \approx 211$ K для y = 0.2 та до $T_c \approx 157$ K для y = 0.3, зі значеннями теплової дифузії, які суттєво зростають від y = 0.1 до y = 0.2. Для визначення характеру цих переходів, вимірювання проводилися в режимі нагрівання/охолодження. У випадку

кристалів з y = 0, 0.1, спостерігається неперервний ФП другого роду, коли для y = 0.2, 0.3 – характер змінюється на перший рід, про що свідчить температурний гістерезис. У цих випадках, є різниця у положеннях ФП ($\Delta T = 0.8$ K для y = 0.2, $\Delta T = 0.3$ K для y = 0.3), а форма аномалій відрізняється між собою (добре видно на рис. 3.22).

Результати підгонок для $Sn_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ та $(Pb_{0.1}Sn_{0.9})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ разом з відповідними графіками відносного відхилення (різниця між кожним експериментальним і отриманим у результаті підгонки значенням, поділена на експериментальне значення, у відсотках), наведені на рис.3.23.



Рис. 3.21. Фазові переходи для $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ з y = 0.1, 0.2, 0.3. Дані для y = 0 взяті з [42].



Рис. 3.22. Теплова дифузія при нагріванні/охолодженні при 30 мК/хв для кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂ $P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ з y = 0.2 (а) та 0.3 (б)

Отримані параметри критичних показників α , співвідношення критичних амплітуд $\frac{A^+}{A^-}$ та критичних температур T_c зібрані в таблиці 3.4. У цій таблиці включені області приведених температур τ , а також коефіцієнт кореляції \mathbb{R}^2 , який показує точність підгонки ($\mathbb{R}^2 = 1$ для ідеальної підгонки).

Таблиця 3.4.

Результати підгонок інверсної теплової дифузії 1/D, отриманих з використанням рівняння 3.26. Дані для Sn₂P₂(Se_{0.2}S_{0.8})₆ взяті з [42]

Параметри	Sn ₂ P ₂ (Se _{0.2} S _{0.8}) ₆	$(Pb_{0.1}Sn_{0.9})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$		
α	0.147 ± 0.004	0.085 ± 0.006		
A^+/A^-	0.66	0.92		
<i>T_c</i> , K	300.93	275.68		
<i>т</i> при <i>T_c</i> < <i>T</i>	$8.3^{\times}10^{-3} - 3.1^{\times}10^{-4}$	$5.1^{\times}10^{-2} - 5^{\times}10^{-3}$		
<i>т</i> при <i>T_c</i> > <i>T</i>	$7.6^{\times}10^{-3} - 3^{\times}10^{-5}$	$6.3^{\times}10^{-2} - 5.8^{\times}10^{-4}$		
R ²	0.996	0.998		

Як видно з таблиці 3.4, спостерігається незначна еволюція критичного індексу α , зі значення +0.147 ± 0.004 для y = 0 (яке не відповідає жодному теоретично передбаченому універсальному класу) до +0.085 ± 0.006 для y = 0.1. Тенденція наближення α до нуля при збільшенні концентрації свинцю вказує на те, що модель у наближенні середнього поля є найближчим класом

універсальності. Оскільки з подальшим збільшенням вмісту свинцю у катіонній підгратці (між y = 0.1 та y = 0.2) перехід змінює свій характер з неперервного ФП другого роду на перший, це повинно свідчити про появу трикритичної точки, але значення критичного індексу не наближається ні до відповідної теоретично передбаченої величини $(\frac{1}{2})$ ні до будь-якого іншого класу, наприклад класу Ліфшиця (ТЛ) $(\frac{1}{4})$ чи трикритичного Ліфшиця (ТКТЛ) $(\frac{9}{14})$. Зокрема, як видно з рис. 3.21, перехід стає більш розмитим що є загальною характерною ознакою ФП першого роду.



Рис. 3.23. Результати фітингів для інверсної теплової дифузії для $Sn_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ (a) [42] та $(Pb_{0.1}Sn_{0.9})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ (б). Сірі криві відповідають експериментальним вимірам, неперервні лінії – підгонки, отримані за допомогою рівняння 3.22. Криві відносного відхилення для y = 0 (в) та y = 0.1 (г). Червоні кружки відповідають області $T > T_c$, сині хрестики – для $T < T_c$.

Те, що із концентрацією y = 0.2 перехід стає ФП першого роду (характер зберігається і для y = 0.3) свідчить про те, що, дійсно, як і було передбачено, щойно перехід доходить до 210 - 230 К, з'являється трикритичність [19]. Спробуємо детально проаналізувати теоретично передбачені дані і ті, які були отримані експериментально. Як випливає з першопринципних розрахунків для кристалів Sn₂P₂S₆ [97], спонтанна поляризація визначається трьохямним потенціалом для флуктуацій параметра порядку. Неперервні ФП можуть описуватись як ефект Яна-Теллера, який пов'язаний зі стереоактивністю катіонів Sn²⁺, які розміщуються всередині поліедра іонів сірки [18, 97]. Гібридизація 5s орбіталей олова і 3р орбіталей сірки є головною рушійною силою у механізмі сегнетоелектричності. Як підрозділі появи вже зазначалося у 3.1.4. термодинаміка такого переходу може бути описана за допомогою моделі Блюме-Емері-Гріффітса (БЕГ) [137] з дипольним та квадрупольниим параметрами порядку та трьома можливими значення псевдоспіна: -1, 0, +1.

Найважливішою характеристикою моделі БЕГ є можливість існування трикритичної точки на діаграмі станів [137, 189], а саме зменшуючи температуру ФП за рахунок стиснення або легуванням твердих розчинів, перехід стає ФП першого роду. Дійсно, при стисненні вище 0.6 ГПа і нижче «трикритичної температури» близько 220 - 240 К, сегнетоелектричний перехід у Sn₂P₂S₆ еволюціонує у ФП першого роду [139, 190]. Також при заміні олова свинцем у змішаних кристалах ($Pb_v Sn_{1-v}$)₂ $P_2 S_6$, для y > 0.3 і нижче 220 К виникає гістерезис, який пов'язаний 3 параелектричним та сегнетоелектричним фазовим співіснуванням і який свідчить про переривчастий (дискретний) характер ФП [19]. Для твердих розчинів Sn₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ також була передбачена віртуальна трикритична точка (всередині неспівмірної фази) при $y \approx 0.6$ і $T \approx 240$ К [124, 191].

Спостережене положення ТКТ при однаковому температурному рівні для різних механічних і хімічних впливах (стиснення $Sn_2P_2S_6$ при заміні сірки на селен і олова на свинець) може бути пояснене наступним чином. При заміні сірки на селен, міжграткова взаємодія стає слабшою, і в результаті сильнішої ковалентності хімічних зв'язків [192, 193], але стереоактивність катіонів Sn²⁺ зменшується, яка у свою чергу зменшує глибину ями в триямному локальному потенціалі. Внаслідок цього, при майже не незмінній міжгратковій взаємодії, температура ФП другого роду опускається нижче «трикритичної температури» і на діаграмі температура – тиск з'являється лінія ФП першого роду.

При заміні олова на свинець, підгратка, або швидше сильно стереоактивні катіони Sn^{2+} розріджуються слабко стереоактивними катіонами Pb^{2+} , які також мають більший іонний радіус. Відносно мала стереоактивність катіонів свинцю раніше була знайдена згідно з GGA розрахунками [140] – різниця між енергією орбіталей S *3p* і енергіями орбіталей Sn *5s* або Pb *6s* зростає на ~ 1 еВ при переході від Sn₂P₂S₆ до Pb₂P₂S₆. На додачу до ефекта розрідження, іонність хімічних зв'язків Sn–S зростає [192, 193] і стереоактивність катіонів Sn²⁺ зменшується. Комбінований вплив на міжграткову взаємодію стає сильнішим і зменшення стереоактивності двох катіонних підґраток визначає зменшення температури сегнетоелектричного ФП другого роду до вищезгаданої «трикритичної температури».

При ґратковому стисненні чистого Sn₂P₂S₆, спостережувана фазова діаграма температура – тиск може бути пов'язана з фазовою діаграмою, передбаченою моделлю БЕГ [137, 189]. При заміні сірки на селен можуть виникати дефекти типу «випадкове поле», але їхній вплив дещо згладжений: у змішаних кристалах $Sn_2P_2(Se_vS_{1-v})_6$ відсутнє розмиття критичних аномалій при ФП [42]. У випадку заміни олова свинцем з'являються сильні ефекти випадкового поля внаслідок гібридизації різних електронних орбіталей навколо катіонів Sn²⁺ і Pb²⁺. Така ситуація порівнянням складна може бути описана експериментально побудованої Т – у діаграми з діаграмою, передбаченою для моделі БЕГ із врахуванням таких дефектів [138]. У такій моделі частина колишньої лінії ФП першого роду (в ідеальній системі – трохи нижче ТКТ) стає хаотичноіндукованою лінією неперервного переходу. Проте, з подальшим зсувом точки ФП вниз до нижчих температур виявлено чітку природу ФП першого роду.

Повертаючись до отриманих результатів нашої роботи, той факт, що значення критичного індексу наближається до моделі середнього поля натомість трикритичного класу універсальності пов'язане з випадковостями у системі, провокуючи зникнення ТКТ, коли при пониженні температури переходу виявляється природа ФП першого роду. Згідно з експериментальними результатами та підгонками це саме трапляється у випадку (Pb_ySn₁. y)₂P₂(Se_{0.2}S_{0.8})₆, де такі дефекти викликають розмиття переходу, а також тенденцію наближення до моделі середнього поля натомість наближення до класу трикритичності. Оскільки температура ФП знижується і для y = 0.2 та 0.3 – характер ФП першого роду є очевидним.

3.24 наведені криві дифузії Ha рисунку теплової для зразків $(Pb_{0.05}Sn_{0.95})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ із концентрацією селену x = 0.4, 0.5, вищою ніж та, яка відповідає точці Ліфшиця. Вимірювання проводились В режимі нагрівання/охолодження з різними температурними швидкостями (50 – 10 мК/хв) для того, щоб визначити характер ФП. Температурний гістерезис для даних складів показаний на рисунку 3.25.



Рис. 3.24. Теплова дифузія як функція температури для $(Pb_{0.05}Sn_{0.95})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ з x = 0.4 (а) та 0.5 (б).

Згідно з фазовою діаграмою (рис. 3.4), у зразках, які не містять свинець, повинні бути два переходи (неперервний від параелектричної фази до неспівмірної (НС) фази та з НС до сегнетоелектричної фази, першого роду). З роботи по вивченню критичної поведінки теплової дифузії для сегнетоелектричних кристалів $Sn_2P_2(S_{1-x}Se_x)_6$ [42], видно, що переходи розділені не чітко. Зокрема, для кристалу $Sn_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$ (рис. 3.25 (a)) форма переходу є різкою та вузькою, де два переходи накладаються один на інший. При збільшенні концентрації свинцю перехід, який виникає, зміщується до нижчої температури (приблизно на 20 K), а сама аномалія стає набагато ширшою, більш розмитою, з чіткою структурою та гістерезисом (рис. 3.25 (б)). Тут спостерігається деякий перегин при температурі близько 237 K, що може свідчити про наявність трьох фаз.



У випадку x = 0.5 (рис. 3.25 (в)) температура переходу стає ще нижчою (близько 20 К) і розділення стає ще чіткішим. Це означає, що ефект від збільшення вмісту свинцю полягає у зниженні критичної температури та чіткішому розділенні двох переходів, яке також призводить до деякого розмиття самої аномалії. Отже. наявності свинию при всіх випадках y сегнетоелектричність гальмується. Фізичний механізм, який відповідає за таку поведінку, полягає в тому, що свинець послаблює стереоактивність неподіленої електронної пари у кристалах, перешкоджаючи гібридизації електронних орбіталей *s-p* (*s* для свинцю або олова, *p* для сірки або селену), що активує утворення пар Sn^{2+} 5s². Як було вже сказано, тут є більша різниця між Pb 6s і S (Se) *p*-станами, ніж різниця між Sn 5s і S (Se) *p*-станами. Крім того, збільшення

концентрації свинцю призводить до появи випадковостей поля в системі, які починають розмивати перехід, як це було у випадку $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$. Очевидно, що також було б бажано вивчити еволюцію ФП у кристалах із ще вищим вмістом свинцю: $Sn_2P_2(Se_{0.4}S_{0.6})_6$ та $Sn_2P_2(Se_{0.5}S_{0.5})_6$, але на жаль було неможливо отримати якісні монокристали цієї концентрації.

Ці результати доповнюють раніше опубліковані роботи про вплив домішок германію та свинцю на точку Ліфшиця, яка існує для $Sn_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$ [142]. Обидва іони впливають на стереоактивність сполук, оскільки температура переходу відповідно збільшується (Ge) або зменшується (Pb), але тільки свинець провокує значну зміну властивостей переходів у сегнетоелектрику. Також у роботі [142] встановлено, що додавання 5% свинцю змінило точку Ліфшиця на трикритичну точку Ліфшиця, з подальшою зміною характеру ФП з другого роду на перший. В нашому дослідженні ми спостерігали, що внесення свинцю у кристали $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ для концентрацій селену, нижчих рівня, який відповідає точці Ліфшиця, також має ефект зміни характеру переходу з другого на перший рід, але без формальної появи трикритичної точки. З іншого боку, для концентрацій селену, які перевищують точку Ліфшиця, ефект введення свинцю у катіонну підгратку полягає у очевиднішій появі проміжної HC фази між параелектричною та сегнетоелектричною фазами.

Висновки до розділу 3

Досліджено вплив введення свинцю у катіонну підґратку у кристалах (Pb_ySn_{1-y})₂ $P_2(Se_xS_{1-x})_6$ із концентраціями селену нижчих та вищих концентрації Ліфшиця. Теоретичне передбачення свідчить про те, що при застосуванні стиснення (хімічне легування може мати еквівалентну дію до механічного стиснення) трикритична точка з'являється в області 210 - 240 К. Зазвичай, підвищення концентрації свинцю у катіонній підґратці має тенденцію до руйнування сегнетоелектричного переходу, зниженню критичної температури, оскільки воно послаблює гібридизацію електронних орбіталей, які лежать в основі стереоактивності цих систем. У випадку x = 0.2, перехід змінює свій

характер з другого роду на перший у концентраціях між y = 0.1 і y = 0.2, виконуючи передбачення для моделі БЕГ з урахуванням дефектів типу «випадкове поле». Такі випадковості перешкоджають появі трикритичної точки і натомість неї застосовується модель у наближенні середнього поля, чим і пояснюються отримані значення критичних індексів. У випадку x = 0.4, 0.5, свинець також сприяє чіткішому розділенню параелектричної, неспівмірної та сегнетоелектричної фаз, незважаючи на появу певного розмиття аномалії.

РОЗДІЛ 4. ФАЗОВА ДІАГРАМА СЕГНЕТОЕЛЕКТРИКІВ (Pb,Sn)₂P₂(Se,S)₆ З МУЛЬТИКРИТИЧНИМИ ТОЧКАМИ ТА ЇЇ ТРАНСФОРМАЦІЯ ІЗ ВВЕДЕННЯМ ГЕРМАНІЮ

Як вже зазначалось у попередньому розділі у сегнетоелектриках типу $Sn_2P_2S_6$ та твердих розчинах на основі $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ статична та динамічна критична поведінка з лініями трикритичних точок та точок Ліфшиця на T - x - y діаграмі, які зустрічаються у трикритичній точці Ліфшиця може бути описана в рамках поєднання моделей БЕГ та ANNNI. Така модель розглядає взаємодію між першими та наступними сусідніми взаємодіями псевдоспінів у трьохямному локальному потенціалі [137, 194]. Поява неспівмірної фази в $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ може бути пояснена за допомогою дискретної одновісної моделі Ізинга – моделі ANNNI [195, 196], у якій розглядаються короткодіючі взаємодії $J_1 > 0$ між найближчими сусідами та взаємодії $J_2 < 0$ між наступними найближчими сусідами. Відношення цих двох взаємодій $\lambda = -J_2/J_1$ при заміщенні сірки селеном змінюється від 0.23 для x = 0 до 0.3 для x = 1, а при $\lambda = 0.25$ з'являється ТЛ [100].

4.1. Фазова *T – х – у* діаграма сегнетоелектриків (Pb,Sn)₂P₂(Se,S)₆ з мультикритичними точками з урахуванням полярних та антиполярних флуктуацій

4.1.1. *t* − λ − Δ діаграма з трикритичною точкою Ліфшиця

Для того, щоб побудувати $t - \lambda - \Delta$ діаграму [5] ми використали модель Блюме-Капеля (БК) (дещо спрощена версія моделі БЕГ) [196, 197]. Поєднання моделі БК із моделлю ANNNI показує мультикритичну поведінку таку як трикритичність, а також можливість появи ТЛ. При зустрічі ліній ТКТ та ТЛ тут також передбачена трикритична точка Ліфшиця (ТКТЛ) [156, 198, 199]. Таким чином лінія сегнетоелектричного – параелектричного ФП може бути знайдена як [196]

$$\lambda = 1 - \frac{t}{1 + 0.5e^{\frac{A}{t}}} \tag{4.1}$$

та лінія параелектричного – модульованого ФП

$$\lambda = \frac{t}{1+0.5e^{\frac{\Delta}{t}}} , \qquad (4.2)$$

де $t = T/J_1$ та $\Delta = \delta/J_1$. Параметр δ пов'язаний з внеском одноіонних компонент [137, 140].

При λ = 0.25 параелектричні границі отримані з рівняння 4.1 та 4.2 зливаються у точку Ліфшиця. Враховуючи вищезазначені умови, лінія ТЛ може бути отримана з рівняння

$$\Delta = t_{LP} \ln(\frac{1 - 2t_{LP}}{t_{LP}}).$$
(4.3)

Після досягнення значення $\Delta \simeq 0.231...$ границі параелектричної фази починають розщеплюватись і ТЛ зникає. Біля цього значення Δ лінія ТЛ зливається з лінією ТКТ [195]. Розрахована $t - \lambda - \Delta$ діаграма показана на рис. 4.1.



Рис. 4.1. Розрахована $t - \lambda - \Delta$ діаграма: фронтальний вид (ліворуч) та вид збоку (праворуч). Жирними суцільними лініями показані границі параелектричної-сегнетоелектричної фаз (оранжеві) та параелектричної-модульованої (сині), лінія точок Ліфшиця (червоні кружки), лінія трикритичних точок (зелені квадрати), лінія кінцевих точок (коричневі трикутники). Літерам С, П та М позначені сегнетоелектрична, параелектрична та модульована фази відповідно. Співіснування сегнетоелектричної та метастабільної параелектричної сегнетоелектричної, метастабільної параелектричної $(C+\Pi')$ та співмірної модульованої фаз (С+М'+П') показане штриховими лініями.

Спробуємо порівняти щойно отриману діаграму з експериментально отриманою діаграмою температура-концентрація для змішаних сегнетоелектричних кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ [100]. Для того, щоб це зробити, нам необхідно перевести її у $t - \lambda - \Delta$ координати. Експериментально отримана ТКТЛ для кристалу (Pb_{0.05}Sn_{0.95})₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆ при $T_{TKTЛ} \approx 259$ K [142], у $t - \lambda - \Delta$ координатах буде розміщуватись в : t = 0.15825, $\lambda = 0.25$, $\Delta = 0.23105$. ТЛ у кристалі Sn₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆ при $T_{TЛ} \approx 284$ K [124] лежить на лінії ТЛ, отриманої з рівняння 4.3 і має наступні координати at t = 0.17345, $\lambda = 0.25$, $\Delta = 0.22997$. Для змішаних кристалів Sn₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ у рамках моделі ANNNI, передбачається лінійна зміна параметра λ зі зміною x зі значеннями 0.23, 0.25 та 0.30 для Sn₂P₂S₆, Sn₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆ та Sn₂P₂Se₆ відповідно [100]. При постійному значенні $\Delta = 0.22997$, координати для цих концентрацій є наступними: $t_0 = 0.20582$, $\lambda = 0.23$ для Sn₂P₂S₆ з $T_0 = 337$ K; $t_c = 0.13436$, $\lambda_c = 0.30$, та $t_i = 0.11799$, $\lambda_i = 0.30$ для Sn₂P₂Se₆ з $T_c = 220$ K, $T_i = 193$ K [100].

При заміні олова на свинець форма локального потенціала змінюється, і координати ТКТ в рамках середньопольового наближення моделі БЕГ [200] можуть визначатись при умовах лінійної зміни Δ в залежності від y, при незмінних міжкоміркових взаємодіях. Згідно з раніше проведеним аналізом кристалів (Pb_{1-y}Sn_y)₂P₂S₆ [140], розрахована $t - \Delta$ діаграма (при $\lambda = 0.23$) показана на рис. 4.2. Тут були знайдені наступні координати для ТКТ: $\lambda = 0.23$, t = 0.13436, $\Delta = 0.23577$.

Оскільки міжкоміркова взаємодія майже не змінюється [140], ми припускаємо, що зі збільшенням концентрації свинцю в кристалах (Pb_ySn₁₋ _y)₂P₂Se₆ ($\lambda = 0.3$), значення Δ буде змінюватись так само, як і у випадку кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂S₆. Відповідно, експериментальна фазова діаграма у $t - \lambda - \Delta$ координатах показана на рис. 4.3.



Рис. 4.2. Залежність температури *t* ФП від параметра *∆* у безрозмірних *t*−*∆* координатах, розраховані у середньопольовому наближенні моделі БЕГ [140, 200]. Штрихова та суцільна лінії вказують переходи першого та другого родів зустрічаються в ТКТ.



Рис. 4.3. Експериментальна фазова діаграма для сегнетоелектричних кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂ $P_2(Se_xS_{1-x})_6$ у $t - \lambda - \Delta$ координатах (ліворуч) та фронтальний вид експериментальної та розрахованої фазових діаграм у T - x - y координатах (праворуч). Штриховими лініями позначені ФП другого та першого родів відповідно. Зелені та червоні кружки відповідають лініям ТКТ та ТЛ, голубі – калориметричним даним [3, 42, 125, 135, 136, 142, 201]

З розрахованої $t - \lambda - \Delta$ діаграми слідує, що лінія ТЛ закінчується у ТКТЛ, і така точка може розглядатись як кінцева точка Ліфшиця (КТЛ). Лінія ТЛ розщепляється на лінію ТКТ та лінію кінцевих точок (КТ). При великому значенні параметра Δ лінія параелектричного – модульованого ФП закінчується в КТ.

При високих концентраціях свинцю (y > 0.2), може спостерігатися «хаотичний» стан на низьких температурах [196]. Цей стан являє суміш параелектричної, сегнетоелектричної та модульованої фаз. Така особливість може бути видна на надлишковій теплоємності ΔC_p та температурних залежностях аномальної частини діелектричної сприйнятливості ε' у кристалах (Pb_ySn_{1-y})₂P₂Se₆, згідно з нещодавніми дослідженнями [118, 202, 203, 204]. Для малих концентрацій свинцю, аномалії $\Delta C_p(T)$ та $\chi'(T)$ при параелектричному – неспівмірному (T_i) та неспівмірному – сегнетоелектричному (T_c) переходах (рис. 4.4 та 4.5). Проте, для $y \ge 0.2$, аномалії $\Delta C_p(T)$ та $\chi'(T)$ у області lock—in переходів (T_c) сильно розмиваються. Така хаотизація може бути пов'язана із синергією ефектів фрустрації і нелінійністю системи з трьохямним потенціалом.



Рис. 4.4. Температурна залежність теплоємності згідно з експериментальними даними [118] (ліворуч) та відповідні надлишкові теплоємності (праворуч) для кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂Se₆.



Рис. 4.5. Порівняння аномалій низькочастотної діелектричної сприйнятливості (згідно з [202, 203, 204]) та надлишкової теплоємності (згідно з [118]) у області ФП для кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂Se₆.

4.1.2. Полярні та антиполярні флуктуації

Вищезазначені приклади можливих ускладнень експериментальних фазових діаграм для об'єктів зі складним локальним потенціалом для флуктуацій спонтанної поляризації демонструють близькість фазових переходів до багатокритичних точок вищого порядку, таких як тетракритична точка, і свідчать про важливість інваріантів вищого порядку в термодинамічному потенціалі кристалів. Така досліджуваних сегнетоелектричних можливість була продемонстрована раніше [205, 206], при теоретичних поясненнях неспівмірних фазових властивостей поблизу lock-in переходу у сегнетоелектричну фазу в кристалах Sn₂P₂Se₆.

Для сегнетоелектриків Sn₂P₂S₆ експериментальні дані з розсіювання нейтронів, діелектричної сприйнятливості та петлі гістерезису дають великий масив інформації про складний характер фазових переходів. Дані з розсіювання нейтронів [207] показують наявність плоскої поперечної оптичної гілки з найнижчою енергією в напрямку q_y при 440 K у параелектричній фазі (рис. 4.6 (а)). Ця фононна гілка поляризована поблизу напрямку [100] і розм'якшується при охолодженні. Полярна м'яка оптична мода, згідно з даними спектроскопії у субміліметровому діапазоні близько 10¹² Гц [208], до максимуму діелектричної сприйнятливості біля $T_0 \simeq 337$ K вносить лише вклад $\Delta \chi' = 10^3$ (рис. 4.6 (б)). При зниженні частоти до 10⁷ Гц діелектрична сприйнятливість біля T_0 підвищується до 10⁴ - 10⁵ (рис. 4.6 (в)) [209], а на нижчій частоті задовольняє закон Кюрі-Вейса $\chi' = C_{CW}(T-T_0)^{-1}$ з $C_{CW} \simeq 0.6 10^5$ K.



Рис. 4.6. М'яка поперечна оптична мода TO(X), поздовжня акустична LA(XX) та поперечна акустична TA(XY) фононні гілки вздовж напрямку q_y моноклінної зони Бріллюена для кристалу Sn₂P₂S₆ при 440 К, згідно з даними нейтронного розсіювання [207] (а), температурна залежність діелектричної сприйнятливості та її інверсія з вкладом м'якої оптичної моди у субміліметровому діапазоні в околі ФП кристалу Sn₂P₂S₆ [208] (б), порівняння температурної залежності інверсної діелектричної сприйнятливості кристалу Sn₂P₂S₆ для 20 МГц – 1, 4 ГГц – 2, 27 ГГц – 3 та вклад м'якої оптичної моди у субміліметровому діапазоні рентгенівське розсіювання при T_0 + 2 K у парафазі в площині (0 K L) зони Бріллюена [210] (г).

При охолодженні кристалу Sn₂P₂S₆ у параелектричній фазі мають місце не тільки довгохвильові флуктуації поляризації, які виникають поблизу центру зони Бріллюена, які пропорційні квадрату частоти оберненої полярної м'якої оптичної моди (із симетрією B_u при q \leftrightarrow 0). Поблизу краю зони Бріллюена, при $q_y = \pi/b$,

також спостерігається критичне зростання флуктуацій рухів атомів, пов'язаних із власним вектором жорстких фононів м'якої оптичної гілки $B(q_y)$. Розвинення вищезгаданих флуктуацій спостерігалося безпосередньо в [210] при нееластичному розсіюванні рентгенівських променів при $T_0 + 2$ K (рис. 4.6 (г)).

Високе значення низькочастотної діелектричної сприйнятливості при охолодженні до Т₀ очевидно пов'язане з ангармонізмом кристалічної ґратки. Раніше у роботах [18, 97] було запропоновано, що локальний триямний потенціал слідує з нелінійної взаємодії полярних мод В_и з повністю симетричними модами $A_g (A_g B_u^2 + A_g^2 B_u^2)$ у центрі зони Бріллюена. Але щодо плоскості м'якої оптичної моди в напрямку q_v [212], нелінійна фонон-фононна взаємодія може бути очевидно реалізована із залученням фононів з різних точок зони Бріллюена. У найпростішому підході така можливість може бути включена у модель квантових ангармонічних осциляторів [140, 211, 212, 213], яка базується на локальному триямному потенціалі, що передбачає взаємодію між першим та наступним сусідами. Тут ми розглянемо нелокальні взаємодії у напрямку q_y (натомість вище розглянутої фрустрації міжкоміркових взаємодій J_1 та Ј₂, які пов'язані з появою неспівмірної фази з хвильовим вектором модуляції q_z). Фазова діаграма, розрахована за такою моделлю, містить тетракритичну точку, в якій перетинаються дві лінії переходу другого роду (від параелектричної у сегнетоелектричну фазу та між параелектричною та антиполярною фазами). Встановлено [211], що для кристалів Sn₂P₂S₆ нижче T₀ може мати місце співіснування антиполярної та сегнетоелектричної фаз.

Припущення про те, що в кристалах $Sn_2P_2S_6$ фазовий перехід при $T_0 \simeq 337$ К розташований біля тетракритичної точки, узгоджується з попереднім обговоренням на основі моделі БЕГ, для якої фазова діаграма з ТКТ може бути ускладнена наявністю бікритичних або тетракритичних точок [194]. Таким чином, критична поведінка кристалів $Sn_2P_2S_6$ поблизу T_0 потребує особливої уваги.

Згідно з попередніми дослідженнями аномалії теплової дифузії [125], яка є пропорційною оберненій теплоємності, критична поведінка Sn₂P₂S₆ з хорошою

якістю підгонки в параелектричній фазі може описуватись моделлю, яка враховує вплив як флуктуацій, так і дефектів (комбінація виразів 3.8 та 3.11). З іншої сторони, нижче Т₀ найкраща підгонка була знайдена за допомогою середньо-польової моделі Ландау (вираз 3.6). Така асиметрія дуже дивна, особливо коли вдалося описати критичну поведінку змішаних кристалів на основі Sn₂P₂S₆, використовуючи єдину модель для обох фаз. Для розчинів $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ зі збільшенням концентрації селену та наближенням до ТЛ ($x \simeq$ критичні 0.28) аномалії добре описані критичними індексами та співвідношеннями критичних амплітуд, які належать до класу універсальності Ліфшиця [42]. Що стосується заміщення олова за свинцем в змішаних кристалах $(Pb_{1-\nu}Sn_{\nu})_2P_2S_6$, критична поведінка також добре описана вище та нижче T_0 як кросовер чіткої несередньо-польової моделі при y = 0.1 до середньопольової моделі в v = 0.3 [135]. Для кристалів Sn₂P₂Se₆ при параелектричномунеспівмірному ФП другого роду критична аномалія вище та нижче Т_і узгоджується з передбаченями теорії ренормгруп для класу універсальності 3D-ХҮ [118]. При одночасному заміщенні хімічних елементів у катіонній та аніонній підґратках у кристалах $(Pb_{1-y}Sn_y)_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ виявлено ТКТЛ для x = 0.28 та y =0.05 при $T_c = 259.12$ К [142] із критичним індексом $\alpha = 0.64$, що відповідає теоретично передбачуваному класу універсальності з трикритичною точкою Ліфшиця [167].

Виникає питання чому критичну поведінку кристалів Sn₂P₂S₆ не можна задовільно описати одночасно у двох фазах? Як було сказано вище, для чистих кристалів $Sn_2P_2S_6$ нижче T_0 можливе співіснування антиполярних (подібних до Цe антифероелектриків) та сегнетоелектричних станів. проявляється спостереженням подвійних петель гістерезису та звичайних сегнетоелектричних [211]. Розглядаючи можливість співіснування антиполярної петель та сегнетоелектричної фаз нижче Т₀, ми переглядаємо попередні експериментальні дані [125], щоб перевірити внесок у критичну аномалію з двох співіснуючих фаз. Для одночасної підгонки параелектричної та сегнетоелектричної фаз ми використали рівняння 3.22. На рисунку 4.7 (б) наведені результати підгонок



Рис. 4.7. Температурна залежність інверсної теплової дифузії у кристалографічному напрямку [100] в околі ФП II роду у кристалах $Sn_2P_2S_6$, $(Pb_{0.2}Sn_{0.8})_2P_2S_6$ та $Sn_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ [42, 125, 135] (а), результати підгонок теплової дифузії для кристалу $Sn_2P_2S_6$ (б), відносне відхилення підгонки (в): точки відповідають експериментальним вимірюванням, суцільні лінії підгонкам з рівняння 3.22. Синій колір відповідає підгонці у сегнетоелектричній фазі, червоний – у параелектричній.

Підгонки (рис. 4.7 (б, в)) у Sn₂P₂S₆ показали поведінку, подібну до класу універсальності XY (2D-Гейзенберг), із критичним показником $\alpha = -0.0092 \pm 0.0008$ нижче T_0 та $\alpha = 0.1049 \pm 0.0066$ вище T_0 , яка відповідає класу універсальності 3D-Ізинг. Такі значення критичних показників, менше, ніж α_{ISING} у параелектричній фазі і трохи більше α_{XY} нижче T_0 , можна інтерпретувати як можливий кросовер критичної поведінки, яке раніше передбачалося [214] для

систем з двома конкуруючими параметрами порядку біля бікритичної точки на фазовій діаграмі. Бікритична точка може виникнути натомість тетракритичної точки, якщо є достатньо сильна взаємодія двох параметрів порядку [215].

У будь-якому випадку, хороші підгонки теплової дифузії у кристалі $Sn_2P_2S_6$ нижче T_0 з від'ємним значенням критичного індексу демонструє чашоподібну форму, яка є характеристикою антисегнетоелектричного стану і збігається із спостережуваними подвійними петлями гістерезису в кристалі $Sn_2P_2S_6$ нижче T_0 [211].

4.2. Вплив германію на сегнетоелектричні властивості квантових параелектриків (Pb_vSn_{1-v})₂P₂(Se,S)₆

Протягом останніх десятиліть вивчалась (*T*, *p*, *x*, *y*) фазову діаграму сімейства сегнетоелектриків $Sn_2P_2S_6$ та ефекти, які виникають від введення додаткової компоненти *z* на фазову діаграму. На сьогоднішній день вже добре відомо, що введення германію у катіонну підгратку посилює стереоактивність катіонної підґратки, підвищуючи критичну температуру і загострює форму аномалії [142, 201]. У цьому розділі ми розглянемо, як внесення германію вплине на загальну форму фазової діаграми.

Для отримання сегнетоелектричних монокристалів ($Pb_yGe_zSn_{1-y-z}$)₂ $P_2(Se_xS_{1-x})_6$, були вирощені з газоподібної фази в герметичних кварцових ампулах з використанням йоду в якості транспортного агента. Для отримання якісних кристалів були використані елементи Sn (99.99%), Pb (99.99%), P (99.999%), S (99.99%), Se (99.99%) та Ge (99.999%). Необхідну кількість олова, свинцю, фосфору, сірки, селену та германію поміщено в кварцову пробірку для подальшої гомогенізації при 650° C протягом одного тижня. Після цього, протягом трьох діб відбувалася перекристалізація шляхом транспортування пари між гарячою (650° C) та холодною зонами (630° C). На наступному етапі холодна зона очищалась нагріванням, після чого її охолоджували до 615° C та витримували при цій температурі до появи візуально спостережуваного кристалічного ядра. З цього моменту починається ріст монокристалів, який

триває майже один місяць. На час закінчення процесу росту гаряча зона кварцової трубки була абсолютно чистою, що свідчить про повне масоперенесення.

Для досліджень теплової дифузії із кристалів були відрізані і підготовлені тонкі плоскопаралельні пластинки із поверхнями, перпендикулярними кристалографічному напрямку [100] і товщиною в діапазоні 500 - 550 мкм. Для вивчення аномалій кривих теплової дифузії та для перевірки можливого температурного гістерезису швидкість зміни температури варіювалась в діапазоні 100 - 10 мК/хв.

Для кристалів $Pb_2P_2S_6$, $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ та (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆, окрім калориметричних досліджень, також були використані дані і по діелектричним вимірюванням [6, 216]. Для цього дослідження були підготовлені плоскопаралельні пластинки товщиною 2 мм з MM^2 , 15 поверхнями площею близько перпендикулярними до кристалографічного напрямку [100]. Паралельні поверхні покривались пастою зі срібла для кращого електричного контакту. Комплексна діелектрична сприйнятливість $\chi^* = \chi' + i \chi''$ виміряна за допомогою ємнісного мосту HP4284A в діапазоні частот 50 кГц - 1 МГц. Для дослідження температурної залежності діелектричної проникності зразок поміщався в гелієвий кріостат між двома мідними провідниками (контактами).

4.2.1. Теплова дифузія змішаних кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂(Se_xS_{1-x})₆ з германієм

У кристалі $Sn_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ заміщення олова 5% германію підвищує критичну температуру з 300.93 К до 307.13 К (рис. 4.8 (а)) і робить аномалію ширшою та розмитою. Для концентрації ТЛ (рис. 4.8 (б)) критичний індекс $a \approx 0.34$ [42] і зменшується до $a \approx 0.25$ [142] для $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$. Такі значення узгоджуються з теоретичними, оціненими для системи Ліфшиця, які не враховують сильні дипольні взаємодії. У випадку ТЛ в одновісному сегнетоелектрику очікуються лише невеликі мультиплікативні корекції

середньопольової поведінки [167] у критичній області. Отже, значення α , отримане для змішаного кристала $Sn_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$, вказує на те, що довгохвильові взаємодії не мають сильного впливу на критичну поведінку у цій системі. Це може бути пов'язано з частковим екрануванням диполь-дипольної взаємодії носіями заряду в сегнетоелектричних напівпровідниках $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$.



на кристали без вмісту германію, а цифра 2 – для кристалів з 5% германію.

Як вже зазначалось в розділі 3, коли ми розглядали ефект введення свинцю у кристалах з $y > y_{T,T}$, який полягає в очевиднішому розділенні параелектричної та сегнетоелектричної фаз, у випадку германію, як можна побачити на рис. 4.8 (в, г), цього не відбувається, хоча як і у випадку свинцю, внесення германію призводить до певного розмиття аномалій. На жаль, якість кристала Sn₂P₂(Se_{0.5}S_{0.5})₆, у якому розділення може бути помітнішим виявилась недостатньою для порівняння його із кристалом із вмістом германію. Очевидно, що у подальшому також було б цікавим дослідити кристали з вмістом селену x = 0.6, 0.8. Для кристалу (Sn_{0.95}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ T_i майже не змінюється, а T_c підвищується на майже 3 К (рис. 4.9). Отримані результати дослідження теплової дифузії можуть свідчити про те, що германій гальмує розщеплення параелектричної та сегнетоелектричної фаз для зразків із концентрацією селену, вище концентрації Ліфшиця.



Рис. 4.9. Аномалії теплової дифузії в околі ФП для: Sn₂P₂Se₆ (1) та (Sn_{0.95}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ (2). Дані для Sn₂P₂Se₆ взяті з [42].

4.2.2. Квантовий параелектричний стан та критична поведінка в сегнетоелектриках Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆

Для кристалу $Pb_2P_2S_6$ температурна залежність діелектричної сприйнятливості $\chi'(T)$ [216] показує монотонний ріст при охолодженні до 20 К з деяким відхиленням від лінійності нижче 50 К (рис. 4.10 (а)). При заміщенні свинцю двома відсотками германію спостерігається чіткий максимум $\chi''(T)$ близько 30 К (при частоті 1 МГц) (рис. 4.10 (б)). Для опису температурних залежностей діелектричної сприйнятливості квантових параелектриків у роботі [216] автори використали рівняння Барретта [217]:

$$\chi(T) = \frac{C_{CW}}{\left(\frac{T_1}{2}\right) \operatorname{coth}\left(\frac{T_1}{2T}\right) - T_c} + \chi_0, \qquad (4.4)$$

де C_{CW} – константа Кюрі-Вейса, T_c – класична параелектрична температура Кюрі, χ_0 – температурно незалежна константа, T_1 – точка поділу між низькими температурами, де важливі квантові ефекти, тому (*T*) відхиляється від закону Кюрі-Вейса, та областю високої температури, де діють класичне наближення і закон Кюрі-Вейса.


Рис. 4.10. Температурна залежність дійсної частини температурної сприйнятливості для кристалу $Pb_2P_2S_6$ при 100 кГц (а) та для $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ при 10 кГц (б) згідно з даними [216]. Вставки показують поведінку $\chi(T)^{-1} \sim T^2$. Оранжеві лінії – підгонки згідно з (4.4).

У багатьох випадках температура переходу апроксимується на $T_c \leq 0$ K, і матеріал не зазнає сегнетоелектричного фазового переходу при будь-якій ненульовій температурі. Коли, T_c є нижче нуля і $T_c < T_l$, квантові флуктуації порушують далекодіюче сегнетоелектричне впорядкування і стабілізують квантовий параелектричний стан у зразку. Ймовірний сегнетоелектричний перехід відбувається при T_c [218]. Згідно з діелектричними даними [216] для кристалу Pb₂P₂S₆ (рис. 4.10 (а)) відхилення від поведінки Баретта починається близько 75 К. Отримані значення параметрів ($T_l = 190$ К та $T_c = -376$ К) для даного кристала свідчать про те, що матеріал не зазнає сегнетоелектричного ФП при будь-якій ненульовій температурі.

Як вже було сказано в попередніх розділах, при заміщенні олова свинцем у кристалах типу $Sn_2P_2S_6$, гібридизація електронних орбіталей аніонів та катіонів стає слабшою, зменшуючи температуру ФП. З іншого боку, германій відіграє протилежну роль – він підвищує загальну стереоактивність катіонної підґратки в кристалі. Невелика кількість домішок у квантових параелектриках може викликати сегнетоелектричність [219, 220]. Отже, можливо, що германій може впливати на квантовий параелектричний стан в $Pb_2P_2S_6$. Рисунок 4.10 (б) демонструє температурну залежність дійсної частини діелектричної

сприйнятливості для кристала (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆ і підтверджує некласичну T² оберненої діелектричної сприйнятливості. Виконана поведінку пілгонка рівнянням 4.4 температурної залежності дійсної частини діелектричної легованих сприйнятливості для кристалів, германієм, лала наступні температури: $T_1 \approx 207$ K та $T_c \approx 40$ K [216]. Оскільки для (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆ $T_c < T_1$, можна зробити висновок, що далекодіюче сегнетоелектричне впорядкування у зразку, з германієм, порушується внаслідок дії квантових флуктуацій нижче 207 К, а можливий сегнетоелектричний перехід відбувається в області температур між 40 К і 80 К (рис. 4.11). Введення германію, ймовірно, викликає деяке розупорядкування і зменшує дійсну частину сприйнятливості нижче 80 К, відхиляючись від поведінки Баррета (рис. 4.10 (б)).



Рис. 4.11. Температурна залежність дійсної (сині квадрати) та уявної (червоні кружки) частини діелектричної сприйнятливості при 100 кГц для кристалу (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆ згідно з даними [216].

Пік дійсної частини діелектричної сприйнятливості є широким. Також тут є два піки уявної частини діелектричної сприйнятливості з частотно-дисперсійною поведінкою, а температури піків становлять близько 50 К і 100 К при 100 кГц (рис. 4.11). Можливо, це пов'язано з флуктуаціями маси в кристалі (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆. Крім того, досить швидка динаміка локальних диполів і повільніша динаміка невзаємодіючих або слабко взаємодіючих нанокластерів можуть визначати ширину фазового переходу, індукованого германієм, з відповідною частотно-температурною поведінкою аномалій діелектричної

сприйнятливості, подібне спостерігається у випадку кросовера між дипольним склом та сегнетоелектричним релаксором [219, 220].

Як вже було показано в [118], для змішаних кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂S₆ з $y \approx$ 0.61 та $y \approx$ 0.66, близьких до переходу при нульовій температурі від полярної фази (y < 0.7) до параелектричної (y > 0.7), діелектрична сприйнятливість демонструє квантову критичну поведінку при $T_c \approx 35$ К і 20 К відповідно. Тому дослідження кристалів з вищою концентрацією свинцю було вкрай необхідним. У кристалах (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂S₆ та (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ катіони Sn²⁺ одночасно заміщувались двома різними атомами – Pb²⁺ та Ge²⁺, які мають дуже різний вплив на фазові переходи. Важливо, щоб заміщення олова мало найсильніший ефект, оскільки сегнетоелектричний ФП індукується стереоактивністю неподіленої пари катіона 5s² Sn²⁺.

залежність дійсної та уявної частин Температурна діелектричної кГц для сприйнятливості при 10 кристалів $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ та (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ [216] (рис. 4.12) при охолодженні від кімнатної температури до 20 К неперервно зростає. При $T \sim 50$ К для (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂S₆ спостерігається максимум діелектричних втрат при частоті 100 кГц (рис. 4.12 (a)). Залежність оберненої діелектричної сприйнятливості від температури T^2 для кристалів (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂S₆ та (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ демонструє некласичну поведінку як і у випадку із кристалом (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆ (рис. 4.10). З цього випливає, що сегнетоелектрична квантова критична поведінка є відносно нечутливою до згасаючого розупорядкування в легованих зразках та змішаних кристалах.



Рис. 4.12. Температурна залежність дійсної частини діелектричної сприйнятливості для кристалу ($Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05}$)₂P₂S₆ (a) та для ($Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05}$)₂P₂Se₆ (б) при 10 кГц згідно з даними [216]. Вставки показують поведінку $\chi(T)^{-1} \sim T^2$. Оранжеві лінії – підгонки згідно з (4.4).

Застосування виразу (4.4) до експериментальних даних [216], дало наступні параметри: $T_1 \approx 70$ K, $T_c \approx -4$ K та $C_{CW} \approx 30670$ K. Спостережена температурна поведінка діелектричної сприйнятливості демонструє, що (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂S₆ очевидно зазнає деякого неоднорідного полярного упорядкування при дуже низьких температурах.

Аналогічно, температурна залежність діелектричної сприйнятливості є`(*T*) для кристала (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ [216] показана на рис. 4.12 (б). При охолодженні від 300 до 20 К частотна дисперсія як χ' , так і χ'' з'являється нижче 70 К. Згідно з підгонками експериментальних кривих рівнянням 4.4 встановлено, що $T_1 \approx 55$ K, $T_c \approx -6$ K, $C_{CW} \approx 34260$ K [216]. Видно, що в змішаному кристалі (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ введення германію індукує неоднорідне полярне упорядкування при нижчих температурах аналогічно кристалу сульфіду.

В цілому, згідно з результатами діелектричних досліджень можна зробити висновок, що кристали $Pb_2P_2S_6$ демонструють квантовий параелектричний стан. При введенні невеликої кількості германію з'являється сегнетоелектрична фаза. Очевидно, що у змішаних кристалах, нижче 70 К проявляється дуже неоднорідне полярне впорядкування (як у дипольному склоподібному або релаксорному

стані).

З отриманих результатів підгонок можна побачити, що залежність $\varepsilon'(T)$ з урахуванням квантових флуктуацій для сполуки $Pb_2P_2S_6$ передбачає значення T_c відповідно до залежності $T_0(y)$ для змішаних кристалів (Pb_vSn_{1-v})₂P₂S₆. При цьому значення T_1 сильно пригнічується в змішаних кристалах - від 190 К у Pb₂P₂S₆ та 207 К у випадку ($Pb_{0.98}Ge_{0.02}$)₂ P_2S_6 до $T_1 \approx 70$ К у розчині з y = 0.7. Таке зниження кросоверу температури Т₁ від класичної до поведінки квантових флуктуацій може трактуватися як прояв квантової деструкції когерентності для електронної складової флуктуацій спонтанної поляризації, які визначаються диспропорціонуванням заряду катіонами фосфору P⁴⁺ + P⁴⁺ ↔ P³⁺ + P⁵⁺. Електронний внесок у спонтанну поляризацію пов'язаний із когерентним станом поляронних екситонів – полярони малих дірок у структурних групах SnPS₃ поєднані з малими електронними поляронами у найближчих структурних групах SnPS₃ [140, 221]. Очевидно, що такі поляронні екситони сильно обмежені дефектами змішаних кристалів, що підтримує розвинення квантових флуктуацій при зниженні температури.

На рисунку 4.13 порівнюється температурна залежність дійсної та уявної частини діелектричної сприйнятливості для $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$, $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ та $Pb_2P_2S_6$ [216] разом з $(Pb_{0.66}Sn_{0.34})_2P_2S_6$ та $(Pb_{0.61}Sn_{0.39})_2P_2S_6$ дослідженими в [114]. Можна побачити, що діелектричні аномалії, спричинені германієм, розмиваються аналогічно спостережуваним аномаліям у випадку твердих розчинів $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2S_6$ із концентрацією свинцю біля порогового значення $y_c = 0.7$. Очевидно, що в усіх трьох зразках складна теплова еволюція виявленої неоднорідної поляризації відбувається при охолодженні нижче 70 К.

На рисунку 4.14 (а) наведені експериментально отримані криві теплової дифузії для кристалів ($Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05}$)₂ P_2S_6 та ($Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05}$)₂ P_2Se_6 . Теплопровідність κ досліджуваних кристалів була отримана за допомогою рівняння 2.2. Для цього використовувалась розраховані теплоємності для кристалів (Sn,Pb)₂ P_2S_6 та дані експериментально отриманої теплоємності [118]. У випадку ($Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05}$)₂ P_2S_6 , поведінка теплопровідності подібна до

склоподібних матеріалів, що демонструє ефективне розсіювання фононів у твердих розчинах з підґраткою, яка складається із суміші катіонів олова та свинцю. Додавання германію, імовірно, ще сильніше підсилює стан дипольного скла. Лише невеликий внесок у теплопровідність при додаванні германію спостерігається в інтервалі температур від 50 К до 120 К (рис. 4.14 (б)), що було підтверджено додатковими дослідженнями температурної залежності дійсної та уявної діелектричної сприйнятливості при різних частотах (рис. 4.15), проведеними для твердих розчинів із вмістом германію [6]. Аналогічна поведінка спостерігається також для (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆.



Рис. 4.13. Температурна залежність дійсної (а) та уявної (б) частини діелектричної сприйнятливості для кристалів $Pb_2P_2S_6$, $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$, $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ [216]. Також для порівняння наведені дані для $(Pb_{0.61}Sn_{0.39})_2P_2S_6$ та $(Pb_{0.66}Sn_{0.34})_2P_2S_6$ [114].

Із внесенням германію в Pb₂P₂S₆, температурна залежність теплопровідності в широкому температурному проміжку задовольняє закон Ейкена тобто вона пропорційна оберненій температурі (рис. 4.14 (в, г)). Така залежність свідчить про домінантну роль трьохфононних процесів розсіювання. У випадку кристала Sn₂P₂S₆ введення германію також покращує залежність $\kappa \sim T^{-1}$ в сегнетоелектричній фазі.



Рис. 4.14. а - температурна залежність теплової дифузії для $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ (1) та $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ (2), (б) температурна залежність теплопровідності для кристалів $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ (1) та $(Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ (2), температурна залежність теплопровідності для $Pb_2P_2S_6$ (1) $(Pb_{0.98}Ge_{0.02})_2P_2S_6$ (2), $(Sn_{0.95}Ge_{0.05})_2P_2S_6$ (3) та $Sn_2P_2S_6$ (4) в нормальних (в) та логарифмічних (г) координатах. У вставці їхня $\kappa(T^{-1})$ залежність. Сіра пунктирна лінія показує поведінку $\kappa \sim T^1$. Дані для D взяті з [42, 125, 142].

Для кристала ($Pb_{0.98}Ge_{0.02}$)₂ P_2S_6 теплопровідність при низьких температурах більша, ніж у випадку $Pb_2P_2S_6$. Це пов'язано з індукцією полярних кластерів сегнетоелектричної фази при введенні германію. Діелектрична сприйнятливість таких кластерів менша, ніж сприйнятливість параелектричної фази, і частота найменш енергетично м'якої полярної оптичної моди біля центру зони Бріллюена збільшується. Зростання частоти м'якої оптичної моди зменшує ймовірність резонансного розсіювання оптичних фононів акустичними фононами [222, 223]. При низьких температурах тепло передається акустичними і низькочастотними оптичними фононами. Акустичні фонони з малим хвильовим числом здебільшого залучаються до процесів нормального розсіювання (*N*-процес), що не сприяє тепловому опору. Фонони з оптичної гілки біля центру зони Бріллюена також беруть участь у процесах перекиду (*U*-процес) внаслідок дефектів ґратки, які забезпечують ефективний тепловий опір. Отже, збільшення жорсткості оптичної гілки знижує населеність оптичними фононами та підвищує теплопровідність кристала (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆ при дуже низьких температурах (рис. 4.14 (в, г)).



Рис. 4.15. Температурна залежність дійсної та уявної частини діелектричної сприйнятливості при різних частотах для кристалів (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂S₆ (a, б) та (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂Se₆ (B, г) [6].

Вищевикладене пояснення узгоджується із порівнянням зміни температурних залежностей діелектричної сприйнятливості та теплопровідності, індукованої германієм (рис. 4.16). При охолодженні нижче 100 К різниця у теплопровідності між кристалами (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆ та Pb₂P₂S₆ швидко зростає, і

навпаки – діелектрична сприйнятливість кристала (Pb_{0.98}Ge_{0.02})₂P₂S₆ швидко знижується відносно Pb₂P₂S₆. Така низькотемпературна еволюція діелектричної сприйнятливості, викликана германієм, відображає жорсткість (збільшення частоти) найнижчої полярної оптичної моди біля центру зони Бріллюена.



Рис. 4.16. Температурна залежність теплопровідності та діелектричної сприйнятливості [216] для кристалів ($Pb_{0.98}Ge_{0.02}$)₂ P_2S_6 та $Pb_2P_2S_6$. Дані для *D* взяті з [135].

Як вже зазначалось у попередньому підрозділі, при побудові $T - \Delta$ діаграми для кристалів (Pb_ySn_{1-y})₂P₂S₆, параметр Δ залежить від зміни різниці між центральним та бічним мінімумами у локальному потенціалі, який виникає внаслідок зміни концентрації олова/свинцю у катіоні. Таким чином, для визначення координати віртуального "Ge₂P₂S₆" може бути використана модель квантового ангармонічного осцилятора [140], яка дозволяє визначити форму локального потенціалу. У цій моделі реальна кристалічна ґратка являє собою систему одновимірних взаємодіючих квантових ангармонічних осциляторів.

Локальні потенціали для кристалів Pb₂P₂S₆, Sn₂P₂S₆ та віртуального кристала "Ge₂P₂S₆", які були визначені за раніше описаною методикою [140], показані на рис. 4.17 (а). Вони характеризуються наступними частотою ω_0 , температурою T_x та відповідними значеннями нульової енергії $E_0 = \frac{\hbar \omega_0}{2}$:

- $Pb_2P_2S_6 \omega_0 \approx 47 \text{ cm}^{-1}$, $T_x \approx 72 \text{ K}$, $E_0 \approx 0.003 \text{ eB}$;
- $\text{Sn}_2\text{P}_2\text{S}_6 \omega_0 \approx 60 \text{ cm}^{-1}$, $T_x \approx 86 \text{ K}$, $E_0 \approx 0.004 \text{ eB}$;



- $\text{Ge}_2\text{P}_2\text{S}_6 - \omega_0 \approx 80 \text{ cm}^{-1}$, $T_x \approx 115 \text{ K}$, $E_0 \approx 0.005 \text{ eB}$.

Рис. 4.17. а - розраховані локальні потенціали при T = 0 К з використанням моделі квантових ангармонічних осциляторів для кристалів Pb₂P₂S₆ (1), Sn₂P₂S₆ (2) та віртуального "Ge₂P₂S₆" (3). Температура ФП як функція параметра Δ , розрахована в рамках середньопольового наближення моделі БЕГ [140]. Чорна штрихова лінія показує ФП I роду, чорна суцільна – ФП II роду. Синім трикутником показана трикритична точка, а коричневою зірочкою – квантова точка.

Форма локального потенціалу сприяє позацентровому зміщенню катіонів Sn^{2+} в $Sn_2P_2S_6$ або Pb^{2+} в $Pb_2P_2S_6$, що викликає локальний електричний диполь. Локальні диполі при заданій міжкомірковій взаємодії J_1 не можуть бути впорядковані до найнижчих температур у випадку кристала $Pb_2P_2S_6$, але тут сегнетоелектричні основні стани можуть бути досягнуті за допомогою заміщення катіонів свинцю катіонами олова або германію.

При низьких температурах, для сегнетоелектриків квантові флуктуаційні електричні диполі з'єднуються до пружних ступенів вільності. Квантовокритична фаза в тривимірному просторі d підтверджує те, що діелектрична сприйнятливість залежить як від статичних, так і від динамічних (залежать від частоти) властивостей системи, що призводить до того, що в багатовісних сегнетоелектриках, таких як перовскіт SrTiO₃, зростає ефективна розмірність - $d_{eff} = d + 1 = 4$ [224, 225]. В одновісних сегнетоелектриках, крім короткодіючих взаємодій, анізотропні електричні дипольні взаємодії на великій відстані забезпечують подальше збільшення ефективної розмірності до $d_{eff} = d + 2 = 5$ [226, 227].

Для SrTiO₃ немонотонна температурна залежність діелектричної сприйнятливості нижче 25 К виникає при взаємодії між оптичними і акустичними фононами (електрострикція) [225]. Ріст оберненої діелектричної сприйнятливості відбувається тоді, коли T менше 10% від T_x , де T_x - температура, пов'язана з частотою м'якої поперечної оптичної моди ω у центрі зони Бріллюена в межах нульової температури. Це означає, що підгонка даних діелектричної сприйнятливості квантової критичної моделі без ДО урахування електрострикційної взаємодії є доцільною лише для T > 0.1 T_x. Ця умова виконується для кристала $Pb_2P_2S_6$, де 0.1 $T_x \approx 7$ К.

Ha 4.18 залежність оберненої діелектричної рисунку наведена сприйнятливості 1/х'(Т) в діапазоні 27 - 80 К для кристала Pb₂P₂S₆ в різних масштабах температури. З порівняння рис. 4.18 (а) та рис. 4.18 (б) видно, що $1/\chi'$ змінюється як T^2 в області 27 - 80 K і не задовольняє квантову критичну поведінку Т³. Вище 80 К цей кристал демонструє класичну поведінку Кюрі-Вайса (рис. 4.18 (г)). Підкреслимо, що для кристала Pb₂P₂S₆ критичний показник близький до $\gamma = 2.0$, що обчислюється та спостерігається для багатовісних квантових критичних систем, таких як SrTiO₃ [224, 225], і не відповідає теоретично передбачуваному для одновісних сегнетоелектриків значення $\gamma = 3.0$ [226, 227], які були експериментально виявлені у випадку кристалів ВаFe₁₂O₁₉ та SrFe₁₂O₁₉ [226].

Залежність $1/T^2$, виявлена для діелектричної сприйнятливості у кристалі Pb₂P₂S₆, натомість очікуваної одновісної поведінки $1/T^3$, на перший погляд можна пояснити явищем екранування в напівпровідникових матеріалах системи Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆, яка послаблює електричну дипольну взаємодію. Таке пояснення вважається доцільним для вищеописаної критичної поведінки поблизу точки Ліфшиця в змішаному кристалі Sn₂P₂(Se_{0.28}S_{0.72})₆, що відповідає теоретично передбачуваній поведінці для систем із короткодіючими взаємодіями [42, 142]. Але для кристалів Pb₂P₂S₆ при низьких температурах електропровідність дуже

142



бути ефективними при низькій концентрації вільних носіїв заряду.

Рис. 4.18. Обернена діелектрична сприйнятливість кристала для кристала Pb₂P₂S₆ у різних температурних масштабах згідно з даними [216].

Як вже було показано, для кристалів Sn₂P₂S₆ (рис. 4.6 (а), для Pb₂P₂S₆ (рис. 4.19) м'яка оптична гілка в параелектричній фазі також є плоскою: частота м'яких фононів трохи змінюється зі збільшенням числа хвиль і рухається від центру зони Бріллюена до краю, де відбувається її перетин з акустичною фононною гілкою [207]. Як ми вже зазначали у попередньому підрозділі у кристалі Sn₂P₂S₆ при охолодженні до температури неперервного ФП $T_0 \approx 337$ K, крім розвинення полярних коливань поблизу центру зони Бріллюена, в параелектричній фазі також сильно розвиваються антиполярні флуктуації. У даному випадку критичну поведінку можна охарактеризувати як кросовер між класами універсальності Ізинга та Гейзенберга [5].



Рис. 4.19. Акустичні та м'які оптичні фононні гілки, розраховані для кристалу Pb₂P₂S₆ [140].

Схожа ситуація, очевидно, існує у квантовій параелектричній фазі кристала Pb₂P₂S₆, де при охолодженні до 0 К плоска оптична фононна гілка розм'якшується через широкий обернений простір у зоні Бріллюена. Крім того, полярні довгохвильові флуктуації зростають разом із розвиненням короткохвильових антиполярних флуктуацій, і, отже, їх нелінійна взаємодія може змінювати квантову критичну поведінку.

На рисунку 4.20 показана T - x - y - z діаграма для кристалів сімейства $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$. Вона враховує інформацію про кристали із вмістом германію.



Рис. 4.20. Фазова діаграма температура — концентрація для кристалів системи Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ [100]. Фазові переходи у кристалах з 5% германію показані фіолетовими сферами згідно із власними експериментальними дослідженнями та [142, 201]. Для кристалів із квантовим параелектричним станом визначені рівнянням (4.4) також показані значення T_c (зелені трикутники) та T_1 (коричневі трикутники) згідно з [216]. Чорні ромби позначають квантову точку (КТ) та квантову критичну точку (ККТ). Літери П, С та НС показують параелектрични сегнетоелектричну та немпівмірну фази відповідно.

З цього рисунка добре видно, що зі збільшенням концентрації германію у катіонній підгратці, ширина НС фази буде зменшуватись. Наші експериментальні дані по кристалу (Sn_{0.95}Ge_{0.05})₂P₂(Se_{0.5}S_{0.5})₆, ймовірно

підтверджують це, оскільки при такій концентрації селену відсутнє будь-яке розділення фаз. Цікавим також було б дослідити кристали із більшим вмістом германію, але у катіонній підґратці германій може замістити олово тільки до певного значення, яке ймовірно відповідає межі розчинності [230].

Висновки до розділу 4

Статична та динамічна критична поведінка сегнетоелектриків типу $Sn_2P_2S_6$ та змішаних кристалів (Pb_ySn_{1-y}) $_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ регулюється наявністю мультикритичної точки на їх фазовій діаграмі. Показано, що фазова діаграма температура-концентрація кристалів $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ може бути описана в рамках комбінованої моделі БЕГ – ANNNI, яка включає в себе лінії ТКТ та ТЛ, а також мультикритичну точку вищого порядку – ТКТЛ. Нижче температури ТКТЛ, яку можна вважати кінцевою точкою лінії Ліфшиця, можливий «хаотичний» стан із співіснуванням сегнетоелектричної та метастабільних параелектричної та модульованої фаз.

Крім фрустрації полярних коливань поблизу центру зони Бріллюена, в кристалі $Sn_2P_2S_6$ також сильно розвиваються антиполярні коливання в параелектричній фазі при охолодженні до температури ФП II роду. Окрім можливості одночасного розвитку полярних та антиполярних флуктуацій у параелектричній фазі при охолодженні до T_0 , можливе співіснування антиполярних та полярних флуктуацій у кристалах $Sn_2P_2S_6$ нижче T_0 . При такому переході критичну поведінку аномалії оберненої теплової дифузії [125] можна описати як кросовер між класами універсальності Ізинга та Гейзенберга ХҮ, який очікується біля бікритичної точки з взаємодіючими полярним та антиполярним параметрами порядку.

Введення германію викликає кілька важливих явиц: підвищує температуру ФП і покращує спонтанну поляризацію в кристалі; не зміщує координату ТЛ в змішаних кристалах $Sn_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$; вона дещо розмиває аномалію ФП; викликає появу ФП в квантовому параелектрику $Pb_2P_2S_6$ та неоднорідне полярне упорядкування в кристалах ($Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05}$)₂ P_2S_6 та ($Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05}$)₂ P_2Se_6 . У змішаних кристалах квантові флуктуації руйнуються, що випливає із порівняння низькотемпературної поведінки теплової дифузії та комплексної діелектричної сприйнятливості на різних частотах.

ВИСНОВКИ

- Теплопровідність фосфорвмісних шаруватих кристалів (Cu,Ag)(In,Bi)P₂(Se,S)₆ вище температури Дебая досягає гранично низьких значень (≈ 0.2 Вт м⁻¹ K⁻¹) внаслідок сильного ангармонізму кристалічної гратки, викликаного наявністю релаксації неподіленої електронної пари стереоактивних катіонів вісмуту, сильною взаємодією між м'якими оптичними та акустичними фононними гілками, наявністю вторинного ефекту Яна-Теллера для катіонів міді та індію. Виявлена суттєва анізотропія теплового транспорту – для досліджуваних шаруватих кристалів коефіцієнт теплопровідності вздовж та поперек структурних шарів в окремих сполуках відрізняється до шести разів.
- Отримані результати досліджень теплової дифузії підтверджують, що у кристалі CuBiP₂Se₆ між високотемпературною розупорядкованою та низькотемпературною сегнетоелектричною наявна проміжна структурномодульована фаза.
- При заміщенні міді на срібло у кристалі Cu_{0.9}Ag_{0.1}InP₂S₆ температура сегнетиелектричного фазового переходу знижується на 30 К і змінюється рід цього переходу з першого на другий.
- 4. В результаті досліджень теплової дифузії для твердих розчинів (Pb_ySn₁. y)₂P₂(Se_{0.2}S_{0.8})₆ виявлено зміну роду сегнетоелектричного фазового переходу з другого на перший при концентрації свинцю, більше y ≈ 0.2, що погоджуються з передбаченнями моделі Блюме-Емері-Гріффітса з урахуванням дефектів типу «випадкове поле».
- 5. Отримане значення критичного індексу теплоємності α = 0.085 ± 0.006 для твердого розчину (Sn_{0.9}Pb_{0.1})₂P₂(Se_{0.2}Se_{0.8})₆ вказує на близькість критичної поведінки до очікуваної у наближенні середнього поля, що узгоджується з розмиванням фазових переходів біля трикритичної точки дефектами, які виникають при заміщенні атомів у катіонній підґратці.
- 6. Встановлена топологія фазової діаграми *T x y* в околі трикритичної точки

Ліфшиця для твердих розчинів $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$. Така діаграма описується при поєднанні моделі Блюме-Емері-Гріффітса, яка пояснює виникнення трикритичної точки при заміщенні олова на свинець у катіонній підґратці, та моделі ANNNI, яка пояснює наявність точки Ліфшиця і виникнення неспівмірної фази при заміщенні сірки на селен в аніонній підґратці.

- 7. Критична поведінка оберненої теплової дифузії в околі неперервного фазового переходу у кристалі $Sn_2P_2S_6$ відображає кросовер між класами універсальності моделі Ізинга ($\alpha_{ISING} = 0.1049 \pm 0.0066$) та двокомпонентної моделі Гейзенберга ($\alpha_{XY} = -0.0092 \pm 0.0008$), який очікується біля бікритичної точки із взаємодіючими дипольним та антиполярним параметрами порядку.
- 8. Заміщення катіонів олова більш стереоактивними катіонами германію у кристалах системи Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ підвищує частоту м'якої полярної оптичної моди біля центру зони Бріллюена в параелектричній фазі, що зменшує ймовірність розсіювання теплонесучих акустичних фононів оптичними фононами і сприяє зростанню теплопровідності у кристалах із вмістом германію. Для твердих розчинів (Pb_{0.7}Sn_{0.25}Ge_{0.05})₂P₂S(Se)₆ германій сприяє утворенню стану дипольного скла в температурній області квантових флуктуацій (при T < 50 K).

СПИСОК ВИКОРИСТАНИХ ДЖЕРЕЛ

1. Liubachko V. Anisotropic thermal properties and ferroelectric phase transitions in layered CuInP₂S₆ and CuInP₂Se₆ crystals / V. Liubachko, V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, A. Pogodin, Yu. M. Vysochanskii // Journal of Physics and Chemistry of Solids. -2017. -V. 111. -P. 324–327.

2. Liubachko V. Thermal diffusivity and thermal conductivity in layered ferrielectric materials $M^{1+}M^{3+}P_2(S,Se)_6$ ($M^{1+} = Cu, Ag; M^{3+} = In, Bi$) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // Phase Transitions. – 2019. – V.92. No. 5. – P. 494–499.

3. Oleaga A. Inducing a Tricritical point in $Sn_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ ferroelectrics by Pb addition / A. Oleaga, V. Liubachko, A. Salazar, Yu. Vysochanskii // Thermochimica Acta. – 2019. – V. 675. – P. 38–43.

4. Liubachko V. Cation role in the thermal properties of layered materials $M^{1+}M^{3+}P_2(S,Se)_6$ ($M^{1+} = Cu, Ag; M^{3+} = In, Bi$) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin and Yu. Vysochanskii // Physical Review Materials. – 2019. – V. 3. P. 104415(1-9).

Liubachko V. Phase diagram of ferroelectrics with tricritical and Lifshitz points at coupling between polar and antipolar fluctuations / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, R. Yevych, A. Kohutych, Yu. Vysochanskii // Physical Review B. – 2020. – V. 101. – P. 224110(1-10).

6. Zamaraite I. Quantum paraelectric state and critical behavior in Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆ ferroelectrics / I. Zamaraite, V. Liubachko, R. Yevych, A. Oleaga,
A. Salazar, A. Dziaugys, J. Banys, Yu. Vysochanskii // [https://arxiv.org/abs/2003.09966] – 2020.

7. Oleaga A. Influence of dopants and vacancies of chalcogenide atoms on possible deviation from Lifshitz behavior of $Sn_2P_2(S_{0.72}Se_{0.28})_6$ crystal. / A. Oleaga, V. Shvalya, A. Salazar, V. Lyubacko, A. Kohutych, I. Stoika, M. Danko, Yu. Vysochanskii. // 7th Seminar "Properties of ferroelectric and superionic systems". -2017. - P. 7-8.

 Liubachko V. Anisotropic thermal properties and ferrielectric phase transitions in layered CuInP₂S₆ and CuInP₂Se₆ crystals. / V. Liubachko, V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, A. Pogodin, Yu. M. Vysochanskii. // 19th International Conference on Photoacoustic and Photothermal Phenomena. – 2017. – P. 64.

9. Liubachko V. Ferroelectric phase transitions and anisotropic thermal properties in layered CuInP₂(S,Se)₆ crystals. / V. Liubachko, A. Oleaga, V. Shvalya, A. Kohutych, A. Pogodin, A. Salazar, Yu. M. Vysochanskii // Seminar "New multiferroics and superionic conductors for acustoelectronics and solid state ionics". -2017. - P. 17.

10. Liubachko V. Thermal diffusivity and thermal conductivity in layered ferroelectric materials $M^{1+}M^{3+}P_2(S,Se)_6$ ($M^{1+}=Cu, Ag; M^{3+}=In, Bi$) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // V Ukrainian-Polish-Lithuanian Meeting on Physics of Ferroelectrics. – 2018. – P. 65.

11. Liubachko V. Cation role in the thermal and electric properties of layered ferrielectric materials $M^{1+}M^{3+}P_2(S,Se)_6$ ($M^{1+}=$ Cu, Ag; $M^{3+}=$ In, Bi) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // International Meeting on Clusters and Nanomaterials (CNM'5-2018). – 2018. – P. 294-296.

12. Liubachko V. Ultralow thermal conductivity in layered phosphorus chalcogenides $M^{1+}M^{3+}P_2(S, Se)_6$ ($M^{1+} = Cu, Ag; M^{3+} = In, Bi$) / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // The conference of young scientist "Lashkaryov's readings – 2019". – 2019. – P. 34-35.

13. Liubachko V. The effect of Pb doping on the critical behavior in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_{0.2}S_{0.8})_6$ ferroelectrics / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, Yu. Vysochanskii // Conference of Young Scientists and Post-graduate Students IEP-2019. – 2019. – P. 184-185.

14. Liubachko V. Thermal diffusivity and phase transitions in $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2(Se_yS_{1-y})_6$ crystals / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, Yu. Vysochanskii // School-conference of young scientists «Modern material science: physics, chemistry,

technology» (MMSPCT-2019). - 2019. - P. 189-190.

 Liubachko V. Phonon Spectrum and Heat Transport in Metal Thio- and Senenophosphates / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, K. Glukhov, A. Pogodin, Yu. Vysochanskii // XXIV Galyna Puchkovska International School-Seminar "Spectroscopy of Molecules and Crystals" (XXIV ISSSMC). – 2019. – P. 60.

16. Liubachko V. Investigation of thermal transport in 2D layered $[Cu,Ag]^{1+}[In,Bi]^{3+}P_2[(Se,S)_6]^{4-}$ crystals / V. Liubachko, A. Oleaga, A. Salazar, K. Glukhov, A. Kohutych, Yu, Vysochanskii, A. Pogodin // VIII International seminar "Properties of ferroelectric and superionic systems". – 2019. – P. 18-19.

17. Liubachko V. Phase diagram of ferroelectrics with tricritical Lifshitz point: paraelectric - modulated critical line end point and chaotic behavior / V. Liubachko, R. Yevych, A. Oleaga, A. Salazar, A. Kohutych, Yu. Vysochanskii // VIII International seminar "Properties of ferroelectric and superionic systems. – 2019. – P. 38-39.

18. Glukhov K. Electronic Structure and Phase Transition in Ferroelectic $Sn_2P_2S_6$ Crystal / K. E. Glukhov, K. V. Fedyo, Yu. M. Vysochanskii // International Journal of Molecular Sciences. – 2012. – V. 13(11). – P. 14356-14384.

19. Rushchanskii K. Ferroelectricity in $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2S_6$ mixed crystals and random field BEG model / K. Z. Rushchanskii, R. M. Bilanych, A. A. Molnar, R. M. Yevych, A. A. Kohutych, S. I. Perechinskii, V. Samulionis, J. Banys, Y. M. Vysochanskii // Physica Status Solidi B. – 2016. – V. 253. No. 2. – P. 384-391.

20. Vysochanskii Yu. M. Raman spectroscopy study of the ferroelectric paraelectric transition in layered CuInP₂S₆ / Yu. M. Vysochanskii, V. A. Stephanovich, A. A. Molnar, V. B. Cajipe, X. Bourdon // Physical Review B. – 1998. – V. 58. N 14. – P. 9119-9124.

 Susner M. A. Metal Thio- and Selenophosphates as Multifunctional van der Waals Layered Materials / M. A. Susner, M. Chyasnavichyus, M. A. McGuire, P. Ganesh, P. Maksymovych // Advanced Materials. – 2017. – V. 29. I. 38. – P. 1602852(1-39). 22. Kleemann W. Magnetic and polar phases and dynamical clustering in multiferroic layered solid solutions $CuCr_{1-x}In_xP_2S_6$ / W. Kleemann, V. V. Shvartsman, P. Borisov, J. Banys, Yu. M. Vysochanskii // Physical Review B. – 2011. – V. 84. – P. 094411(1–8).

23. Belianinov A. CuInP₂S₆ Room Temperature Layered Ferroelectric / A. Belianinov, Q. He, A. Dziaugys, P. Maksymovych, E. Eliseev, A. Borisevich, A. Morozovska, J. Banys, Y. Vysochanskii, S.V. Kalinin // Nano Letters. -2015. - V. 15. I. 6. - P. 3808-3814.

24. Wang F. Subthermionic field-effect transistors with sub-5 nm gate lengths based on van der Waals ferroelectric heterostructures / Feng Wang, Jia Liu, Wenhao Huang, Ruiqing Cheng, Lei Yin, Junjun Wang, Marshet Getaye Sendeku, Yu Zhang, Xueying Zhan, Chongxin Shan, Zhenxing Wang, Jun He // Science Bulletin. In press. 10.1016/j.scib.2020.04.019.

25. Shunyu Su. Study on Performance of Anisotropic Materials of Thermal Conductivity / Shunyu Su, Jian Chen, Chunzhi Zhang // The Open Civil Engineering Journal. -2011. - V.5. - P.168-172.

26. Carslaw H. S. Conduction of Heat in Solids / Carslaw H. S., Jaeger J. C. // Oxford University Press. –1959. – P. 517.

27. Salazar A. On thermal diffusivity / A. Salazar // European Journal of Physics. –
2003. – V. 24. – P. 351-358.

28. Hsu R. Synchrotron X-ray Studies of LiNbO₃ and LiTaO₃ / R. Hsu, E. N. Maslen,
D. Du Boulay, N. Ishizawa // Acta Crystallographica – 1997. – V. B53. – P. 420-468.

29. Muralt P. Micromachined infrared detectors based on pyroelectric thin films / P.
Muralt // Institute of Physics Publishing. Reports on Progress in Physics. – 2001 – V.
64. – P. 1339–1388.

30. Thoen J. Investigations of phase transitions in liquid crystals by means of adiabatic scanning calorimetry / J. Thoen, G. Cordoyiannis, C. Glorieux // Liquid Crystals. – 2009. – V. 36. – P. 669-684.

 Yao H. Nonadiabatic scanning calorimeter / H. Yao, K. Ema, C.W. Garland // Review of Scientific Instruments. – 1998. – V. 69. – P. 172-178. 32. Birge N.O. Specific-heat spectroscopy of the glass-transition / N.O. Birge, S.R. Nagel // Physical Review Letters. – 1985. – V. 54. – P. 2674-2677.

33. Sullivan P.F. Steady-state ac-temperature calorimetry / P.F. Sullivan, G. Seidel // Physical Review. – 1968. – V. 17. No. 3. – P. 679-685.

34. Huang C.C. New experimental-technique for simultaneously measuring thermalconductivity and heat-capacity / C.C. Huang, J.M. Viner, J.C. Novack // Review of Scientific Instruments. – 1985. – V. 56. – P. 1390-1393.

35. Garland C.W. High-resolution ac calorimetry and critical behavior at phase transitions / C.W. Garland // Thermochimica Acta. – 1985. – V. 88. – P. 127-142.

Mandelis A. Theory of photopyroelectric spectroscopy of solids / A. Mandelis,
 M.M. Zver // Journal of Applied Physics. – 1985. – V. 57. – P. 4421-4430.

37. Zammit U. Perspective: photopyroelectric effects and pyroelectric measurements:
"Invited review article: photopyroelectric calorimeter for the simultaneous thermal, optical, and structural characterization of samples over phase transitions" / U. Zammit,
M. Marinelli, F. Mercuri, S. Paoloni, F. Scudieri // Review of Scientific Instruments. – 2011. – V. 82. – P. 121101(1-4).

38. Chirtoc M. Theory of the photopyroelectric method for investigation of optical and thermal materials properties / M. Chirtoc, G. Mihailescu // Physical Review B. – 1989. – V. 40. – P. 9606-9617.

39. Massot M. Desarrollo y aplicación de la calorimetría fotopiroeléctrica al estudio de transiciones de fase / M. Massot // PhD thesis. – 2008. – P. 137.

40. Salazar A. On the influence of the coupling fluid in photopyroelectric measurements / A. Salazar // Review of Scientific Instruments. – 2003. – V. 74. – P. 825–827.

41. Delenclos S. A New Calibration Procedure for the Determination of Thermal Parameters and Their Temperature Dependence Using the Photopyroelectric Method / S. Delenclos, M. Chirtoc, A. Sahraoui, C. Kolinsky, J. Buisine // Analytical Sciences. – 2001. – V. 17. – P. s161-s164.

42. Oleaga A. Critical behavior near the Lifshitz point in $Sn_2P_2(S_{1-x}Se_x)_6$ ferroelectric semiconductors from thermal diffusivity measurements / A. Oleaga, A.

Salazar, A. Kohutych, Yu. Vysochanskii // Journal of Physics-Condensed Matter – 2011. – V. 23. – P. 025902(1-9).

43. Salazar A. On the piezoelectric contribution to the photopyroelectric signal / A. Salazar, A. Oleaga // Review of scientific instruments. - 2005. - V. 76. - P. 034901(1-4).

44. Dziaugys A. Dipolar glass phase in ferrielectrics: $CuInP_2S_6$ and $Ag_{0.1}Cu_{0.9}InP_2S_6$ crystals / A. Dziaugys, J. Banys, J. Macutkevic, R. Sobiestianskas, Yu. Vysochanskii // Phys. Status Solidi A. – 2010. – V. 207. – P. 1960-1967.

45. Maisonneuve V. Ferrielectric ordering in lamellar CuInP₂S₆ / V. Maisonneuve,
V.B. Cajipe, A. Simon, R. Von Der Muhll, J. Ravez // Physical Review B. – 1997. –
V. 56. – P. 10860-10868.

46. Vysochanskii Yu. M. Phase transitions in CuInP₂(Se_xS_{1-x})₆ layered crystals / Yu.
M. Vysochanskii, A. A. Molnar, M. I. Gurzan, V. B. Cajipe // Ferroelectrics. – 2001.
– V. 257. – P. 147–154.

47. Dziaugys A. Phase transitions in CuBiP₂Se₆ crystals / A. Dziaugys, J. Banys, J. Macutkevic, Yu. Vysochanskii, I. Pritz, M. Gurzan // Phase Transitions. – 2011. – V. 84: 2.– P. 147-156.

48. Dziaugys A. Conductivity spectroscopy of new AgInP₂S₆ crystals / A. Dziaugys,
J. Banys, J. Macutkevic and Yu. Vysochanskii // Integrated Ferroelectrics. – 2009. –
V. 103.– P. 52-59.

49. Banys J. Dielectric and ultrasonic investigation of phase transition in $CuInP_2S_6$ crystals / J. Banys, J. Macutkevic, V. Samulioniz, A. Brilingas, Y. Vysochanskii // Phase Transition. – 2004. – V. 77. – P. 345-358.

Studenyak I. P. Phase transitions and optical absorption edge in CuInP₂Se₆ layered ferrielectrics / I. P. Studenyak, O. A. Mykajlo, V. O. Stephanovich, M. I. Gurzan, Y. M. Vysochanskii, V. B. Cajipe // Phys. Status Solidi A.– 2003. – V. 198. – P. 487-494.
 Wang X. Second-harmonic generation in quaternary atomically thin layered AgInP₂S₆ crystals / X. Wang, K. Du, W. Liu, P. Hu, X. Lu, W. Xu, C. Kloc, Q. Xiong // Applied Physics Letters. – 2016. – V. 109. – P. 123103(1-5).

52. Mengwei S. Ferroelectric Field-Effect Transistors Based on MoS_2 and $CuInP_2S_6$ Two-Dimensional Van der Waals Heterostructure / S. Mengwei, P.Y. Liao, G. Qiu, Yu. Duan, P.D. Ye // ACS Nano. – 2018. – V. 12, I. 7. – P. 6700-6705.

53. Zheng Yi. Wafer-scale graphene/ferroelectric hybrid devices for low-voltage electronics / Yi Zheng, Guang-Xin Ni, Sukang Bae, Chun-Xiao Cong, Orhan Kahya, Chee-Tat Toh, Hye Ri Kim, Danho Im, Ting Yu, Jong Hyun Ahn, Byung Hee Hong, Barbaros Özyilmaz // EPL (Europhysics Letters). –2011. – V. 93 (1). – P. 17002(1-4).

54. Hyeon Jun Hwang. Ferroelectric polymer-gated graphene memory with high speed conductivity modulation / Hyeon Jun Hwang, Jin Ho Yang, Young Gon Lee, Chunhum Cho, Chang Goo Kang, Soo Cheol Kang, Woojin Park, Byoung Hun Lee // L. Nanotechnology -2013 - V.24(17) - P.175202(1-6).

55. Lee S. General trends observed in the substituted thiophosphate family. Synthesis and structure of silver scandium thiophosphate, $AgScP_2S_6$, and cadmium iron thiophosphate, $CdFeP_2S_6$ / S. Lee, P. Colombet, G. Ouvrard, R. Brec // Inorganic Chemistry – 1988. – V. 27. – P. 1291-1294.

56. Pfitzner A. Synthesis and Structure Determination of AgScP₂Se₆, AgErP₂Se₆ and AgTmP₂Se₆ / A. Pfitzner, S. Seidlmayer // Zeitschrift für anorganische und allgemeine Chemie. – 2009. – V. 635. – P. 704-707.

57. Maisonneuve V. Room-temperature crystal structure of the layered phase Cu^In $^{III}P_2S_6$ / V. Maisonneuve, M. Evain, C. Payen, V.B. Cajipe, P. Molinié // Journal of Alloys and Compounds. – 1995. – V. 218. – P. 157-164.

58. Ouili Z. Crystal structure of a new lamellar compound: Ag₁₂In₁₂PS₃ / Z. Ouili, A. Leblanc, P. Colombet // Journal of Solid State Chemistry. – 1987. – V. 66. – P. 86-94.
 59. Colombet P. Structural aspects and magnetic properties of the lamellar compound Cu_{0.50}Cr_{0.50}PS₃ / P. Colombet, A. Leblanc, M. Dannot, J. Rouxel // Journal of Solid State Chemistry. – 1982. – V. 41, I. 2. – P. 174-184.

60. Maisonneuve V. Low-temperature neutron powder diffraction study of copper chromium thiophosphate (CuCrP₂S₆): observation of an ordered, antipolar copper

sublattice / V. Maisonneuve, V. B. Cajipe, C. Payen // Chemistry of Materials. – 1993. – V. 5(6). – P. 758-760.

61. Colombet P. Coordinance inhabituelle de l'argent dans un sufur lamellaire a sousreseau magnetique 1D: le compose $Ag_{0.5}Cr_{0.5}PS_3$ / P. Colombet, A. Leblanc, M. Danot, J. Rouxel // Nouveau Journal de Chimie. – 1983. – V. 7. – P. 333-338.

62. Pfeiff R. Quaternary selenodiphosphates (IV): M^IM^{III}[P₂Se₆], (M^I= Cu, Ag; M^{III}=Cr, Al, Ga, In) / R. Pfeiff, R. Kniep // Journal of Alloys and Compounds. – 1992. – V. 186. – P. 111-133.

63. Gave M. A. On the Lamellar Compounds CuBiP₂Se₆, AgBiP₂Se₆ and AgBiP₂S₆.
Antiferroelectric Phase Transitions Due to Cooperative Cu⁺ and Bi³⁺ Ion Motion / M.A.
Gave, D. Bilc, S.D. Mahanti, J.D. Breshears, M.G. Kanatzidis // Inorganic Chemistry.
2005. – V. 44. I. 15. – P. 5293–5303.

64. Bourdon X. ³¹P MAS NMR Study of the Ferrielectric-Paraelectric Transition in Layered CuInP₂S₆ / Bourdon X., Grimmer A. R., Cajipe V. B. // Chemical Maters. – 1999. – V. 11. – P. 2680-2686.

65. Bercha D.M. Vibronic interaction in crystals with the Jahn-Teller centers in the elementary energy bands concept / D.M. Bercha, S.A. Bercha, K.E. Glukhov, M. Sznajder // Condensed Matter Physics. -2015. - V. 18. No 3. - P. 33705(1-17).

66. Simon A. Paraelectric-Ferroelectric Transition in the Lamellar Thiophosphate CuInP₂S₆ / A. Simon, J. Ravez, V. Maisonneuve, C. Payen, V. B. Cajipe // Chemistry of Materials. – 1994. – V. 6. – P. 1575-1580.

67. Néel L. Antiferromagnetism and Ferrimagnetism / Louis Néel // Proceedings of the Physical Society A. – 1952. – V. 65. No 11. – P. 859. Термін «сегнетиелектричність» використовується в аналогії з «ферримагнетизмом», запропонованим Луї Неелем, для опису магнітної поведінки, подібної до поведінки феритів, які містять дві нееквівалентні і протилежно спрямовані магнітні підгратки.

68. Bercha D.M. Electron-Phonon Interaction as a Mechanism of Phase Transition in the $CuInP_2S_6$ Crystal / D.M. Bercha, S.A. Bercha, K.E. Glukhov, M. Sznajder. Acta Physica Polonica A. -2014. - V. 126. - P. 1143-1145. 69. Bourdon X. Copper sublattice ordering in layered CuMP₂Se₆ (M=In,Cr) / X. Bourdon, V. Maisonneuve, V.B. Cajipe, C. Payen, J.E. Fischer // Journal of Alloys and Compounds. – 1999. – V. 283. – P. 122–127.

70. Vysochanskii Yu. M. Dielectric measurement study of lamellar CuInP₂Se₆: successive transitions towards a ferroelectric state via an incommensurate phase? / Yu. M. Vysochanskii, A. A. Molnar, M. I. Gurzan, V. B. Cajipe, X. Bourdon // Solid State Communications. – 2000. – V. 115. – P. 13–17.

71. Dziaugys A. Anisotropy effects in thick layered CuInP₂S₆ and CuInP₂Se₆ crystals
/ A. Dziaugys, J. Banys, J. Macutkevic, Y. Vysochanskii // Phase Transition. – 2013.
- V. 86. – P. 878-885.

72. Macutkevic J. Electrical conductivity of layered CuInP₂(S_xSe_{1-x})₆ crystals / J. Macutkevic, J. Banys, Y. Vysochanskii // Physica Status Solidi B. – 2015. – V. 252. – P. 1773-1777.

73. Fagot-Revurat Y. Interplay between electronic and crystallographic instabilities in the low-dimensional ferroelectric CuInP₂Se₆ / Y. Fagot-Revurat, X. Bourdon, F. Bertran, V. B. Cajipe, and D. Malterre // J. Phys. Condensed Matters. – 2003. – V. 15. – P. 595-602.

74. Dziaugys A. Dielectric Properties of New AgInP₂Se₆ Crystals / A. Dziaugys, J. Banys, J. Macutkevic, Ju. Vysochanskii // Ferroelectrics. – 2009. – V. 391:1. – P. 151-157.

75. Babuka T. Structural, electronic, vibration and elastic properties of the layered AgInP₂S₆ semiconducting crystal – DFT approach / T. Babuka, K. Glukhov, Y. Vysochanskii, M. Makowska-Janusik // RSC Advances. – 2018. – V. 8. – P. 6965(1-13).

76. Samulionis V. Ultrasonic and Piezoelectric Studies of Phase Transitions in Two-Dimensional CuInP₂S₆ Type Crystals / V. Samulionis, J. Banys, Y. Vysochanskii // Ferroelectrics. – 2009. – V. 379. – P. 69–76.

77. Xu Bo. Monolayer AgBiP₂Se₆: an atomically thin ferroelectric semiconductor with out-plane polarization / Bo Xu, Hui Xiang, Yidong Xia, Kun Jiang, Xiangang Wan, Jun He, Jiang Yin, Zhiguo Liua // Nanoscale. – 2017. – V. 9. – P. 8427-8434.

78. Samulioniz V. Piezoelectric and Ultrasonic Studies of New Lamellar Crystals of CuInP₂S₆ Type / V. Samulioniz, J. Banys, A. Dziaugys, M. I. Gurzan, I. P. Pritz, Y. Vysochanskii // Ferroelectrics. – 2011. – V. 419. – P. 97-102.

79. Поторій М.В. Фазові рівноваги у системах з участю тетрарних сполук типу $Me^{III}P_2S_6(Se_6)$, де $Me^{I} - Cu$, Ag; $Me^{III} - In$, Cr. / М.В. Поторій, П.М. Милян, С.Ф. Мотря, В.В. Товт, С.М. Гасинець // Physics and chemistry of solid state. – 2015. – V. 16, No 2. – P. 327-334.

Kohn W. Self-Consistent Equations Including Exchange and Correlation Effects /
 W. Kohn, L. J. Sham // Physical Review Journals A. –1965. – V. 140. – P. 1133-1138.
 Gonze X. Recent developments in the ABINIT software package / X. Gonze, F. Jollet, F. Abreu Araujo, D. Adams, B. Amadon, T. Applencourt, C. Audouze, J. M. Beuken J. Bieder, A. Bokhanchuk, E. Bousquet, F. Bruneval, D. Caliste, M. Côté, F. Dahm, F. Da Pieve, M. Delaveau, M. Di Gennaro, J.W.Zwanzigerd // Computer Physics Communications. – 2016. – V. 205. – P. 106-131.

82. Lee Ch. Ab initio calculation of the thermodynamic properties and atomic temperature factors of SiO₂ α -quartz and stishovite / Ch. Lee, X. Gonze // Physical Review B. – 1995. – V. 51. – P. 8610-8613.

83. Perdew J. P. Generalized Gradient Approximation Made Simple / J. P. Perdew, K. Burke, and M. Ernzerhof // Physical Review Letters. – 1996. – V. 77. – P. 3865-3868.
84. Monkhorst H. J. Special points for Brillouin-zone integrations / H. J. Monkhorst, J. D. Pack // Physical Review B. – 1976. – V. 13. – P. 5188-5192.

85. Gonze X. First-principles responses of solids to atomic displacements and homogeneous electric fields: Implementation of a conjugate-gradient algorithm / X. Gonze // Physical Review B. – 1997. – V. 55 – P. 10337-10354.

Maradudin A. A. Theory of Lattice Dynamics in the Harmonic Approximation.
 2nd Edition / Maradudin A. A., Montroll E. W., Weiss G. H., Ipatova I. P. // Academic
 Press. – 1971. – P. 708.

87. Moriya K. The Heat Capacity of CuInP₂Se₆, a Layer-Structured Selenodiphosphate / K. Moriya, N. Kariya, I. Pritz, Yu. M. Vysochanskii, A. Inaba, T. Matsuo // Ferroelectrics. – 2007. – V. 346. – P. 143-148.

88. Macutkevic J. Broadband dielectric spectroscopy of CuInP₂Se₆ crystals / J. Macutkevic, J. Banys, Yu. Vysochanskii // Physica Status Solidi (a). – 2009. – V. 206, – P. 167-172.

89. Snyder G. Complex thermoelectric materials / G. Snyder, E. Toberer // Nature Materials. – 2008. – V. 7. – P. 105-114.

90. Morelli D. Intrinsically Minimal Thermal Conductivity in Cubic I-V-VI₂ Semiconductors / D. Morelli, V. Jovovic, J. Heremans // Physical Review Letters. – 2008. – V. 101. – P. 035901(1-4).

91. Nielsen M. Lone pair electrons minimize lattice thermal conductivity / M. Nielsen,
V. Ozolins, J. Heremans // Energy & Environmental Science. – 2013. – V. 6. – P. 570-578.

92. Li C. W. Orbitally driven giant phonon anharmonicity in SnSe / C. W. Li, J. Hong,
A. May, D. Bansal, S. Chi, T. Hong, G. Ehlers, O. Delaire // Nature Physics. 2015. –
V. 11. – P. 1063-1069.

93. Delaire O. Giant Anharmonic Phonon Scattering in PbTe / O. Delaire, J. Ma, K. Marty, A. F. May, M. A. McGuire, M.-H. Du, D. J. Singh, A. Podlesnyak, G. Ehlers, M. D. Lumsden, and B. C. Sales // Nature Materials. – 2011. – V. 10. – P. 614-619.

94. Tian Z. Phonon conduction in PbSe, PbTe, and PbTe_{1-x}Se_x from first-principles calculations / Z. Tian, J. Garg, K. Esfarjani, T. Shiga, J. Shiomi, G. Chen // Physical Review B. -2012. - V. 85. - P. 184303(1-7).

95. Wang H. Reduction of thermal conductivity in PbTe:Tl by alloying with TlSbTe₂
/ H. Wang, A. Charoenphakdee, K. Kurosaki, S. Yamanaka, G. J. Snyder // Physical Review B. – 2011. – V. 83. – P. 024303(1-5).

96. Cahill D. Lower limit to the thermal conductivity of disordered crystals / D. Cahill,
S. Watson, R. Pohl // Physical Review B. – 1992. – V. 46. – No10. – P. 6131-6140.

97. Rushchanskii K. Ferroelectricity, nonlinear dynamics and relaxation effects in monoclinic $Sn_2P_2S_6$ / K. Rushchanskii, Yu. Vysochanskii, D. Strauch // Physical Review Letters. – 2007. – V. 99. – P. 207601(1-4).

98. Grabar A. A. Photorefractive Materials and Their Applications, V.2 "Photorefractive effects in $Sn_2P_2S_6$ " / A. A. Grabar, M. Jazbinšek, A. N. Shumelyuk,

Yu. M. Vysochanskii, G. Montemezzani, P. Günter // Springer. Springer Series in Optical Sciences. – 2007. – V. 114. – P. 327-362.

99. Mys O. On the acoustooptic efficiency of Pb₂P₂Se₆ crystals. Acoustic and thermal studies / O. Mys, I. Martynyuk-Lototska, A.M. Kostruba, A. Grabar, R. Vlokh // Ukr. J. Phys. Opt. – 2012. – V. 13. – P. 177-182.

100. Vysochanskii Yu. M. Phase Transitions in Ferroelectric Phosphorous Chalcogenide Crystals / Yu. M. Vysochanskii, T. Janssen, R. Currat, R. Folk, J. Banys, J. Grigas, V.Samulionis // Vilnius University Publishing House. – 2006. – P. 453.

101. Ovsyannikov S. V. Tuning the electronic and vibrational properties of $Sn_2P_2Se_6$ and $Pb_2P_2S_6$ crystals and their metallization under high pressure / S. V. Ovsyannikov, N. V. Morozova, I. V. Korobeinikov, V. Haborets, R. Yevych, Yu. Vysochanskii, V. V. Shchennikov // Dalton Transactions. – 2017. – V. 46, – P. 4245-4258.

102. Dittmar G. Die Struktur des Di-Zinn-Hexathiohypo-diphosphats $Sn_2P_2S_6$ / G. Dittmar, H. Shafer // Zs. Natturforsch. – 1974. – V. 296. – P. 312-317.

103. Carpentier C. D. Vapour growth and crystal data of the thio (seleno) hypodiphosphates $Sn_2P_2S_6$, $Sn_2P_2Se_6$, $Pb_2P_2S_6$, $Pb_2P_2Se_6$ and their mixed crystals / C. D. Carpentier, R. Nitsche // Materials Research Bulletin. – 1974. – V. 9. – P. 401-410. 104. Enjalbert R. Structural study of the ferroelectric instability in $Sn_2P_2Se_6$ / R. Enjalbert, J. Galy, Yu. Vysochanskii, A. Ouedraogo, P. Saint-Gregoire // European Physical Journal B. – 1999. – V. 8. – P. 169-177.

105. Vysochanskii Yu. M. Concentration dependencies of temperatures and character of phase transitions in $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2S_6$ and $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2Se_6$ / Yu. M. Vysochanskii, M. I. Gurzan, M. M. Maior, S. F. Motrja, S. I. Perechinskii, M. V. Potorij, L. A. Salo, M. M. Khoma, V. Yu. Slivka, Yu. V. Voroshilov // Soviet physics, Solid state. – 1984. – V. 23. No.3. – P. 858-864.

106. Scott B. High temperature crystal structure and DSC of $Sn_2P_2S_6$ B. Scott, M. Pressprich, R.D. Willit, D.A. Cleary J. Solid State Chemistry. – 1992. – V. 96. – P. 294-300.

107. Gomonnay A. The splitting of phase transitions in ferroelectric solid solutions of $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ / A. Gomonnay, A. Grabar, Yu. Vysochanskii, A. Belyaev, V.

Machulin, M. Gurzan, V. Slivka // Fiz. Tv. Tela. –1981. – V. 23. – No. 12. – P. 3602-3606.

108. Barsamian T. Incommensurate phase in proper ferroelectric Sn₂P₂Se₆ / T.
Barsamian, S. Khasanov, V. Shekhtman, Yu. Vysochanskii, V. Slivka // Fiz. Tv. Tela.
- 1985. - V. 27. - No. 11. - P. 3327-3331.

109. Barsamian T. Diffraction analysis of incommensurate phases in crystals of quasi-binary system $Sn_2P_2(S_{1-x}Se_x)_6$ / T. Barsamian, S. Khasanov, V. Shekhman // Ferroelectrics. – 1993. – V. 138. – No. 1. – P. 63-77.

110. Israel R. Crystal structures of di-tinhexa(seleno)hypodiphosphate, Sn₂P₂Se₆, in the ferroelectric and paraelectric phase / R. Israel, R. Gelder, J. Smits, P. Beurskens, S. W. H. Eijt, T. Rasing, H. van Kempen, M. Maior, S. Motrija // Z. Kristallographie. – 1998. – V. 213. – P. 34-41.

111. Becker R. Kristallstruktur und Schwingungsspektren des Di-BleiHexathiohypodiphosphates $Pb_2P_2S_6$ / R. Becker, W. Brockner // Z. Naturforsch. – 1983. – V. 38a. – P. 874-879.

112. Prits I. Phase equilibria in the Pb-P-S(Se) systems / I. Prits, M. Potorii, Y.
Voroshilov / Ukrainskii Khimichnyi Zhurnal. – 1989. – V. 55. – No. 2. – P. 25-27.

113. Slivka A. G. Effect of isomorphous substitution and external hydrostatic pressure on the fundamental optical absorption edge of $Sn(Pb)_2P_2S(Se)_6$ crystals / Slivka A. G., Gerzanich E. I., Shusta V. S. and Guranich P. P. // Izv. Vuzov. Ser. Fiz. – 1999. – V. 9. – P. 23–28.

114. Moriya K. Dielectric Studies of Ferroelectric Phase Transitions in $Pb_{2x}Sn_{2(1-x)}P_2S_6$ Single Crystals / K. Moriya, K. Iwauchi, M. Ushida, A. Nakagawa, K. Watanabe, S. Yano, S. Motojima, Y. Akagi // Journal of the Physical Society of Japan. – 1995. – V. 64, No. 5. – P. 1775-1784.

115. Barsamian T. K. Incommensurate phase in proper ferroelectric $Sn_2P_2Se_6$ / T. K. Barsamian, S. S. Khasanov, V. S. Shekhtman, Y. M. Vysochanskii, V. Y. Slivka // Ferroelectrics. – 1986. – V. 67. – P. 47-54.

116. Vysochanskii Yu. M. Influence of defects and conductivity on the Phase Transitions and the domain structure properties in ferroelectric-semiconductors Sn₂P₂S(Se)₆ / Yu. M. Vysochanskii, A. A. Molnar, M. M. Khoma // Ferroelectrics. – 1999. – V. 223. – P. 19-26.

117. Vysochanskii Yu. M. The tricritical Lifshitz point on the phase diagram of $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ ferroelectrics / Yu. M. Vysochanskii, M. M. Mayor, V. M. Rizak, V. Yu. Slivka, M. M. Khoma // Sov. Phys. JETP. – 1989. – V. 68. No. 4. – P. 782-787.

118. Moriya K. Ferroelectric Phase Transitions in $Pb_{2x}Sn_{2(1-x)}P_2Se_6$ System / K. Moriya, T. Yamada, K. Sakai, S. Yano, S. Baluja, T. Matsuo, I. Pritz, Y. M. Vysochanskii. // Journal of Thermal Analysis and Calorimetry. – 2002. –V. 70. – P. 321-328.

119. Moriya K. Low-temperature thermal properties of $Pb_2P_2Se_6$ and $Pb_{1.424}Sn_{0.576}P_2Se_6$ / K. Moriya, T. Yamada, S. Baluja, T. Matsuo, I. Pritz d, Yu. M. Vysochanskii // Thermochimica Acta. – 2003. –V. 403. – P. 153-160.

120. Major M. The heat capacity and linear expansion of crystals $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ in the field of phase transitions / M. Major, B. Koperles, B. Savchenko, M. Gurzan, O. Morozova, N. Korda // Fiz. Tver. Tela. – 1983. – V. 25. – P. 214-223.

Moriya K. Ferroelectric Phase Transitions in Sn₂P₂S₆ and Sn₂P₂Se₆ Crystals, / K. Moriya, K. Iwauchi, M. Ushida, A. Nakagawa, K. Watanabe, S. Yano, S. Motojima, Y. Akagi // Journal of the Physical Society of Japan. – 1998. – V. 67, No. 10. – P. 3505-3511.

122. Vysochanskii Yu. The model of phase transitions in $Sn_2P_2S_6$ ferrosemiconductor and their lattice dynamics / Yu. Vysochanskii, V. Slivka, Yu. Voroshilov // Fiz. Tverd. Tela, 1979. – V. 21. – No 8. – P. 2402-2408.

123. Vysochanskii Y. M. Birefringence investigations of the $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ uniaxial ferroelectrics behaviour near the lifshitz point / Y. M. Vysochanskii, V. V. Mitrovcij, A. A. Grabar, S. I. Perechinskii, S. F. Motrja, J. Kroupa // Ferroelectrics. – 2000. – V. 237. – P. 193-200.

124. Vysochanskii Yu. M. Lifshitz point on the state diagram of ferroelectrics / Yu.
M. Vysochanskii, V. Yu. Slivka// Usp. Fiz. Nauk. – 1992. – V. 162. No. 2. – P. 139-160. 125. Oleaga A. Thermal diffusivity and critical behaviour of uniaxial ferroelectric $Sn_2P_2S_6$ / A. Oleaga, A. Salazar, M. Massot, and Y. M. Vysochanskii // Thermochimica Acta. – 2007. – V. 459. – P. 73-79.

126. Bilanych R. M. Elastic properties of $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2S_6$ solid solutions / R. M. Bilanych, R. M. Yevych, A. A. Kohutych, S. I. Perechinskii, I. M. Stoika, Yu. M. Vysochanskii // Central European Journal of Physics. – 2014. – V. 12. – P. 611-614.

127. Kohutych A. Sound behavior near the Lifshitz point in proper ferroelectrics / A. Kohutych, R. Yevych, S. Perechinskii, V. Samulionis, J. Banys, Yu. Vysochanskii // Physical Review B. – 2010. – V. 82. I. 5. – P. 054101(1-10).

128. Kohutych A. Acoustic attenuation in ferroelectric $Sn_2P_2S_6$ crystals / A. Kohutych, R. Yevych, S. Perechinskii, Yu. Vysochanskii // Central European Journal of Physics. – 2010. – V. 8. No. 6. – P. 905-914.

129. Rushchanskii K. Z. Observation of nonequilibrium behavior near the Lifshitz point in ferroelectrics with incommensurate phase / K. Z.Rushchanskii, A. Molnar, R. Bilanych, R. Yevych, A. Kohutych, Yu. M. Vysochanskii // Physical Review B. – 2016. – V. 93. I. 1. – P. 014101(1-12).

130. Vysochanskii Yu.M. Phase transitions in crystals $Sn_2P_2S_6$ / Yu. M. Vysochanskii, M.M. Maior, B.M. Koperles, M.I. Gurzan // Fiz. Tverd. Tela. – 1984. – V. 26. No. 3. – P. 690-695.

131. Eijt S. W. H. Soft modes and phonon interactions in Sn₂P₂Se₆ studied by means of neutron scattering / S. W. H. Eijt, R. Currat, J. E. Lorenzo, P. SaintGr'egoire, S. Katano, T. Janssen, B. Hennion, Y. M. Vysochanskii // Journal of Physics: Condensed Matter. – 1998. – V. 10, No. 22. – P. 4811-4844.

132. Vysochanskii Yu. M. Critical behavior of $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ uniaxial ferroelectrics near the Lifshitz point / Yu. M. Vysochanskii, V. G. Furtsev, M. M. Khoma, A. A. Grabar, M. I. Gurzan, M. M. Maior, S. I. Perechinskii, V. M. Rizak, V. Yu. Slivka // Journal of Experimental and Theoretical Physics. – 1986. – V. 91. No. 4. – P. 1384-1390. 133. Rizak. I. M. Lifshitz points line on the state diagram $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6 / I.$ M. Rizak, V. M. Rizak, M. I. Gurzan, S. I. Perechinskii, Yu. Vysochanskii, V. Yu. Slivka // Ukr. Fiz. J. – 1993. – V. 38. No. 5. – P. 67-70.

134. Michelson A.P. Phase diagrams near the Lifshitz point. I. Uniaxial magnetization / A.P. Michelson // Physical Review B. – 1977. – V. 16. – P. 577-584. 135. Shvalya V. Critical behaviour study of ferroelectric semiconductors $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2S_6$ from thermal diffusivity measurements / V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. A. Kohutych, Yu. M. Vysochanskii // Thermochimica Acta. –2015. – V. 617. – P. 136–143.

136. Shvalya V. Thermal diffusivity and 3D-XY critical behavior of ferroelectric semiconductors $(Pb_xSn_{1-x})_2P_2Se_6/V$. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, A. A. Kohutych, Yu. M. Vysochanskii // Journal of Physics and Chemistry of Solids. – 2016. – V. 88. – P. 78–84.

137. Blume M. Ising Model for the λ Transition and Phase Separation in He3 -He4 Mixtures / M. Blume, V.J. Emery, R.B. Griffiths // Physical Review A. – 1971. – V. 4. I. 3 – P. 1071-1077.

138. Falicov A. Tricritical and Critical End-Point Phenomena under Random Bonds
/ A. Falicov, A.N. Berker // Physical Review Letters. – 1996. – V. 76. – P. 4380-4383.
139. Ondrejkovic P. An x-ray scattering study of Sn₂P₂S₆: absence of incommensurate phase up to 1 GPa / P. Ondrejkovic, M. Guennou, M. Kempa, Y. Vysochanskii, G. Garbarino, J. Hlinka // Journal of Physics: Condensed Matter. – 2013. – V. 25. No. 11. – P. 115901(1-5).

140. Yevych R. Valence fluctuations in $Sn(Pb)_2P_2S_6$ ferroelectrics / R. Yevych, V. Haborets, M. Medulych, A. Molnar, A. Kohutych, A. Dziaugys, Ju. Banys, Yu. Vysochanskii // Low Temperature Physics. – 2016. – V. 42. No. 12. – P. 1155-1162.

141. Andersson O. Tricritical Lifshitz point in the temperature-pressure-composition diagram for $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ ferroelectrics / O. Andersson, O. Chobal, I. Rizak, V. Rizak // Physical Review B. – 2009. – V. 80. – P. 174107(1-5).

142. Oleaga A. In search of a tricritical Lifshitz point in $Sn_2P_2(S_{1-x}Se_x)_6$ doped with Pb, Ge: A critical behavior study / A. Oleaga, V. Shvalya, A. Salazar, I. Stoika, Yu. M. Vysochanskii // Journal of Alloys and Compounds. – 2017. – V. 694. – P. 808-814.

143. Zapeka B. Critical Behavior of $Sn_2P_2S_6$ and $Sn_2P_2(Se_{0.28}S_{0.72})_6$ Crystals under High Hydrostatic Pressures / Zapeka B., Kostyrko M., Martynyuk-Lototska I. and Vlokh R. // Philosophical Magazine. – 2015. – V. 95. I.4. – P. 382-393.

144. Landau L. D. Theoretical Physics. Statistical Physics / L. D. Landau, E. M. Lifshitz // Pergamon. Oxford. – 1980. – P. 544.

145. Landau L. On the Theory of Phase Transitions / Landau L. D. // Zh. Eksp. Teor. Fiz. – 1937. – V. 7. – P. 19–32.

146. Landau L. On the Theory of Phase Transitions / Landau L. D. // Phys. Z. Sowjet.
- 1937. - V. 11 (545). - P. 26-35.

147. Landau L. D. On the Anomalous Absorption of Sound Near a Second-Order Phase Transition Point / L. D. Landau, I. M. Khalatnikov // Report of the Academy of Sciences of the USSR. – 1954. – V. 96. – P. 469-472.

148. Ginzburg V. L. The dielectric properties of crystals of seignettcelectric substances and of barium titanate / Ginzburg V. L. // Zh. Eksp. Teor. Fiz. – 1945. – V. 15. – P. 739-749.

149. Ginzburg V. L. Polarization and Piezoelectric Effect in BaTiO₃ Near the Ferroelectric Transition Point / Ginzburg V. L. // Zh. Eksp. Teor. Fiz. – 1949. – V. 19. – P. 36-41.

150. Ginzburg V. L. Some remarks on second order phase transitions and microscopic theory of ferroelectrics / V.L. Ginzburg // Fiz. Tver. Tela. – 1960. – V. 2. – P. 2031-2134.

151. Strukov B. A. Ferroelectric Phenomena in Crystals / Strukov B. A., LevanyukA. P. // Springer-Verlag. – 1998. – P. 308.

152. Devonshire A. F. XCVI. Theory of barium titanate. Part I / Devonshire A. F. // The London, Edinburgh, and Dublin Philosophical Magazine and Journal of Science.
- 1949. - V. 40. - P. 1040-1063. 153. Devonshire A. F. CIX. Theory of barium titanate. Part II / Devonshire A. F. // The London, Edinburgh, and Dublin Philosophical Magazine and Journal of Science.
- 1951. - V. 42. - P. 1065-1079.

154. Valasek J. Piezo-Electric and Allied Phenomena in Rochelle Salt / Valasek J. //
Physical Review. – 1921. – V. 17(4). – P. 475-481.

155. Khoma M. M. The mean-field analysis of $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ thermodynamical properties in the paraelectric, incommensurate and ferroelectric phases / M. M. Khoma, A. A. Molnar, Yu. M. Vysochanskii // Journal of Physical Studies. – 1998. – V. 2. No. 4. – P. 524-535.

156. Abdel-Hady A. Tricritical Lifshitz point in uniaxial ferroelectrics / A. Abdel-Hady, R. Folk // Physical Review B. – 1996. – V. 54. – No. 6. – P. 3851-3860.

157. Levanyuk A. P. Defects and Structural Phase Transitions / A. P. Levanyuk, A.
S. Sigov // Gordon and Breach Science Publishers. – 1988. – P. 222.

158. Isaverdiev A. A. Influence of defects on the properties of uniaxial ferroelectrics near the lifshitz point / A. A. Isaverdiev, N. Lebedev, A. P. Levanyuk, A. S. Sigov // Ferroelectrics. – 1991. – V. 117. – P. 135-139.

159. Isaverdiev A. A. Phase transition anomalies of physical properties of pyroelectrics and improper ferroelectrics with charged point defects / A. A. Isaverdiev,
A. P. Levanyuk, A. S. Sigov // Ferroelectrics. – 1991. – V. 117. – P. 141-148.

160. Isaverdiyev A. Influence of point defects on the properties of ferroelectrics with one spontaneous polarization axis near the Lifshitz point / A. Isaverdiyev, N. Lebedev, A. Levanyuk, A. Sigov // Fiz. Tverd. Tela. – 1989. – V. 31. – P. 272-274.

161. Goldenfeld N. Lectures on Phase Transitions and the Renormalization Group, edited by David Pines / N. Goldenfeld // Frontiers in Physics. – 1992. – P. 420.

162. Fantoni R. Lectures on the renormalization group in statistical physics / R.
Fantoni // Universit`a Ca' Foscari Venezia. - 2017. - P. 16.

163. Guida R. Critical exponents of the N -vector model / R. Guida, J. Zinn-Justin // Journal of Physics A: Mathematical and General. – 1998. – V. 31. – No. 40. – P. 8103-8121. 164. Campostrini M. Critical behavior of the three-dimensional XY universality class
/ M. Campostrini, M. Hasenbusch, A. Pelisseto, P. Rossi, E. Vicari // Physical Review
B. - 2001. - V. 63. - No. 21. - 214503(1-28).

165. Campostrini M. Critical exponents and equation of state of the three-dimensional Heisenberg universality class / M. Campostrini, M. Hasenbusch, A. Pelisseto, P. Rossi, and E. Vicari // Physical Review B. – 2002. – V. 65. – No. 3 – P. 144520(1-21).

166. Fisher M. E. Renormalization group in theory of critical behaviour / M. E. Fisher
// Reviews of Modern Physics. - 1974. - V. 46. - No. 4. - P. 597-616.

167. Folk R. Multicritical behavior in ferroelectrics / R. Folk // Phase Transitions: A Multinational Journal. – 1999. – V. 67. – No. 4. – P. 645-666.

168. Folk R. Critical dynamics: a field-theoretical approach / R. Folk, G. Moser // Journal of Physics A: Mathematical and General. 2006. – V. 39. No. 24. – P. 207-313.
169. Hohenberg P. Theory of dynamic critical phenomena / P. Hohenberg, B. Halperin // Reviews of Modern Physics. – 1977. – V. 49. – No 3. – P. 435-479.

170. Halperin B. Generalization of scaling laws to dynamical properties of a system near its critical point / B. Halperin, P. Hohenberg // Physical Review Letters. – 1967.
– V. 19. – No. 12. – P. 700-703.

171. Halperin B. Renormalization-group treatment of critical dynamics of superfluid-helium, isotropic antiferromagnet, and easy-plane ferromagnet / B. Halperin, P. Hohenberg, E. Siggia // Physical Review B. – 1976. – V. 13. – No. 3. – P. 1299-1328.
172. Frey E. Critical-dynamics of magnets / E. Frey, F. Schwabl // Advanced Physics. – 1994. – V. 43. – No. 5. – 577-683.

173. Kadanoff L. Static phenomena near critical points - theory and experiment / L.
Kadanoff, W. Götze, D. Hamblen, R. Hecht, E. Lewis, V. Palciauskas, M. Rayl, J.
Swift // Reviews of Modern Physics. - 1967. - V. 39. - No. 2. - P. 395-431.

174. Lederman F. L. Experimental verification of scaling and test of the universality hypothesis from specific-heat data / F. L. Lederman, M. B. Salamon, L. W. Shacklette // Physical Review B. – 1974. – V. 9. – No. 7. – P. 2981-2988.

175. Pelisseto A. / Critical phenomena and renormalization-group theory / A. Pelisseto, E. Vicari // Physics Reports. – 2002. – V. 368. – No. 4. – P. 549-727.
176. Wilson K. The Renormalization Group and Critical Phenomena / Kenneth G. Wilson // Reviews of Modern Physics. – 1983. – V. 55. – No. 3. – P. 583-600.

177. Wilson K. The renormalization group and the ϵ expansion / Kenneth G. Wilson, J. Kogut // Physics Reports. – 1974. – V. 12. – P. 75-199.

178. Wilson K. Critical Exponents in 3.99 Dimensions / K. Wilson, M. Fisher // Physical Review Letters. – 1972. – V. 28. – No 4. – P. 240-243.

179. Folk R. Lifshitz points in uniaxial ferroelectrics / R. Folk, G. Moser // Physical Review B. – 1993. – V. 47. – No. 21. – P. 13992-13997.

180. Abdel-Hadif A. Tricritical Lifshitz point in uniaxial ferroelectrics / A. Abdel-Hadif, R. Folk // Physical Review B. – 1996. – V. 54. – No. 6. – P. 3851-3860.

181. Dengler R. Renormalization group calculation of the critical exponents for the lifshitz tricritical point / R. Dengler // Physical Letters. – 1985. – V. 108A. – P. 269-271.

182. Nasser I. Specific-heat amplitude ratio near a Lifshitz point / I. Nasser, A. Abdel-Hady, R. Folk // Physical Review B. – 1997. – V. 56. – No. 1. – P. 154-160.

183. Mo Z. Three-dimensional axial next-nearest-neighbor Ising model: A series investigation / Z. Mo, M. Ferer // Physical Review B. – 1991. – V. 43. – No. 13. – P. 10890-10904.

184. Selke W. Critical exponents near the XY Lifshitz point / Selke Walter // Journal of Physics C Solid State Physics. – 1980. – V. 13. – P. 261-263.

185. Geldartt D. J. W. Specific heat of nickel in the critical region / D. J. W. Geldartt,
G. Malmstrom // Journal of Physics C Solid State Physics. – 1982. – V. 15. – P. 5811-5819.

186. Kornblit A. Heat capacity of EuO near the Curie temperature / A. Kornblit, G. Ahlers // Physical Review B. – 1975. – V. 11. – No. 7. – P. 2678-2688.

187. Ahlers G. Universality of the specific heat of Heisenberg magnets near the critical temperature / G. Ahlers, A. Kornblit // Physical Review B. – 1975. – V. 12. – No. 5. – P. 1938-1946.

188. Rizak V.M. On the origin of the anomalies in the temperature dependences of thermal conduction in $Sn_2P_2S_6$ -like crystals at the phase transitions / V.M. Rizak, K.

Al'-Shoufi, I.M. Rizak, Yu. Vysochanskii, V.Yu Slivka // Ferroelectrics. – 1997. – V. 192. – P. 177-185.

189. Ekiz C. Metastable and unstable states of the Blume-Capel model obtained by the cluster variation method and the path probability method / C. Ekiz, M. Keskin, O. Yalcin // Physica A. -2001. - V. 293. - P. 215.

190. Ondrejkovic P. Neutron scattering study of ferroelectric Sn₂P₂S₆ under pressure /
P. Ondrejkovic, M. Kempa, Y. Vysochanskii, P. Saint-Gregoire, P. Bourges, K.Z.
Rushchanskii, J. Hlinka // Physical Review B. – 2012. – V. 86. – P. 224106(1-8).

191. Vysochanskii Yu. M. The tricritical Lifshitz point on the phase diagram of $Sn_2P_2(Se_xS_{1-x})_6$ ferroelectrics / Yu. M. Vysochanskii, M. M. Mayor, V. M. Rizak, V. Yu. Slivka, M. M. Khoma // Sov. Phys. JETP. –1989. – V. 95. – No. 4. – P. 1355-1365. 192. Baltrünas D. Manifestation of the Ferroelectric Phase Transition in the Mössbauer Parameters of the System $(Sn_xPb_{1-x})_2P_2S_6$ / D. Baltrünas, R. Mikaitis, V.Yu. Slivka, Yu.M. Vysochanskii // Physica Status Solidi A. – 1990. – V. 119. – P. 71-75.

193. Vysochanskii Yu. M. Mössbauer ¹¹⁹Sn and XPS spectroscopy of $Sn_2P_2S_6$ and SnP_2S_6 crystals / Yu. M. Vysochanskii, D. Baltrunas, A. A. Grabar, K. Mazeika, K. Fedyo, A. Sudavicius // Physica Status Solidi B. – 2009. – V. 246. – P. 1110-1117. 194. Hoston W. Multicritical phase diagrams of the Blume-Emery-Griffiths model with repulsive biquadratic coupling / Hoston, W., Berker, A. N. // Physical Review

Letters. - 1991. - V. 67. - No. 8. - P. 1027-1030.

195. Selke W. The ANNNI model – Theoretical analysis and experimental application / W. Selke // Physics Reports. – 1988. – V. 170. – I. 4. – P. 213-264.

196. Tomé T. Modulated phases and chaotic behavior in a spin-1 Ising model with competing interactions / T. Tomé, S. R. Salinas // Physical Review A. – 1989. – V. 39. – No. 4. – P. 2206-2213.

197. Jensen P. J. Properties of a spin-1 system with competing interactions and reentrant magnetic behavior / P. J. Jensen, K. A. Penson, K. H. Bennemann // Physical Review B. – 1987. – V. 35. – No. 13. – P. 7306-7309.

198. Aharony A. Novel Lifshitz tricritical point and critical dynamics / Aharony, A., Domany, E., Hornreich, R. M., Schneider, T., Zannetti M. // Physical Review B. – 1985. – V. 32. – No. 5. – P. 3358–3360.

199. Tonchev N. S. On the tricritical Lifshitz behaviour / Tonchev N. S., Uzunov D. I. // Physica A: Statistical Mechanics and Its Applications. – 1985. – V. 134. – P. 265-273.

200. Rice T. M. Real-Space and k \rightarrow Space Electron Pairing in BaPb_{1-x}Bi_xO₃ / Rice T. M., Sneddon L. // Physical Review Letters – 1981. – V. 47. – P. 689–692.

201. Shvalya V. Influence of dopants on the thermal properties and critical behavior of the ferroelectric transition in uniaxial ferroelectric $Sn_2P_2S_6$ / V. Shvalya, A. Oleaga, A. Salazar, I. Stoika, Yu. M. Vysochanskii // Journal of Materials Science. – 2016. – V. 51. – P. 8156–8167.

202. Penning F. C. A sensitive capacitance thermometer at low temperature for use in magnetic fields up to 20 T / Penning F. C., Maior M. M., Wiegers S. A. J., van Kempen H., Maan J. C. // Review of Scientific Instruments. – 1996. – V. 67. – P. 2602–2605.

203. Maior M. M. New dielectric material for low temperature thermometry in high magnetic fields / Maior M. M., Molnar S. B., Vysochanski, Y. M., Gurzan, M. I., van Loosdrecht P. H. M., van der Linden P. J. E. M., van Kempen H. // Applied Physics Letters. – 1993. – V. 62. – P. 2646–2648.

204. Vysochanskii Yu. Influence of cation and anion replacing on anomalous hysteresis of dielectric susceptibility in crystals $Sn_2P_2S_6/Yu$. Vysochanskii, M. Mayor, V. Slivka, M. Gurzan // Fiz.Tv. Tela. – 1985. – V. 27. – No. 5. – P. 1560-1562.

205. Korda V. Y. A possible generalization of the phenomenological theory of phase transitions in type II ferroelectrics with incommensurate phase / Korda V. Y., Berezovsky S. V., Molev A. S., Korda L. P., Klepikov V. F. Physica B: Condensed Matter. – 2012. – V. 407. – P. 3388–3393.

206. Korda V. Y. On importance of higher non-linear interactions in the theory of type II incommensurate systems / Korda V. Y., Berezovsky S. V., Molev A. S., Korda L. P., & Klepikov V. F. // Physica B: Condensed Matter. – 2013. – V. 425. – P. 31–33.

207. Eijt S. Soft modes and phonon interactions in studied by neutron scattering / Eijt S.
W. H., Currat R., Lorenzo J. E., Saint-Grégoire P., Hennion B., Vysochanskii Y. M. // The European Physical Journal B. – 1998. – V. 5. – P. 169–178.

208. Volkov A. A. Low frequency modes in infrared spectra of $Sn_2P_2S_6$ crystal / Volkov, G. V. Kozlov, N. I. Afanasjeva, A. A. Grabar, Yu. M. Vysochanskii, V. Yu. Slivka // Fiz. Tverd. Tela. – 1983. – V. 25. – P. 2575-2578.

209. Grigas, J. Microwave Dielectric Spectroscopy of Ferroelectrics / Grigas, J. // Ferroelectrics. – 2009. – V. 380. – I. 1. – P. 113–121.

210. Hlinka J. Two-length-scale behavior near the ferroelectric phase transition of $Sn_2P_2S_6$ / Hlinka J., Currat R., de Boissieu M., Livet F., & Vysochanskii Y. M. // Physical Review B. – 2005. – V. 71. – P. 052102(1-4).

211. Zamaraite I. Double hysteresis loops in proper uniaxial ferroelectrics / I.
Zamaraite, R. Yevych, A. Dziaugys, A. Molnar, J. Banys, S. Svirskas, Yu.
Vysochanskii // Physical Review Applied. – 2018. – V.10, I.3. – P. 034017(1-7).

212. Yevych R. Nonlinear dynamics of ferroelectrics with three-well local potential /
R. Yevych, M. Medulych, Yu. Vysochanskii // Condensed Matter Physics. – 2018. –
V. 21. No 2.– P. 23001(1–8).

213. Yevych R. Description of lattice anharmonicity observed in ferroelectrics with unusual three-well local potential / R. Yevych, Yu. Vysochanskii // Condenced Matter Physics. – 2018. – V. 21. No 3. – P. 33001(1–6).

214. Kosterlitz J. M. Bicritical and tetracritical points in anisotropic antiferromagnetic systems / Kosterlitz J. M., Nelson D. R., Fisher M. E. // Physical Review B. – 1976. – V. 13. – P. 412–432.

215. Folk R. Field theory of bicritical and tetracritical points. I. Statics / Folk R., Holovatch Y., Moser G. // Physical Review E. – 2008. – V.78. – P. 041124(1-14).

216. Zamaraite I. Quantum paraelectricity and induced ferroelectricity by germanium doping of $(Pb_ySn_{1-y})_2P_2S(Se)_6$ single crystals / I. Zamaraite, A. Dziaugys, Yu. Vysochanskii, J. Banys // Lithuanian Journal of Physics. – 2020. – V. 60. – P. 125-131. 217. Wang C. L. Burns temperature and quantum temperature scale / C. L. Wang, M. L.

Zhao // Journal of Advanced Dielectrics. – 2011. – V. 1. – P. 163 - 167.

218. Barman N. Incipient ferroelectric to a possible ferroelectric transition in Te⁴⁺ doped calcium copper titanate (CaCu₃Ti₄O₁₂) ceramics at low temperature as evidenced by Raman and dielectric spectroscopy / N. Barman, P. Singh, C. Narayana, K. B. R. Varma // AIP Advances. -2017. - V. 7. - P. 035105(1-7).

219. Bednorz J. G. Sr_{1-x}Ca_xTi0₃: An XY Quantum Ferroelectric with Transition to Randomness / J. G. Bednorz, K. A. Muller // Physical Review Letters. – 1984. – V. 52, – P. 2289-2292.

220. Ang C. Phonon-coupled impurity dielectric modes in Sr_{1-1.5x}Bi_xTiO₃ / Chen Ang, Zhi Yu. // Physical Review B. – 2000. – V. 61. – P. 11363 – 11366.

221. Vysochanskii Yu. Ferroelectricity and polarons in Sn₂P₂S₆ crystals / Yu.
Vysochanskii, A. Molnar, R. Yevych, K. Glukhov, M. Medulych // Ferroelectrics. –2012.
– V. 440. – P. 31-41.

222. Martelli V. Thermal Transport and Phonon Hydrodynamics in Strontium Titanate /
V. Martelli, J. Larrea Jim'enez, M. Continentino, E. Baggio-Saitovitch, K. Behnia //
Physical Review Letters. – 2018. – V. 120. – P. 125901(1-6).

223. Huber W. H. Electric field dependence of the thermal conductivity of quantum paraelectrics / W. H. Huber, L. M. Hernandez, A. M. Goldman // Physical Review B. – 2000. – V. 62. – P. 8588 – 8591.

224. Fujishita H. Quantum Paraelectric States in SrTiO₃ and KTaO₃: Barrett Model, Vendik Model, and Quantum Criticality / H. Fujishita, S. Kitazawa, M. Saito, R. Ishisaka, H. Okamoto, T. Yamaguchi // Journal of the Physical Society of Japan. – 2016. – V. 85. – P. 074703(1-8).

225. Rytz D. Dielectric susceptibility in quantum ferroelectrics / D. Rytz, U. T. Hochli,
H. Bilz // Physical Review B. – 1980. – V. 22. – P. 359-364.

226. Rowley S. E. Uniaxial ferroelectric quantum criticality in multiferroic hexaferrites $BaFe_{12}O_{19}$ and $SrFe_{12}O_{19}$ / S. E. Rowley, Yi-Sheng Chai, Shi-Peng Shen, Young Sun, A. T. Jones, B. E. Watts, J. F. Scott // Scientific Report. – 2016. – V. 6. – P. 25724(1-5).

227. Rowley S. E. Quantum criticality in a uniaxial organic Ferroelectric / S. E. Rowley,
M. Hadjimichael, M. N. Ali, Y. C. Durmaz, J. C. Lashley, R. J. Cava, J. F. Scott // Journal of Physics: Condensed Matter. – 2015. – V. 27. – P. 395901(1-7).

228. Rowley S. E. Ferroelectric quantum criticality / Rowley S. E., Spalek L. J., Smith R. P., Dean M. P. M., Itoh M., Scott J. F., Lonzarich G. G., Saxena S. S // Nature Physics. – 2014. – V. 10. – P. 367-372.

229. Rizak V. M. Electric conduction of Sn(Pb)₂P₂S(Se)₆-like crystals / V. M. Rizak, A.
A. Bokotey, I. M. Rizak, K. Al'-Shoufi, V. Yu. Slivka // Ferroelectrics. – 1997. – V. 192.
– P. 149-154.

230. Maior M. M. Effect of Germanium Doping on Pyroelectric and Piezoelectric Properties of $Sn_2P_2S_6$ Single Crystal / M. M. Maior, M. I. Gurzan, Sh. B. Molnar, I. P. Prits, Yu. M. Vysochanskii // IEEE Transactions on Ultrasonics, Ferroelectrics, and Frequency Control. – 2000. – V. 47. – P. 877-880.